			П	a	p	a	б	0	Л	a
T	e	0	p	e	M	a				
	К	0	0	p	Д	И	H	a	T	a
	A	Л	Γ	e	б	p	a			
		П	p	Я	M	a	Я			
И	H	T	e	p	В	a	Л			
	A	К	C	И	0	M	a			
			C	y	M	M	a			
O	p	Д	И	Н	a	T	a			
		B	И	e	T					



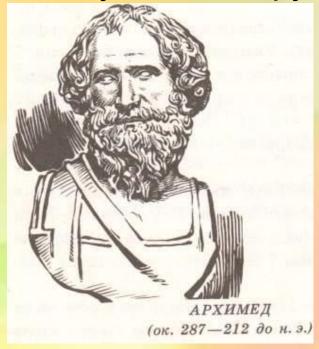
Открытый урок по теме:

«АРИФМЕТИЧЕСК АЯ АЯ ПРОГРЕСИЯ».

Подготовила: Павличенко Н.Н.

Назад, в историю!

Понятие числовой последо - вательности возникло и развивалось задолго до соз - дания учения о функциях.



На связь между прогрессиями первым обратил внимание великий **АРХИМЕД** (ок. 287–212 гг. до н.э)





Сведения, связанные с прогрессиями, впервые встречаются в дошедших до нас документах Древней Греции. Уже в V в. до н. э. греки знали следующие прогрессии и их суммы:

$$1+2+3+.....+n = \frac{n(n+1)}{2}$$
$$2+4+6+....+2n = n(n+1)$$

Англия XVIII век



В XVIII в. в английских учебниках появились обозначения арифметической и геометрической прогрессий:

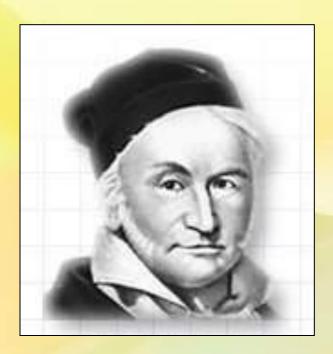
Арифметическая



Геометрическая



Германия



КАРЛ ГАУСС (1777 – 1855) Нашел моментально сумму всех натуральных чисел от 1 до 100, будучи еще учеником начальной школы.

Решение

 $1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 99 + 100 = (1 + 100) + (2 + 99) + (3 + 98) + \dots = 101 \cdot 50 = 5050$

Прогрессии в литературе

Даже в литературе мы встречаемся с математическими понятиями! Так, вспомним строки из"Евгения Онегина".

- ...Не мог он ямба от хорея,
- Как мы не бились отличить...

Ямб - это стихотворный размер с ударением на четных слогах 2; 4; 6; 8... Номера ударных слогов образуют арифметическую прогрессию с первым членом 2 и разностью прогрессии 2.

Хорей - это стихотворный размер с ударением на нечетных слогах стиха. Номера ударных слогов образуют арифметическую прогрессию 1; 3; 5; 7...

Примеры

<u>Ямб</u>

«Мой дЯдя сАмых чЕстных прАвил...»

Прогрессия: 2; 4; 6; 8...

Хорей

«Я пропАл, как звЕрь в загОне»

Б. Л. Пастернак

Прогрессия: 1; 3;5; 7...

1. Дайте определение арифметической прогрессии.

Ответ: Арифметической прогрессией называется числовая последовательность, каждый член которой, начиная со второго, равен предыдущему, сложенному с одним и тем же числом.

$$a_{n+1} = a_n + d$$



2. Что называют разностью арифметической прогрессии? Как обозначают?

Ответ: Это число, показывающее на сколько каждый последующий член больше или меньше предыдущего. Обозначают буквой d.



3. Назовите формулу n-ого члена арифметической прогрессии.

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot d$$



4. В чем заключается свойство арифметической прогрессии?

Ответ: Каждый член арифметической прогрессии, начиная со второго равен среднему арифметическому двух соседних с ним членов.



$$\dot{a}_n = \frac{a_{n+1} + a_{n-1}}{2}$$

5. Назовите формулу суммы п первых членов арифметической прогрессии.

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$$



6. Какие бывают арифметические прогрессии? *Ответ*:

Если в арифметической прогрессии разность d > 0, то прогрессия является возрастающей. Если в арифметической прогрессии разность d < 0, то прогрессия является убывающей.

Если в арифметической прогрессии d = 0, то прогрессия является постоянной.

Вывод

Зная эти формулы, можно решить много интересных задач литературного, исторического и практического содержания.





Проверь себя!

Какие из последовательностей являются арифметическими прогрессиями?

Вычисли устно!

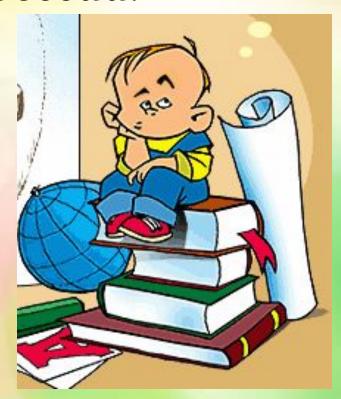
Найти разность арифметической прогрессии:

1; 5; 9.....

105; 100....

-13; **-15**; **-17**.....

11; a₂; 19,....



Реши задачу:

Между числами 6 и 21 вставьте 4 числа так, чтобы вместе с данными числами они образовали арифметическую прогрессию.

```
Решение: a_1 = \epsilon a_6 = 21, d = (21 - 6)/(6 - 1) = 3, ext{6, 9, 12, 15, 18, 21}.
```

Pallanate IIP HOG-CRO

арифметической прогрессии

Дана "стайка девяти чисел":

3, 5, 7, 9, 11, 13, 15,17, 19.

Она представляет собой арифметическую прогрессию. Кроме того, данная стайка чисел привлекательна способностью разместиться в девяти клетках квадрата 3х3 так, что образуется магический квадрат с константой, равной 33.

Знаете ли вы, что такое магический квадрат?

Квадрат, состоящий из 9 клеток, в него вписывают числа, так чтобы сумма чисел по вертикали, горизонтали диагонали была одним и тем же числом-

constanta.

9	19	5
7	11	15
17	3	13

Замечание об арифметической прогрессии само по себе очень интересно. Дело в том, что из каждых девяти последовательных членов любой арифметической прогрессии натуральных чисел можно составить магический квадрат.

Camocroaffe

работа

1)
$$a_1 = 5$$
 $d = 3$, $a_7 - ?$

2)
$$a_4 = 11$$
, $d = -2$, $a_1 - ?$

3)
$$a_4 = 12.5$$
, $a_6 = 17.5$ $a_5 - ?$

4)
$$a_1 = -3$$
, $a_2 = 4$, $a_{16} - ?$

5)
$$a_1 = 4$$
, $a_7 = -8$, d -?

6)
$$a_7 = -5$$
, $a_{32} = 70$, $a_1 - ?$

7) 2, 5, 8,...
$$S_{11}$$
 - ?

Психолоническая разгрузка

Рамсей жил в начале XX века. Им была создана теория, доказывающая, что в мире нет абсолютного хаоса. Что даже, казалось бы, самая неупорядоченная система имеет определенные математические закономерности. Вспомните, когда Вы смотрите на звезды, то может показаться, что расположены они в самом случайном порядке. Но еще в древности люди увидели там созвездия Рыб и Касеопеи, Льва и Ориона.

1 2 3 4 5 6 7 8

Прогрессий в жизний и быту.





Задача 1

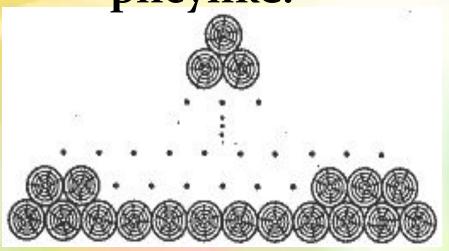
Курс воздушных ванн начинают с 15 мин. в первый день и увеличивают время этой процедуры в каждый следующий день на 10 минут. Сколько дней следует принимать ванны в указанном режиме, чтобы достичь их максимальной продолжительности 1 час 45 минут?

Ответ: 10 дней



Задача 2

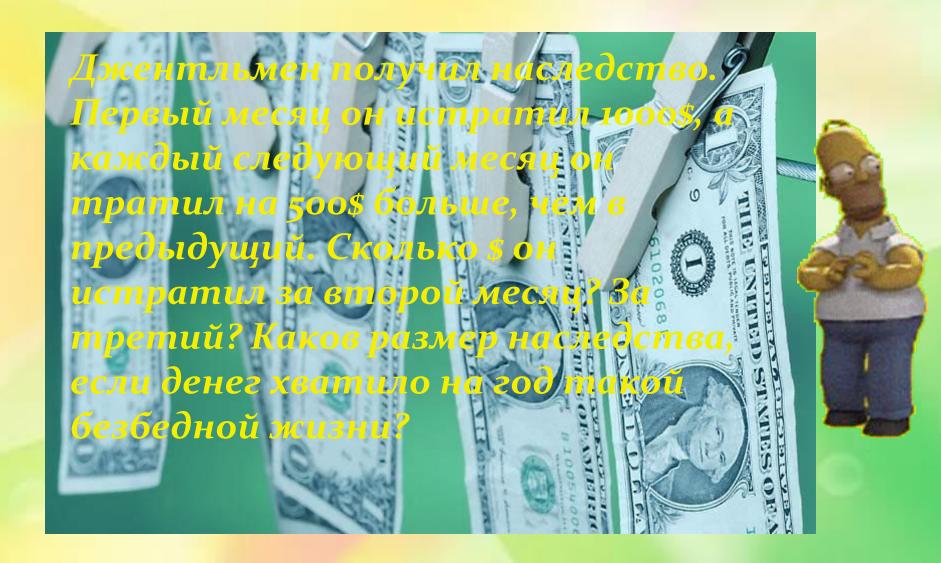
При хранении бревен строевого леса их укладывают так, как показано на рисунке.



Сколько бревен находится в одной кладке, если в ее основание положить 12 бревен?

Ответ: 78 бревен

Наследство



Решение:

$$a_1 = 1000;$$
 $d = 500;$ $S_{12} - ?$

Применив формулу $a_n = a_1 + d(n-1)$, получаем:



$$a_{12} = 1000 + 500(12 - 1) = 6500$$
\$

Применив формулу
$$S_n = \frac{a_1 + \dot{a}_n}{2} \bullet n$$

$$S_{12} = \frac{1000 + 6500}{2} \bullet 12 = 45000$$

Домашнее задание:

Составить условие задачи по теме «Арифметическая прогрессия в жизни и быту» (на отдельном листочке) и решить её.



Рефлексия результативности

