



Подготовка к ЕГЭ по математике Решение заданий В9

Подготовил:
ученик 11 "А" класса
Щепелев Артемий

Прототипов заданий В9 - 175

Проверяемые требования (умения)

- Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами

Умения по КТ (кодификатор требований)

- Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы

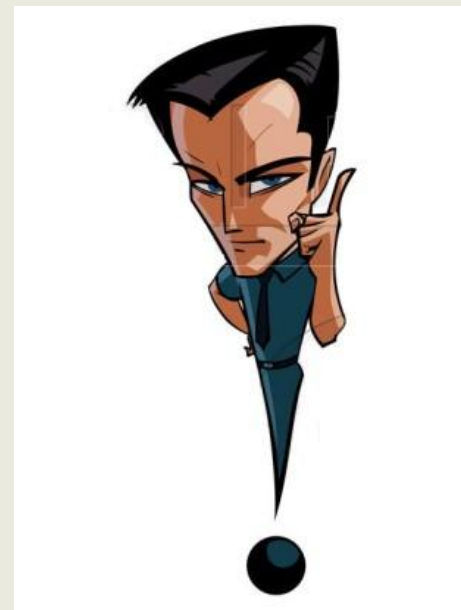
Содержание задания В9 по КЭС

(кодификатор элементов содержания)

- **Прямые и плоскости в пространстве** 5.2.3 Параллельность плоскостей, признаки и свойства 5.2.4 Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах 5.2.5 Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства 5.2.6 Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур
- **Многогранники.** 5.3.1 Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма 5.3.2 Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде 5.3.3 Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида 5.3.4 Сечения куба, призмы, пирамиды 5.3.5 Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр)
- **Тела и поверхности вращения.** 5.4.1 Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка 5.4.2 Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка 5.4.3 Шар и сфера, их сечения
- **Измерение геометрических величин.** 5.5.5 Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора 5.5.6 Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы 5.5.7 Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара

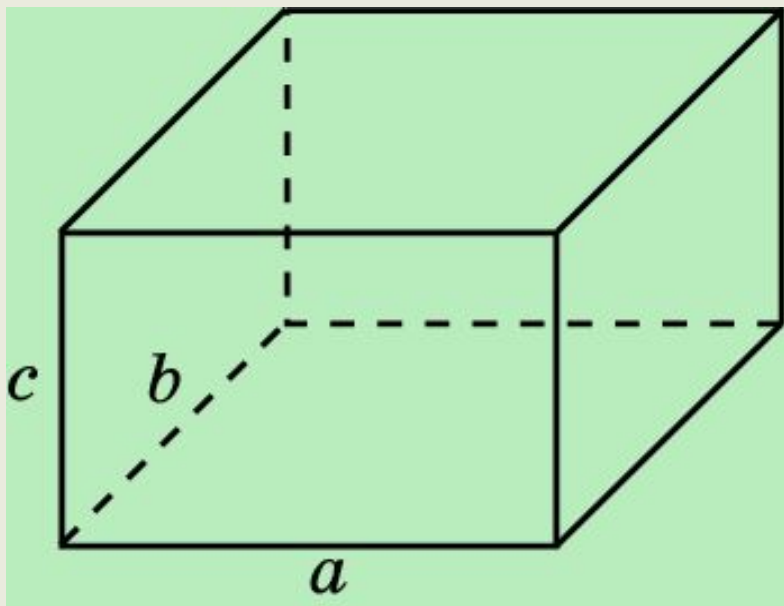
Памятка ученику

- В задании В9 ученику предложат решить простейшие стереометрические задачи на вычисление площадей поверхностей или объемов многогранников и тел вращения.



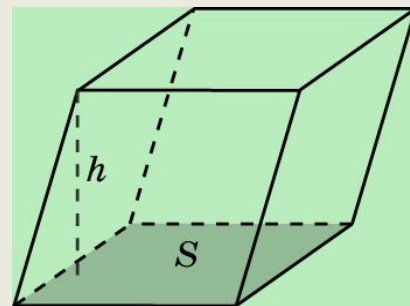
ОБЪЕМ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА

$$V = a \cdot b \cdot c,$$

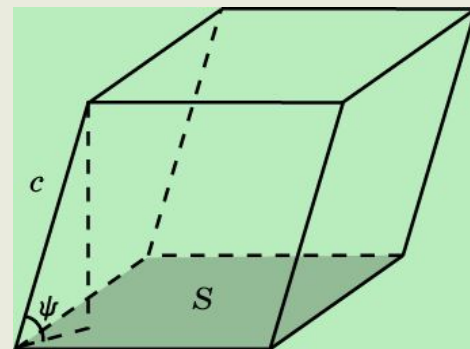


ОБЪЕМ НАКЛОННОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА

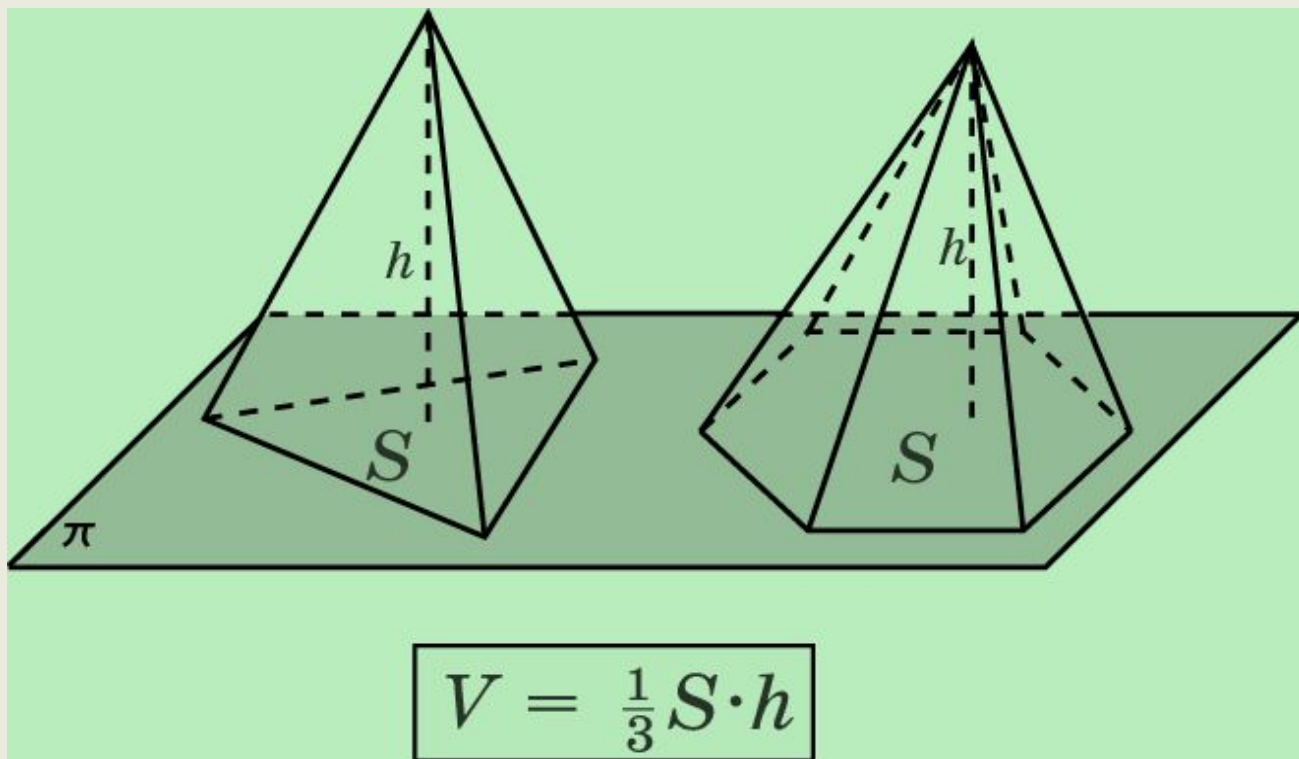
$$V = S \cdot h.$$



$$V = S \cdot c \cdot \sin \psi.$$

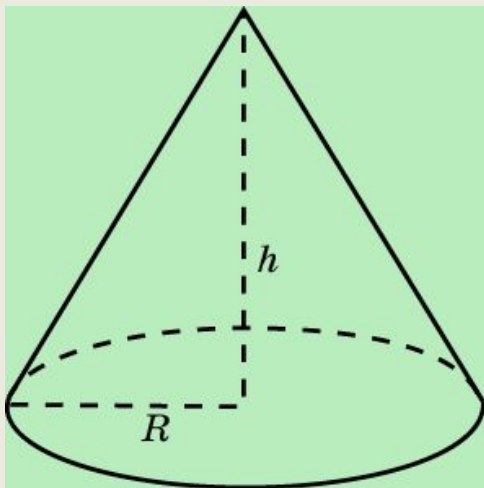


ОБЪЕМ ПИРАМИДЫ



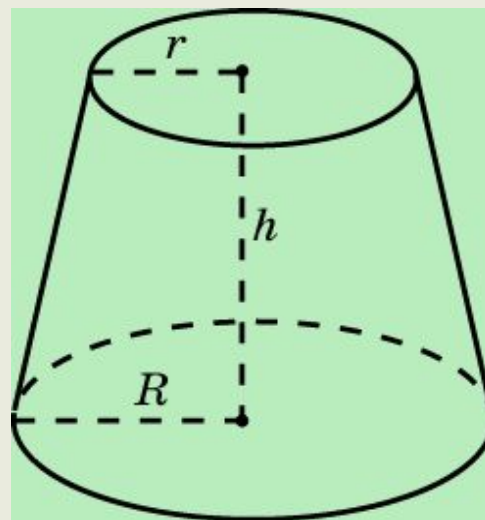
ОБЪЕМ КОНУСА

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 h.$$



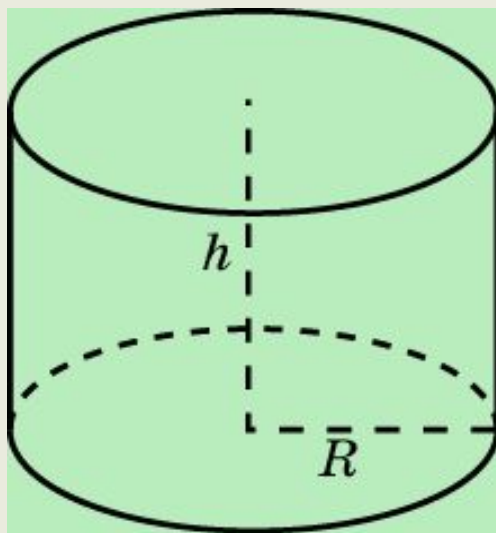
ОБЪЕМ УСЕЧЕННОГО КОНУСА

$$V = \frac{1}{3}\pi h(R^2 + R \cdot r + r^2).$$



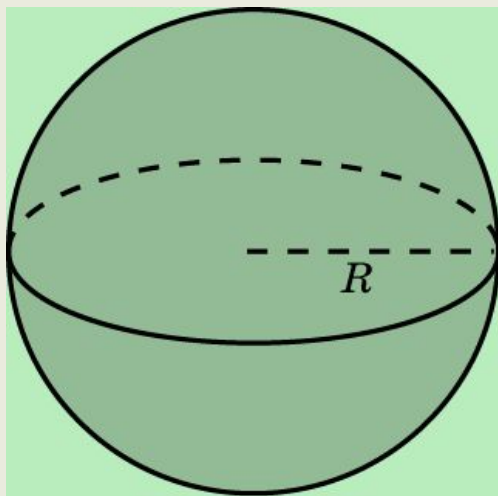
Объем цилиндра

$$V = \pi R^2 \cdot h.$$



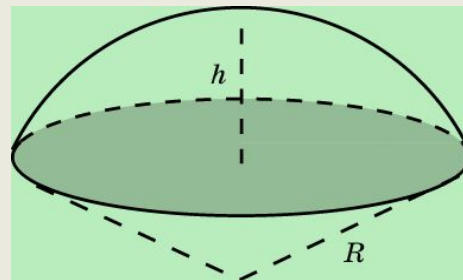
ОБЪЕМ ШАРА

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3.$$



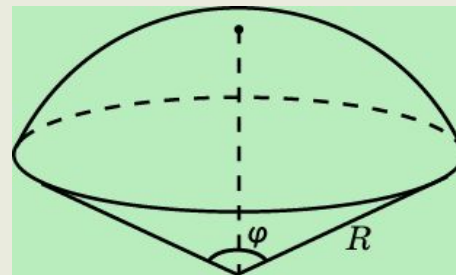
ОБЪЕМ ШАРОВОГО СЕГМЕНТА

$$V = \pi h^2 \left(R - \frac{1}{3}h \right).$$



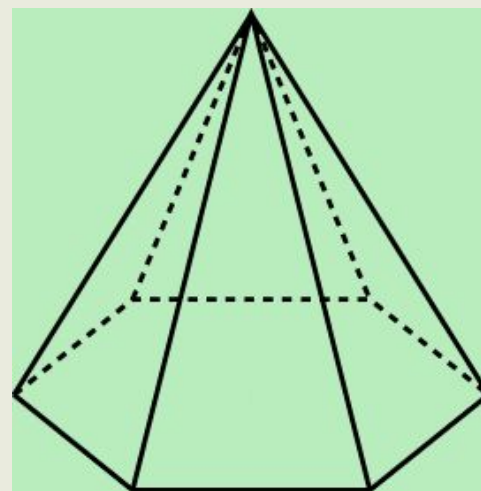
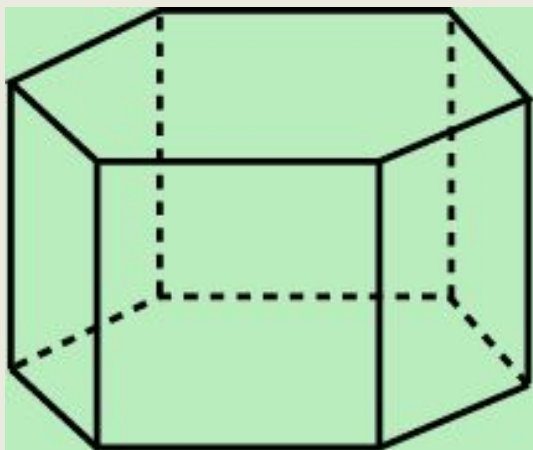
ОБЪЕМ ШАРОВОГО СЕКТОРА

$$V = \frac{2}{3}\pi R^3 \left(1 - \cos \frac{\varphi}{2} \right).$$



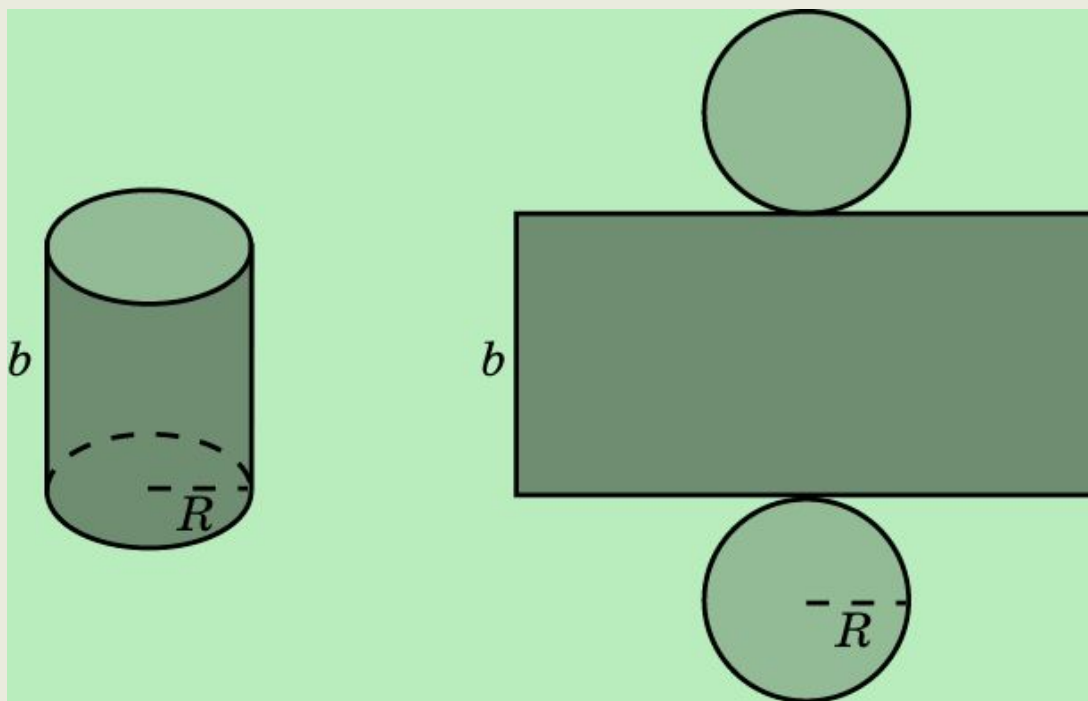
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ

- **Площадью поверхности многогранника** по определению считается сумма площадей, входящих в эту поверхность многоугольников.
- Площадь поверхности призмы состоит из площади боковой поверхности и площадей оснований.
- Площадь поверхности пирамиды состоит из площади боковой поверхности и площади основания.



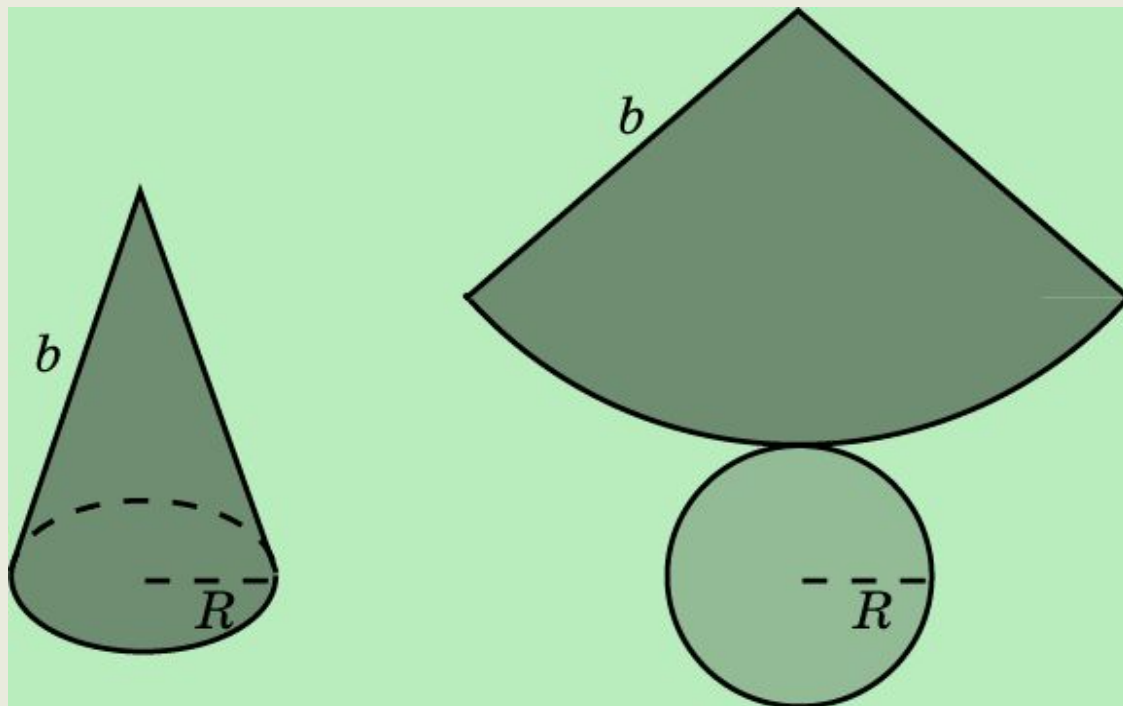
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ЦИЛИНДРА

$$S = 2\pi R(R + b).$$



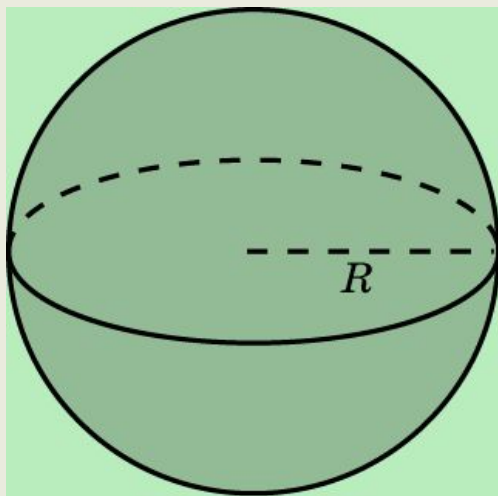
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ КОНУСА

$$S = \pi R(R + b).$$



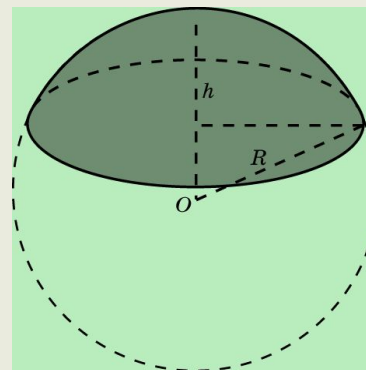
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРА

$$S = 4\pi R^2.$$



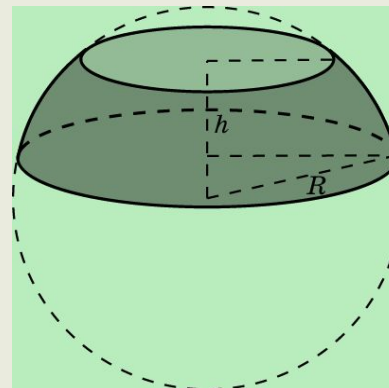
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРОВОГО СЕГМЕНТА

$$S = 2\pi R h.$$



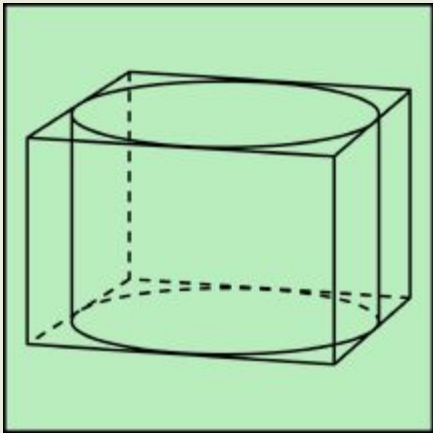
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРОВОГО ПОЯСА

$$S = 2\pi R h.$$



Прототип задания В9 (№ 27014)

Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 1. Найдите объем параллелепипеда.



Так как прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, то его основание – квадрат со стороной, равной диаметру круга, являющегося основанием цилиндра.

$$V = a \cdot b \cdot c, \quad a = b = 2, \quad c = 1$$

$$V = 2 \cdot 2 \cdot 1 = 4$$

Решение

Ответ: 4.

Задания для самостоятельного решения

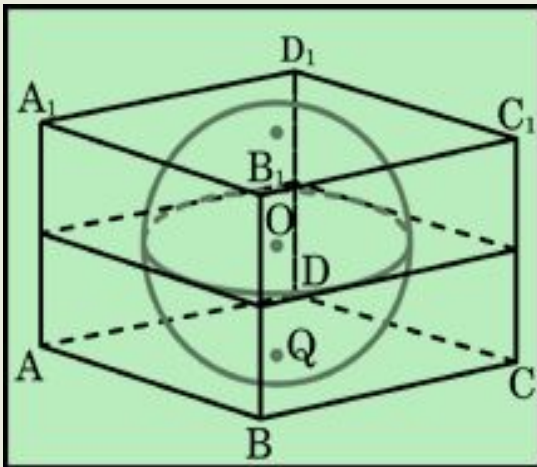
- 1) Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 1,5. Найдите объем параллелепипеда.
- 2) Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 6. Найдите объем параллелепипеда.
- 3) Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 8,5. Найдите объем параллелепипеда.

Проверка

1) 13,5
2) 864
3) 2456,5

Прототип задания В9 (№27043)

Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 1. Найдите его объем.



Прямоугольный параллелепипед, в который вписан шар, будет являться кубом, ребро которого равно диаметру шара. $V=a^3$

$$a=2 \Rightarrow 2 \cdot 2 \cdot 2 = 8.$$

Решение

Ответ: 8.

Задания для самостоятельного решения

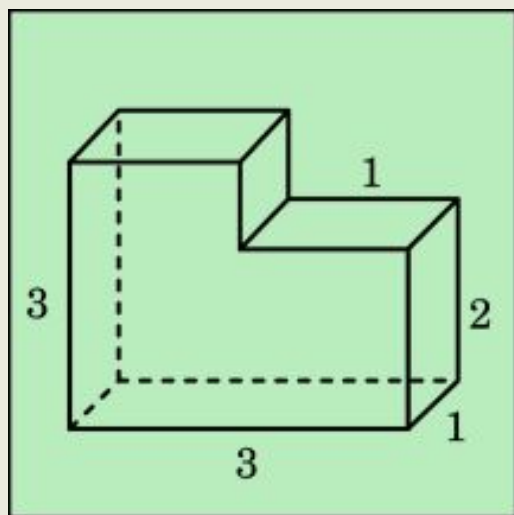
- 1) Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 6,5. Найдите его объем.
- 2) Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 7,5. Найдите его объем.
- 3) Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 8,5. Найдите его объем.

1) 2197
2) 3375
3) 4913

Проверка

Прототип задания В9 (№27044)

Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы многогранника прямые).

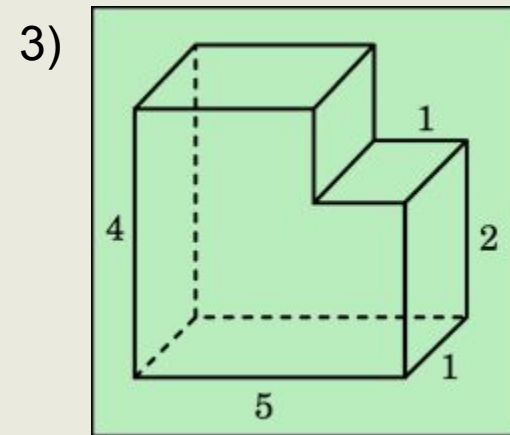
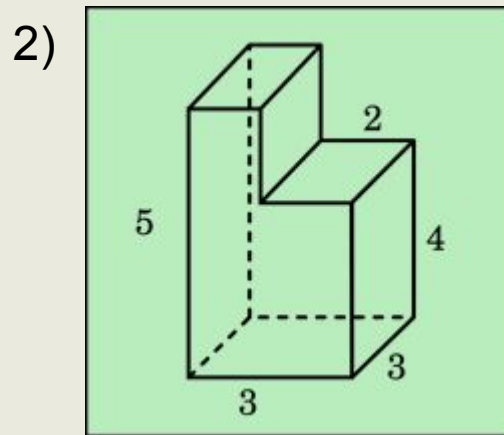
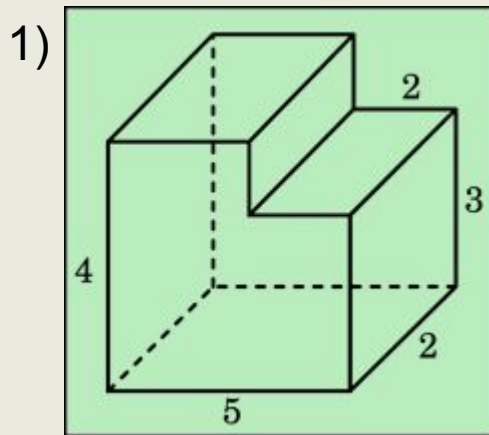


$$3 \cdot 3 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 1 = 8$$

Ответ: 8.

Задания для самостоятельного решения

Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы многогранника прямые).



1)36

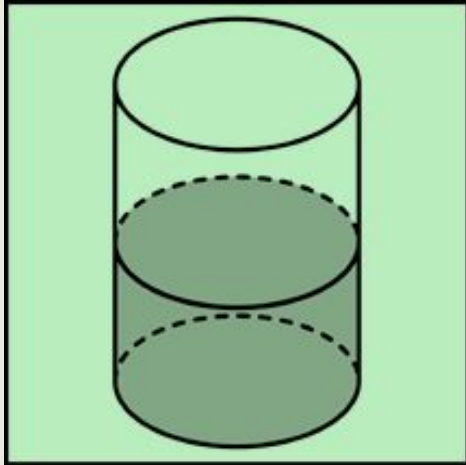
2)39

3)18

Проверка

Прототип задания В9 (№27046)

В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 16 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если ее перелить во второй сосуд, диаметр которого в 2 раза больше первого?



$$V_1 = \pi r^2 h; \quad V_2 = \pi (2r)^2 h$$

$$V_1 = V_2$$

$$\pi r^2 16 = \pi (2r)^2 h$$

$$\pi r^2 16 = \pi 4r^2 h$$

$$h = 4.$$

Ответ: 4.

Задания для самостоятельного решения

1) В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 27 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если ее перелить во второй сосуд, диаметр которого в 3 раза больше первого?

2) В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 8 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если ее перелить во второй сосуд, диаметр которого в 2 раза больше первого?

3) В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 64 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если ее перелить во второй сосуд, диаметр которого в 4 раза больше первого?

1) 3

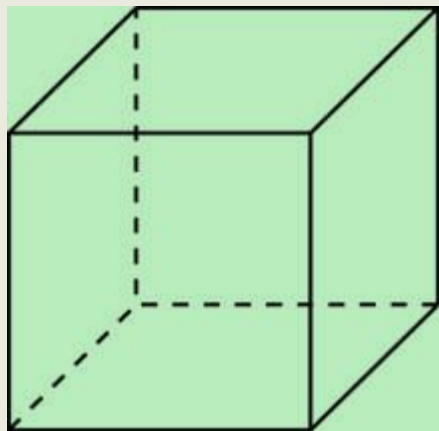
2) 2

3) 4

Проверка

Прототип задания В9 (№27043)

Объем куба равен 8. Найдите площадь его поверхности.



$$V=a^3 ; 8=a^3 ; a=2$$

$$S=6a^2$$

$$S=24.$$

Решение

Ответ: 24

Задания для самостоятельного решения

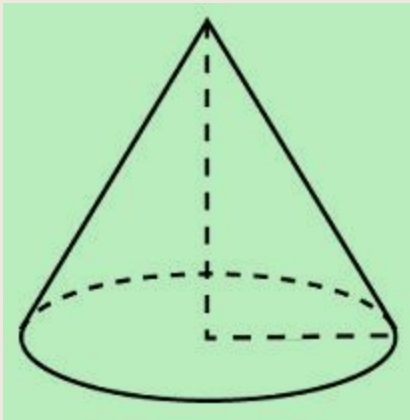
- 1) Объем куба равен 27. Найдите площадь его поверхности.
- 2) Объем куба равен 64. Найдите площадь его поверхности.
- 3) Объем куба равен 0.008. Найдите площадь его поверхности.
- 4) Объем куба равен $5\sqrt{5}$. Найдите площадь его поверхности.

Ответ: 1)54; 2)96; 3)0.24; 4)30

Проверка

Прототип задания В9 (№27043)

Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высоту уменьшить в 3 раза?



$$V_1 = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$V_2 = \frac{1}{3} \pi r^2 \left(\frac{1}{3} h\right) = \frac{1}{3} V_1$$

Ответ: в 3 раза.

Решение

Задания для самостоятельного решения

- 1) Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высоту уменьшить в 6 раз?
- 2) Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высоту уменьшить в 4 раза?
- 3) Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высоту уменьшить в 1.5 раза?
- 4) Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высоту уменьшить в 6.5 раза?

Ответ:

1)6 ; 2)4; 3) 1,5; 4)6,5

Проверка

Сайты в сети Интернет

- www.fipi.ru – Федеральный институт педагогических измерений (ФИПИ). Особенно обратите внимание на раздел «Открытый сегмент ФБТЗ» – это система для подготовки к ЕГЭ - в режиме on-line. Вы можете отвечать на вопросы банка заданий ЕГЭ по различным предметам, а так же по выбранной теме.
- <http://mathege.ru> <http://mathege.ru> - **Открытый банк задач ЕГЭ по математике**. Главная задача открытого банка заданий **ЕГЭ по математике** — дать представление о том, какие задания будут в вариантах Единого государственного экзамена **по математике** в 2010 году, и помочь выпускникам сориентироваться при **подготовке к** экзамену. Здесь же можно найти все пробные ЕГЭ по математике, которые уже прошли.
- <http://egetrener.ru/> - математика: видеоуроки, решение задач ЕГЭ.
- <http://ege-trener.ru/> - очень увлекательная и эффективная подготовка к ЕГЭ по математике. Зарегистрируйтесь и попытайтесь попасть в 30-ку лучших!
- uztest.ru — бесплатные материалы для подготовки к ЕГЭ (и не только к ЕГЭ) по математике: интерактивные тематические тренажеры, возможность записи на бесплатные on-line курсы по подготовке к ЕГЭ.
- www.ege.edu.ru – официальный информационный портал единого государственного экзамена.
- [On-line видеолекции "Консультации по ЕГЭ" по всем предметам.](#)
- [Ролики категории ЕГЭ. Лекции по математике](#)
- <http://www.alexlarin.narod.ru/ege.html> - материалы для подготовки к ЕГЭ по математике (сайт Ларина Александра Александровича).
- <http://www.diary.ru/~eek/> - сообщество, оказывающее помощь в решении задач по математике, здесь же можно скачать много полезных книг по математике, в том числе для подготовки к ЕГЭ.
- <http://4ege.ru/> <http://4ege.ru/> - **ЕГЭ портал, всё последнее к ЕГЭ. Вся информация о егэ. ЕГЭ 2010.**