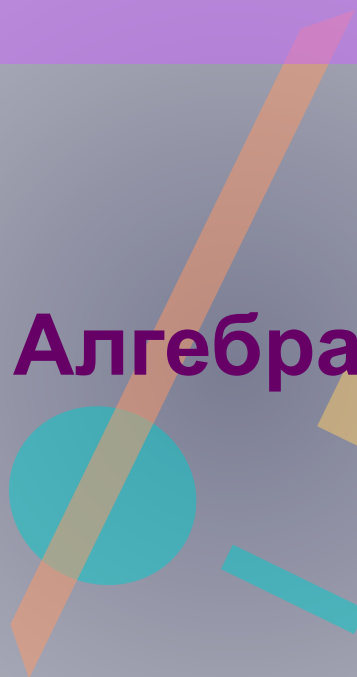


Тригонометрические уравнения

урок повторения

Алгебра-10



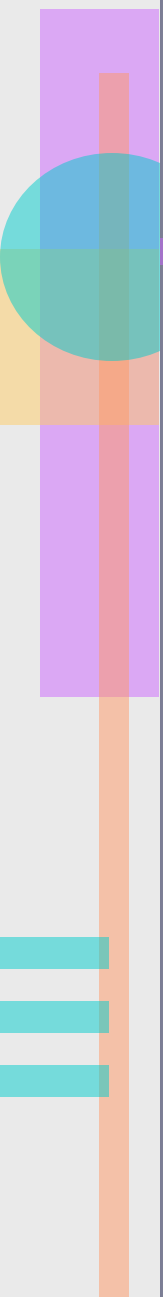
План урока

- Психологический настрой
- Проверка домашнего задания
- Проверка формул корней
- Графический диктант
- Решение уравнений «Тяжеловесы»
- Проверочная работа
- Подведение итогов
- Домашнее задание

Как работать

Сегодня весь урок ты будешь работать в группе и самостоятельно. Ты сможешь обобщить и систематизировать знания по решению тригонометрических уравнений и неравенств. В ходе урока ты сможешь проверить степень своей готовности к ЕНТ. К концу урока постарайся зафиксировать свои ошибки (сколько, какие). В дальнейшем вместе с учителем ты сможешь разобрать эти ошибки.

Удачи!



Запиши в тетради:

1.Дату

2.Тему урока:

**«Решение
тригонометрических
уравнений»**

Устная разминка

Вычисли и запиши в столбик
ответы в тетради:

1. $\arcsin \frac{\sqrt{3}}{2}$
2. $\arccos \frac{\sqrt{2}}{2}$
3. $\operatorname{arctg} \sqrt{3}$
4. $\operatorname{arctg} \left(-\frac{\sqrt{3}}{3} \right)$
5. $\arcsin \left(-\frac{1}{2} \right)$
6. $\arccos (-1)$
7. $\arccos \left(-\frac{\sqrt{3}}{2} \right)$

Проверь ответы:

$$\frac{\pi}{3}$$

$$\frac{\pi}{4}$$

$$\frac{\pi}{3}$$

$$-\frac{\pi}{6}$$

$$-\frac{\pi}{6}$$

$$\pi$$

$$\frac{5\pi}{6}$$

Тест

Вспомни формулы для решения уравнений:

1. $\cos x = a, |a| \leq 1$

$$x = \pm \arccos a + 2\pi k$$

2. $\sin x = a, |a| \leq 1$

$$x = (-1)^n \arcsin a + \pi n$$

3. $\operatorname{tg} x = a$

$$x = \operatorname{arctg} a + \pi k$$

4. $\operatorname{ctg} x = a$

$$x = \operatorname{arcctg} a + \pi k$$

Вспомни формулы

$$\arcsin(-a) = -\arcsin a \text{ для любого } a \in [-1, 1]$$

$$\arccos(-a) = \pi - \arccos a \text{ для любого } a \in [0, 1]$$

$$\operatorname{arctg}(-a) = -\operatorname{arctg} a \text{ для любого } a$$

$$\operatorname{arcctg}(-a) = \pi - \operatorname{arcctg} a \text{ для любого } a$$

Реши уравнения базового уровня

Проверь ответы:

1) $2\cos x - \sqrt{3} = 0$

2) $\sin 2x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

3) $2\cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = -1$

4) $\operatorname{tg}^2 x - 6\operatorname{tg} x + 5 = 0$

5) $(2\sin x - 1)(\cos x - 1) = 0$

1) $x = \pm\pi/6 + 2\pi k.$

2) $x = (-1)^n \cdot (-\pi/6) + \pi n/2.$

3) $x = \frac{11\pi}{12} + 2\pi k, x = -\frac{5\pi}{12} + 2\pi k.$

4) $x = \pi/4 + \pi k, x = \operatorname{arctg} 5 + \pi k.$

5) $x = (-1)^n \cdot \pi/6 + \pi n, x = 2\pi k.$

Если неверно



К слайду 6

Если верно



К слайду

7

Решение некоторых уравнений базового уровня

$$\begin{aligned} 3) \quad & 2\cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = -1, \\ & \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = -1/2, \\ & x - \frac{\pi}{4} = \pm \arccos(-1/2) + 2\pi k, \end{aligned}$$

$$x - \frac{\pi}{4} = \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k,$$

$$x = \frac{\pi}{4} \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k,$$

$$x = \frac{11\pi}{12} + 2\pi k, \quad x = -\frac{5\pi}{12} + 2\pi k$$

$$4) \quad \operatorname{tg}^2 x - 6\operatorname{tg} x + 5 = 0$$

Обозначим $\operatorname{tg} x = a$. тогда

$$a^2 - 6a + 5 = 0$$

Отсюда $a_1 = 5$, $a_2 = 1$,

$$\operatorname{tg} x = 5 \quad \text{и} \quad \operatorname{tg} x = 1$$

$$\underline{x = \operatorname{arctg} 5 + \pi k,}$$

$$x = \operatorname{arctg} 1 + \pi k,$$

$$\underline{x = \frac{\pi}{4} + \pi k}$$

$$5) \quad (2\sin x - 1)(\cos x - 1) = 0$$

Подсказка:

произведение равно 0, если...

Решение неравенств

Реши неравенства:

1) $\cos x > \frac{\sqrt{3}}{2}$

2) $\sin x \geq 0$

3) $\cos x < -1/2$

4) $\sin x > \frac{\sqrt{2}}{2}$

Если неверно



слайду1

1

Проверь ответы:

1) $-\pi/6 + 2\pi k < x < \pi/6 + 2\pi k$

2) $2\pi k \leq x \leq \pi + 2\pi k$

3) $2\pi/3 + 2\pi k < x < 4\pi/3 + 2\pi k$

4) $\pi/4 + 2\pi k < x < 3\pi/4 + 2\pi k$

Если неверно



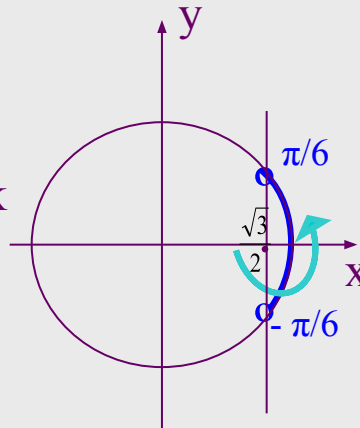
слайду1

2

Проверь решения неравенств

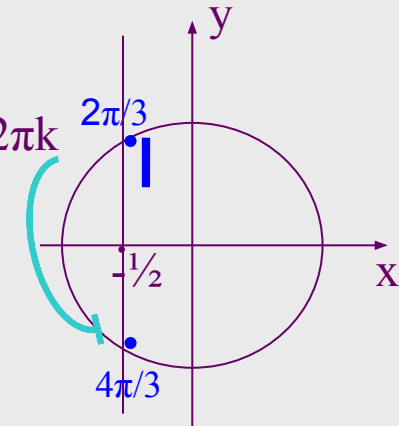
1) $\cos x > \frac{\sqrt{3}}{2}$

$-\pi/6 + 2\pi k < x < \pi/6 + 2\pi k$



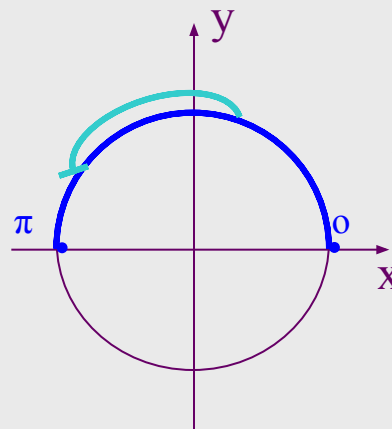
3) $\cos x < -1/2$

$2\pi/3 + 2\pi k < x < 4\pi/3 + 2\pi k$



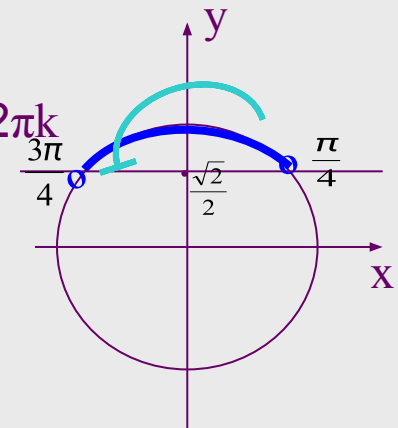
2) $\sin x \geq 0$

$2\pi k \leq x \leq \pi + 2\pi k$



4) $\sin x > \frac{\sqrt{2}}{2}$

$\pi/4 + 2\pi k < x < 3\pi/4 + 2\pi k$



Реши уравнения повышенного уровня

Проверь ответы:

1. $\sin 5x = \cos 5x$

2. $\sin^2 x + \cos(\pi/2 - x) \sin(\pi/2 - x) - 2\cos^2 x = 0$

3. $\operatorname{tg}(2\pi + x) + 2\operatorname{tg}(\pi/2 + x) = -1$

1. $x = \frac{\pi}{20} + \frac{\pi k}{5}$

2. $x = \frac{\pi}{4} + \pi k, x = -\operatorname{arctg} 2 + \pi k$

3. $x = \frac{\pi}{4} + \pi k, x = -\operatorname{arctg} 2 + \pi k$

Если неверно



слайду 1

3

Если верно



слайду 1

4

Решение уравнений повышенного уровня

1. $\sin 5x = \cos 5x$ (однородное 1-й степени)

Разделим обе части на $\cos 5x$. Получим:

$$\operatorname{tg} 5x = 1,$$

$$5x = \operatorname{arctg} 1 + \pi k,$$

$$5x = \pi/4 + \pi k,$$

$$x = \frac{\pi}{20} + \frac{\pi k}{5}$$

3. $\operatorname{tg}(2\pi+x) + 2\operatorname{tg}(\pi/2+x) = -1,$

$$\operatorname{tg} x - 2/\operatorname{tg} x = -1.$$

Умножим обе части на $\operatorname{tg} x$,
при условии $\operatorname{tg} x \neq 0$. Получим:

$$\operatorname{tg}^2 x - 2 = -\operatorname{tg} x,$$

$$\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{tg} x - 2 = 0, \text{ отсюда:}$$

$$\operatorname{tg} x = 1, \operatorname{tg} x = -2.$$

$$x = \frac{\pi}{4} + \pi k, \quad x = -\operatorname{arctg} 2 + \pi k$$

2. $\sin^2 x + \cos(\pi/2-x)\sin(\pi/2-x) - 2\cos^2 x = 0$

(однородное 2-й степени).

Упростим левую часть по формулам приведения:

$$\sin^2 x + \sin x \cdot \cos x - 2\cos^2 x = 0.$$

Разделим обе части на $\cos^2 x$:

$$\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{tg} x - 2 = 0, \text{ отсюда:}$$

$$\operatorname{tg} x = 1 \text{ и } \operatorname{tg} x = -2$$

$$x = \frac{\pi}{4} + \pi k, \quad x = -\operatorname{arctg} 2 + \pi k$$

Дополнительно

1. Реши уравнение: $2\sin\left(\frac{3\pi}{4}-x\right)=\sqrt{3}$
и найди:

- а) наименьший положительный корень;
- б) корни, принадлежащие промежутку $[0,\pi]$

2. Реши уравнение: $\sin^2 2x - 3 = 2\sin 2x \cos 2x$

Подведение итогов

Итак, мы закончили изучение очень важной темы «Решение тригонометрических уравнений». Но к этой теме мы вернёмся при изучении следующей главы «Преобразование тригонометрических выражений».

Сегодня на уроке повторили общие формулы решений простейших тригонометрических уравнений, а также частные формулы.

На уроке также были рассмотрены основные виды и способы решения тригонометрических уравнений:

- Разложение на множители;
- Замена переменной;
- Однородные тригонометрические уравнения 1-й и 2-й степени

Повторили сегодня и решение тригонометрических неравенств.

Если тебе было что-то непонятно, обратись к учителю.

*Спасибо за урок!
Удачи на контрольной работе!*