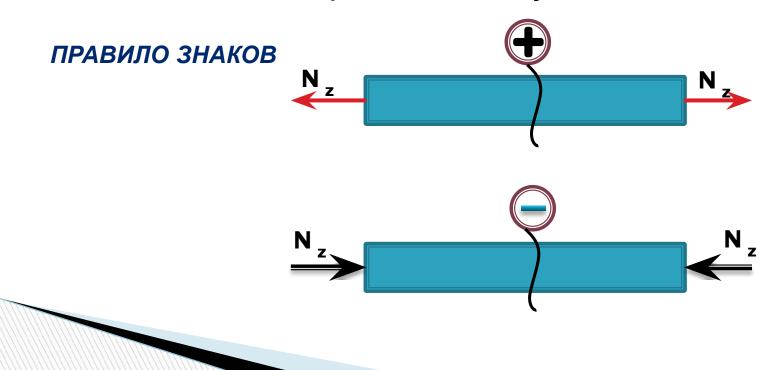
Растяжение и сжатие.

Статически определимые системы. Определение внутренних усилий, напряжений, деформаций и перемещений. Расчеты на прочность.

- □ При растяжении и при сжатии в поперечных сечениях стержней действует только продольное усилие (N₂).
- Расчетные формулы для растянутых и сжатых стержней одинаковы. Различаются только знаком продольного усилия.



Пример 1.

- Для изображенного на рисунке 1 стержня требуется:
- □ определить внутренние усилия (N₂);
- простроить эпюру нормальных сил (N₂);
- \square определить нормальные напряжения (σ_z);
- простроить эпюру нормальных напряжений;
- □ определить перемещения поперечных сечений (_{Д 2});
- простроить эпюру перемещений (∆₂).

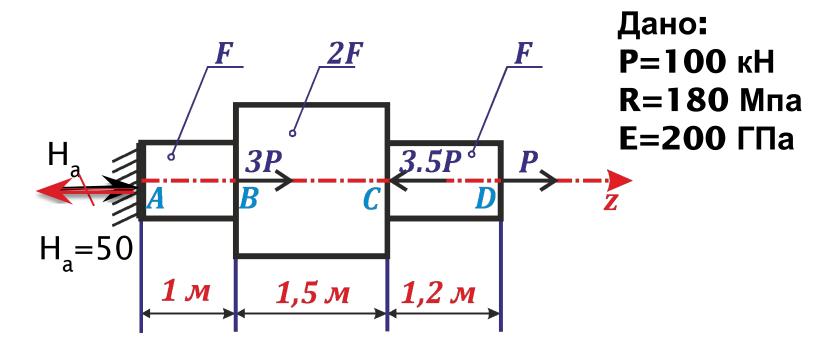
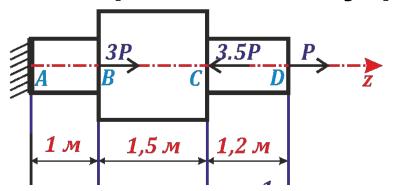


Рис.1.

- 1. Определяем опорные реакции:
- $\sum F_z = 0:3P 3.5P + P + H_a = 0;$
- $H_a = -0.5P = -0.5 \cdot 100 = -50 \text{ kH}$

2. Определяем внутренние усилия.



Участок CD:
$$0 < z < 1,2 M$$

$$\sum F_z = 0: -N_{CD} + P = 0$$

$$N_{CD} = P = 100 \text{ кH}$$

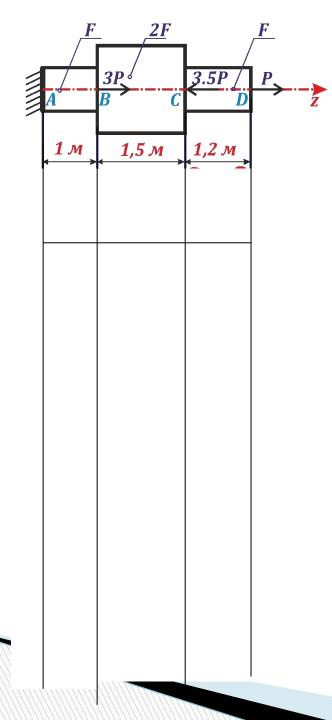
Участок ВС:
$$0 < z < 1,5$$
м
$$\sum F_z = 0: -N_{BC} + P - 3,5 \ P = 0$$

$$N_{BC} = -2,5 \ P = -2,5 \cdot 100 = -250 \ \mathrm{kH}$$

Участок АВ:
$$0 < z < 1$$
 м
$$\sum F_z = 0: -N_{AB} + P - 3.5 P + 3 P = 0$$

$$N_{AB} = 0.5 P = 0.5 \cdot 100 =$$

= 50 kH



- 3. Строим эпюру нормальных сил.
- 4. Определяем нормальные напряжения (σ z).

Из условия прочности:

$$\sigma_z = \frac{N_z}{F} < R$$

где **R** – расчетное сопротивление материала (стали), МПа

определим значение площади **F**

$$F^{\text{TP}} = 2F = \frac{N_z}{R} = \frac{250}{180} \cdot 10 = 13,9 \text{ cm}^2$$

где $N_z = 250 \text{ кH} - \text{максимальное усилие в стержне;}$

2F – величина площади на участке с максимальным усилием (участок BC).

$$F = \frac{13.9}{2} = 6.95 \text{ cm}^2$$



 Подставляем найденное значение площади в формулу определения нормальных напряжений:

$$\sigma_Z = \frac{N_{AB}}{F_{AB}} = \frac{50}{6,95} = 7,19 \frac{\text{кH}}{\text{см}^2} = 71,9 \text{М} \Pi \text{a}$$

$$\sigma_Z = \frac{N_{BC}}{F_{BC}} = \frac{-250}{2 \cdot 6,95} = -17,98 \frac{\text{KH}}{\text{CM}^2} = -179,8 \text{M} \Pi \text{a} \approx -180 \text{ M} \Pi \text{a}$$

$$\sigma_z = \frac{N_{\text{C}D}}{F_{CD}} = \frac{100}{6.95} = 14,39 \frac{\text{кH}}{\text{cm}^2} = 143,9 \text{МПа} \approx 144 \text{ МПа}$$

Строим эпюру нормальных напряжений σ ,.



Определяем перемещения

Закон Гука

$$\sigma = \varepsilon E$$
 (1)

Нормальные напряжения

$$\sigma = \frac{N}{F} \tag{2}$$

ε – относительная деформация

$$\varepsilon = \frac{\Delta l}{l} \tag{3}$$

Приравниваем правые части выражений (1) и (2)

$$\varepsilon E = \frac{N}{F}; \quad \Rightarrow \varepsilon = \frac{N}{EF}$$

Подставляем значение относительной деформации *E* (3)

$$\frac{\Delta l}{l} = \frac{N}{EF}$$

Абсолютная деформация

$$\Delta l = \frac{N l}{FF} \tag{4}$$

Определяем абсолютные деформации

$$\Delta l_{AB} = \frac{N_{AB} l_{AB}}{EF_{AB}} = \frac{50 \cdot 1 \cdot 100}{2 \cdot 10^{4} \cdot 6.95} = 0.0359 \text{ cm} = 0.359 \text{ mm}$$

$$\Delta l_{BC} = \frac{N_{BC} l_{BC}}{EF_{BC}} = \frac{-250 \cdot 1,5 \cdot 100}{2 \cdot 10^{4} \cdot 2 \cdot 6,95} = -0,1349 \text{ cm} = -1,349 \text{ mm}$$

$$\Delta l_{CD} = \frac{N_{CD} l_{CD}}{EF_{CD}} = \frac{100 \cdot 1, 2 \cdot 100}{2 \cdot 10^4 \cdot 6,95} = 0,0863 \text{ cm} = 0,863 \text{ mm}$$

Определяем перемещения Δ

$$\Delta_A = \mathbf{0}$$

$$\Delta_B = \Delta_A + \Delta l_{AB} = 0 + 0,359 = 0,359$$
 MM

$$\Delta_{\it C} = \Delta_{\it B} + \Delta l_{\it BC} = 0,359 - 1,349 = -0,99$$
 mm

$$\Delta_D = \Delta_C + \Delta l_{CD} = -0,99 + 0,863 = -0,127 \text{ MM}$$

- Для заданного стержня определить внутренние усилия, нормальные напряжения, перемещения. Построить эпюры.
- □ Дано: P=50 кH; F = 10 см²; E=200 ГПа, R=160 Мпа.

