

«Свойства логарифмов».

определение логарифма

$$a^{\log a b} = b \quad \begin{array}{l} a > 0; \\ a \neq 1; \\ b > 0. \end{array}$$

Вычислите :

$$\log_{-3} 81 \quad \log_5 625 \quad \log_3 27$$

$$\log_{\frac{1}{2}} 4 \quad \log_{11} 1 \quad \log_3 \frac{1}{9}$$

**ПРИ КАКИХ ЗНАЧЕНИЯХ x СУЩЕСТВУЕТ
ЛОГАРИФМ**

$$\log_{\frac{1}{4}}(x-3)$$

$$x-3 > 0 \Rightarrow x > 3$$

$$\log_5(10-x)$$

$$x < 10$$

$$\log_5(-3x^5)$$

$$x < 0$$

$$\log_{0,2}(2+x^2)$$

$$x \in \mathbb{R}$$

$$\log_{1,3}(-x^4)$$

**Не существует ни при
каком x**

СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

1. ЛОГАРИФМ ПРОИЗВЕДЕНИЯ
ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ РАВЕН
СУММЕ ЛОГАРИФМОВ
МНОЖИТЕЛЕЙ.

$$\log_a(bc) = \log_a b + \log_a c$$

$$a^{\log_a(bc)} = (b^{\log_a b} c^{\log_a c}) = a^{\log_a b + \log_a c}$$

$$b = a^{\log_a b}$$

$$c = a^{\log_a c}$$

1. ЛОГАРИФМ ПРОИЗВЕДЕНИЯ
ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ РАВЕН
СУММЕ ЛОГАРИФМОВ
МНОЖИТЕЛЕЙ.

$$\text{LOG}_A (BC) = \text{LOG}_A B + \text{LOG}_A C$$

Пример :

$$\log_6 72 + \log_6 3 = \log_6 (72 \times 3) = \log_6 216 = 3$$

2. ЛОГАРИФМ ЧАСТНОГО ДВУХ
ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ РАВЕН
РАЗНОСТИ ЛОГАРИФМОВ ДЕЛИМОГО И
ДЕЛИТЕЛЯ.

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$$

$$a^{\log_a \frac{b}{c}} = \frac{b}{c} = a^{\log_a b - \log_a c}$$

$$b = a^{\log_a b}$$

$$c = a^{\log_a c}$$

**2. ЛОГАРИФМ ЧАСТНОГО ДВУХ
ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ РАВЕН
РАЗНОСТИ ЛОГАРИФМОВ
ДЕЛИМОГО И ДЕЛИТЕЛЯ.**

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c,$$
$$a > 0; \quad a \neq 1; \quad b > 0; \quad c > 0.$$

Пример:

$$\log_{12} 48 - \log_{12} 4 = \log_{12} \frac{48}{4} = \log_{12} 12 = 1$$

3. ЛОГАРИФМ СТЕПЕНИ С ПОЛОЖИТЕЛЬНЫМ ОСНОВАНИЕМ РАВЕН ПОКАЗАТЕЛЮ СТЕПЕНИ, УМНОЖЕННОМУ НА ЛОГАРИФМ ОСНОВАНИЯ

$$\log_a b^r = r \log_a b$$

$$a > 0;$$

$$b > 0;$$

$$r \in \mathbf{R}$$

$$a^{\log_a b} = b$$

$$(a^{\log_a b})^r = b^r$$

$$a^{r \log_a b} = b^r$$

Пример

$$\log_5 \sqrt{125} = \log_5 (125)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \log_5 125 = \frac{1}{2} \cdot 3 = 1,5$$

Домашнее задание урока.

из учебника алгебры § 16 стр 94,
номер 290-293 (четн)