

Лекция 4

Графические возможности Matlab

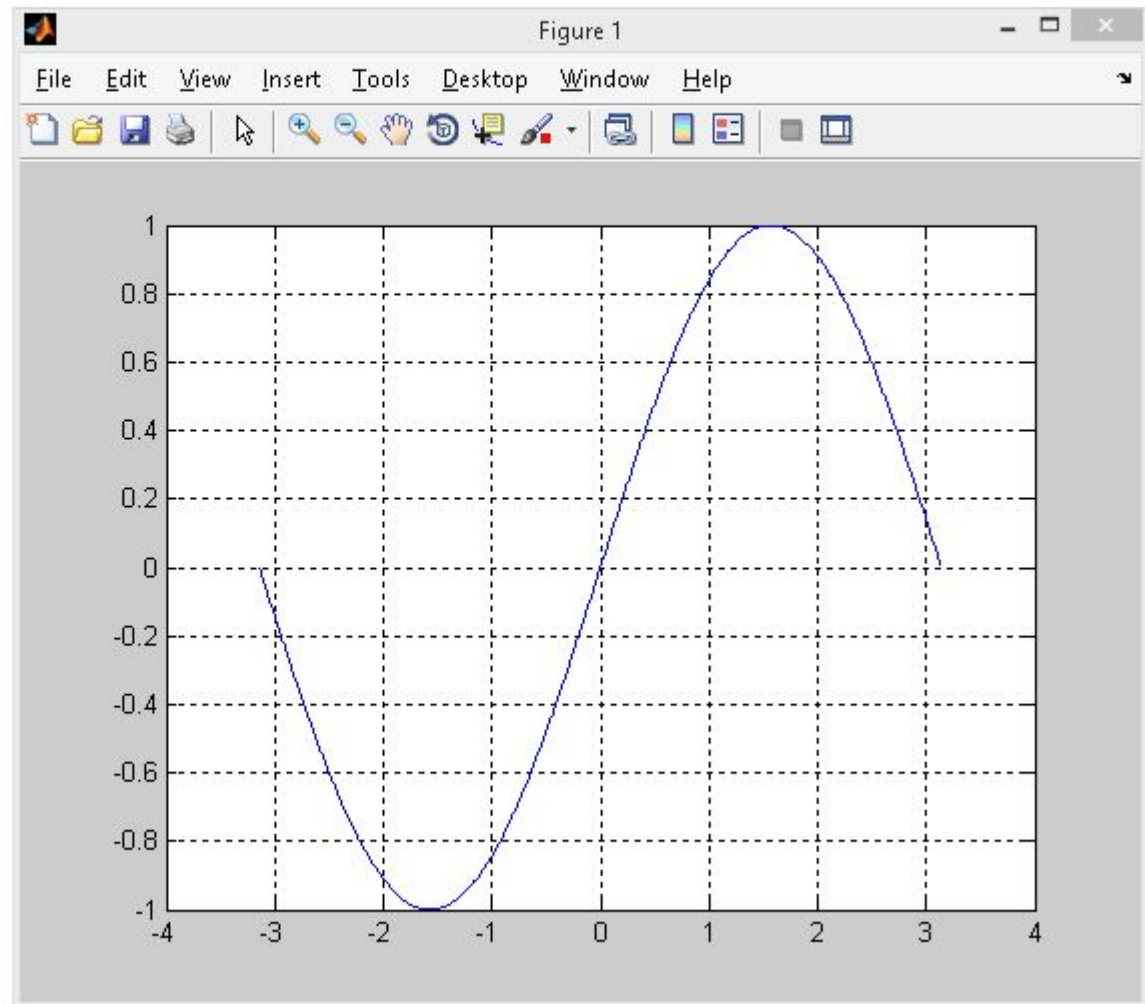
Графика в Matlab

- Высокоуровневая
 - не требует от пользователя детальных знаний о работе графической подсистемы
- Объектная
 - каждый объект на рисунке имеет свойства, которые можно менять
- Управляемая (*handled*)
 - доступ к графическим объектам возможен как через инспектор объектов, так и при помощи встроенных функций (дескрипторная графика)

Построение графиков функции одной переменной

- Простейший способ построения 2D-графика:
 1. Задать область построения (диапазон).
 2. Вычислить значение функции на области построения.
 3. Построить график при помощи одной из встроенных функций Matlab.

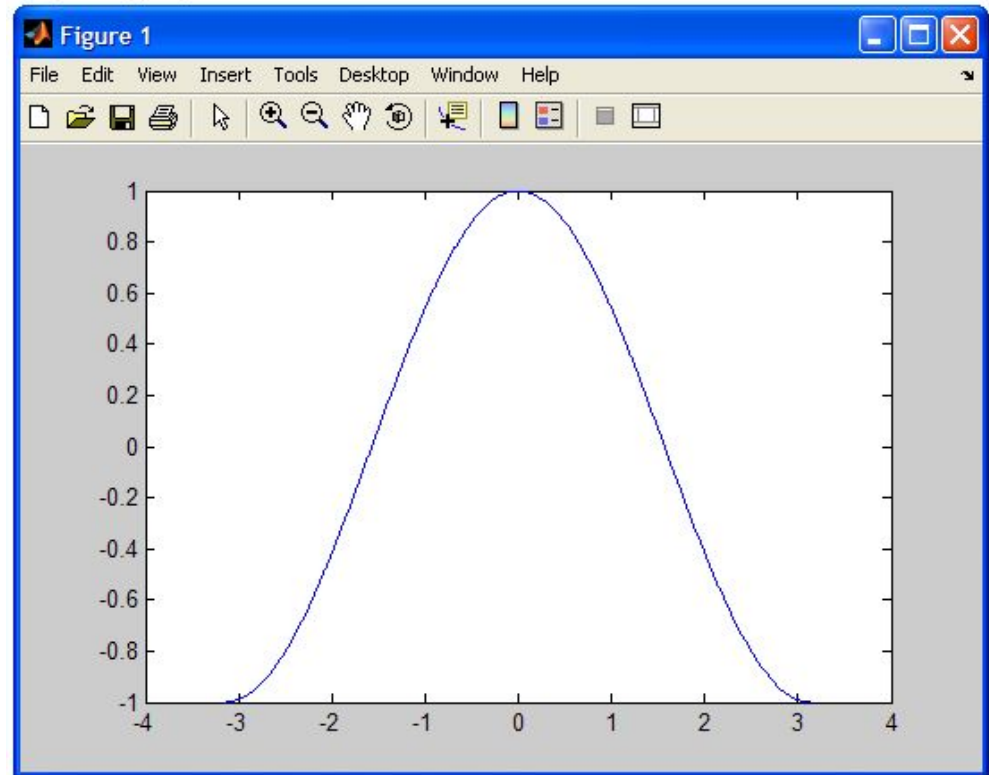
```
>> x=-pi:.01:pi;  
>> y=sin(x);  
>> plot(x,y)  
>> grid on  
>>
```



Построение второго графика

- Если сразу же построить другой график, то старый график будет удалён из графического окна

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = sin(x);  
>> plot(x, y)  
>> z = cos(x);  
>> plot(x, z)
```

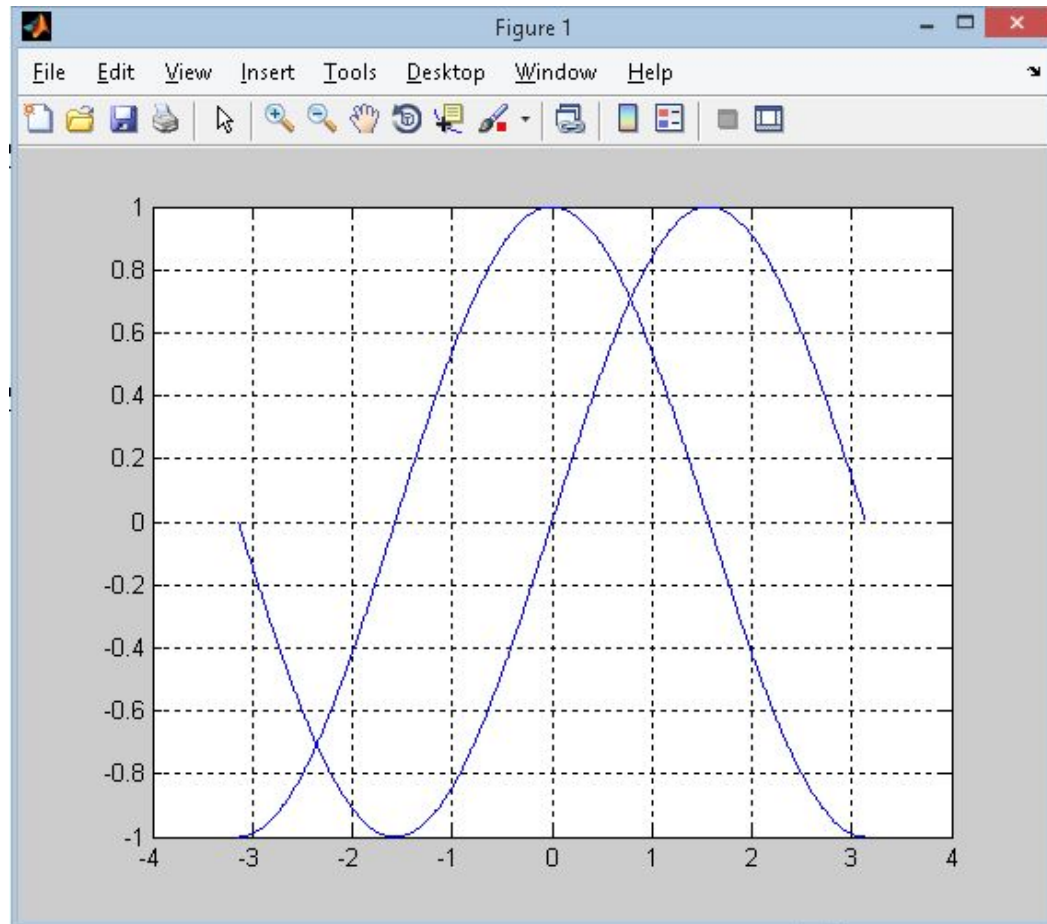


Построение двух графиков в одной системе координат

- Два графика в одной СК можно построить следующими способами:
 1. «закрепить» графическое окно при помощи команды *hold on*
 2. применить одну команду *plot*

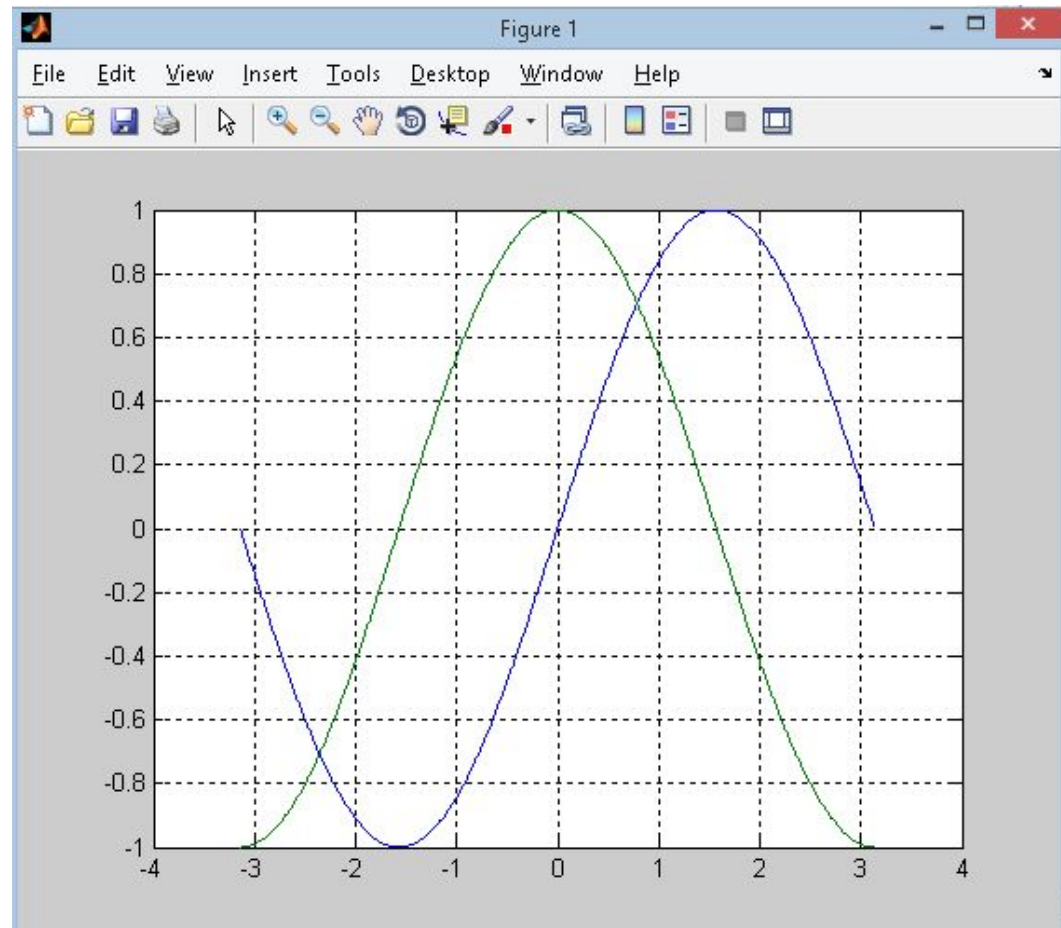
Закрепление графического окна

```
>> x=-pi:.01:pi;  
>> y=sin(x);  
>> plot(x,y)  
>> grid on  
>> hold on  
>> z=cos(x);  
>> plot(x,z)
```



Дополнительные параметры команды *plot*

```
>> x=-pi:.01:pi;  
>> y=sin(x);  
>> z=cos(x);  
>> plot(x,y,x,z)
```



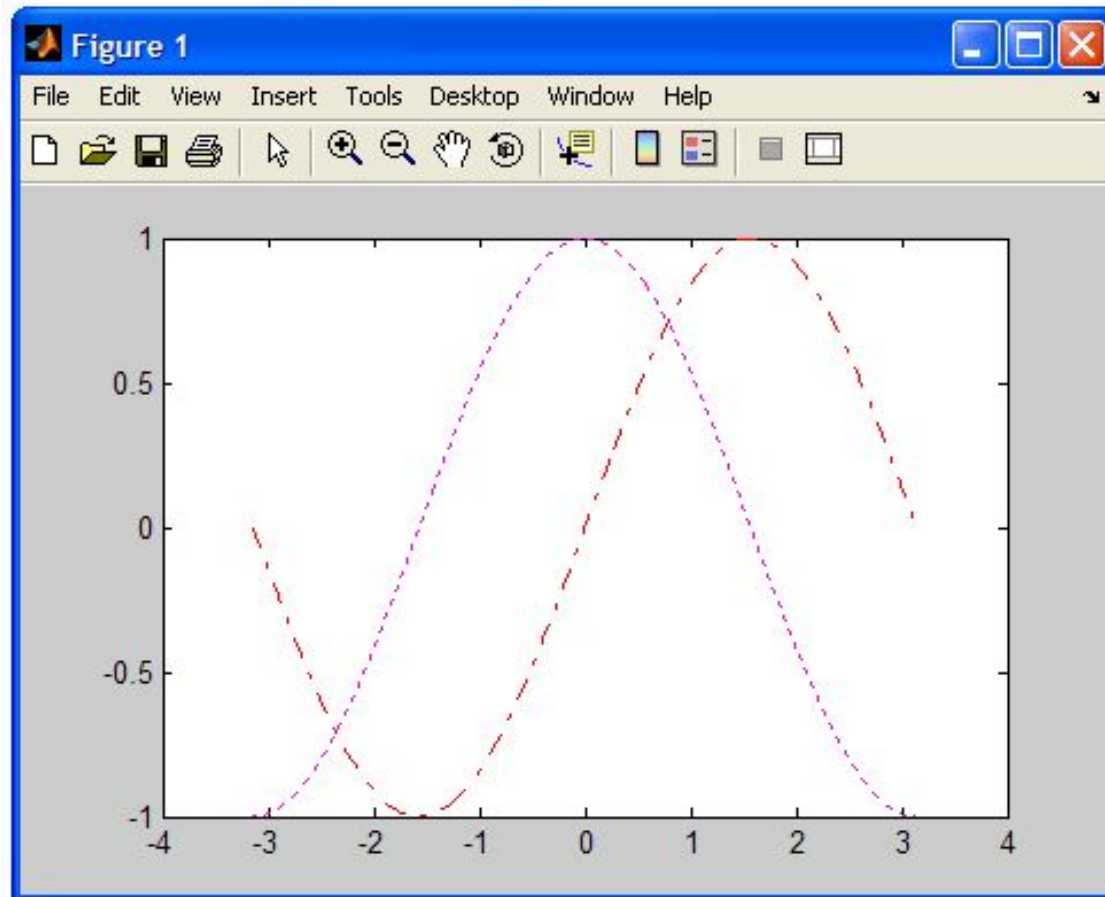
Дополнительные параметры команды *plot*

В команде *plot* можно задать для каждого графика: цвет линии, тип маркера, тип линии

Цвет линии		Тип точки		Тип линии	
Желтый	y	Точка	.	Сплошная	-
Фиолетовый	m	Окружность	o	Двойной пунктир	;
Голубой	c	Крест	x	Штрих-пунктир	-.
Красный	r	Плюс	+	Штриховая	--
Зеленый	g	Звездочка	*		
Синий	b	Квадрат	s		
Белый	w	Ромб	d		
Черный	k	Треугольник (вниз)	v		
		Треугольник (вверх)	^		
		Треугольник (влево)	<		
		Треугольник (вправо)	>		
		Пятиугольник	p		
		Шестиугольник	h		

Пример команды plot

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> plot(x, y, 'r-.', x, z, 'm:')
```



Толщина линии указывается с помощью функции **set**.

Пример.

```
>>x = 0 : 0.1 : 3;
```

```
>>y = sin( x );
```

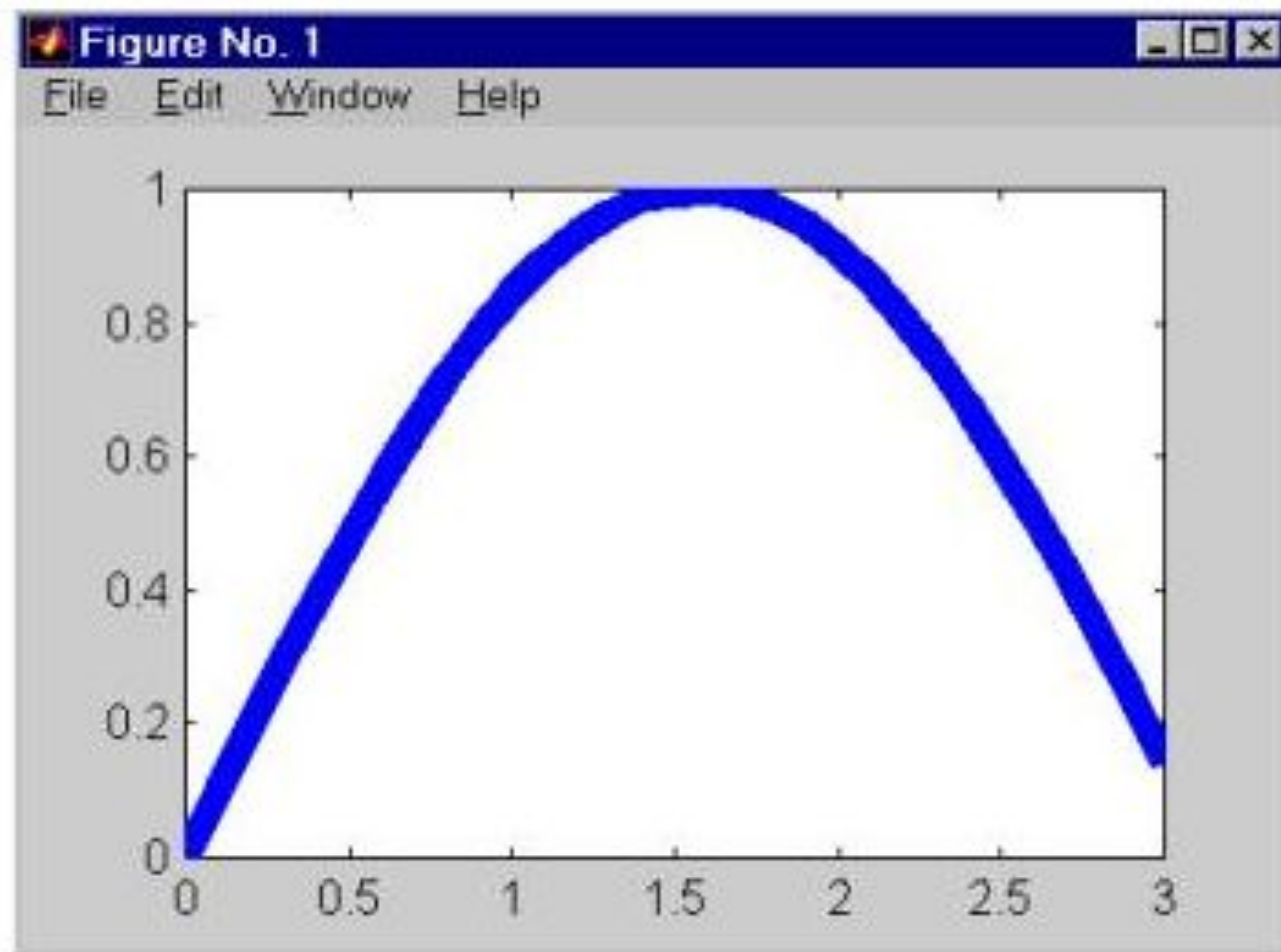
```
>>p = plot( x, y );
```

```
>>set( p, 'LineWidth', 7 );
```

В примере свойство 'LineWidth' (толщина линии), для которого задали новое значение 7 пикселей (по умолчанию - 0.5 пикселей).

Допустима запись:

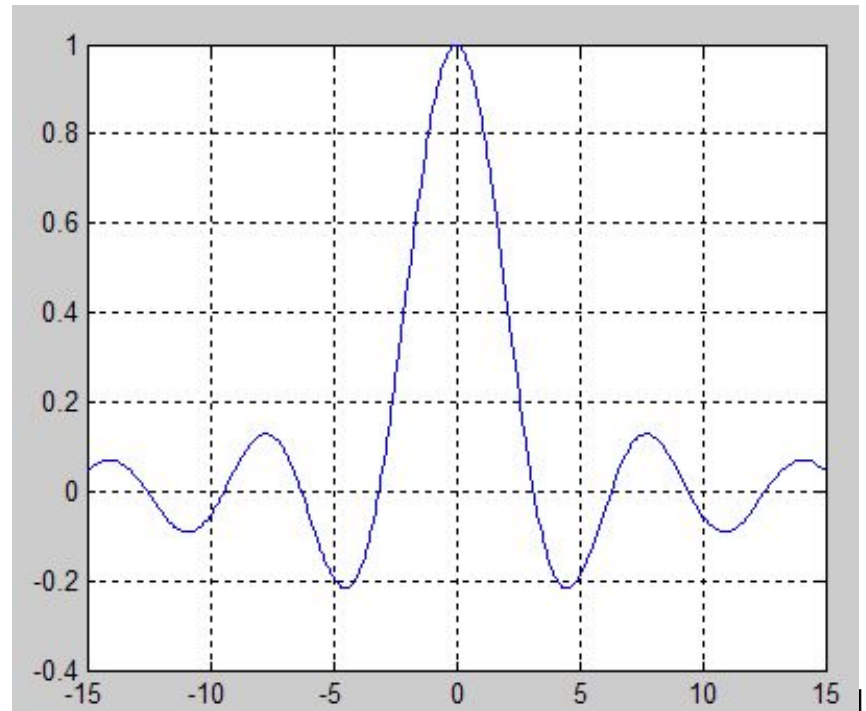
```
>>plot(x,y,'LineWidth',7)
```



Графическая функция *fplot*

Используется для построения графиков и таких функций, как $\sin(x)/x$, которые имеют устранимые неопределенности.

```
fplot('sin(x)/x', [-15,15]);  
grid on
```



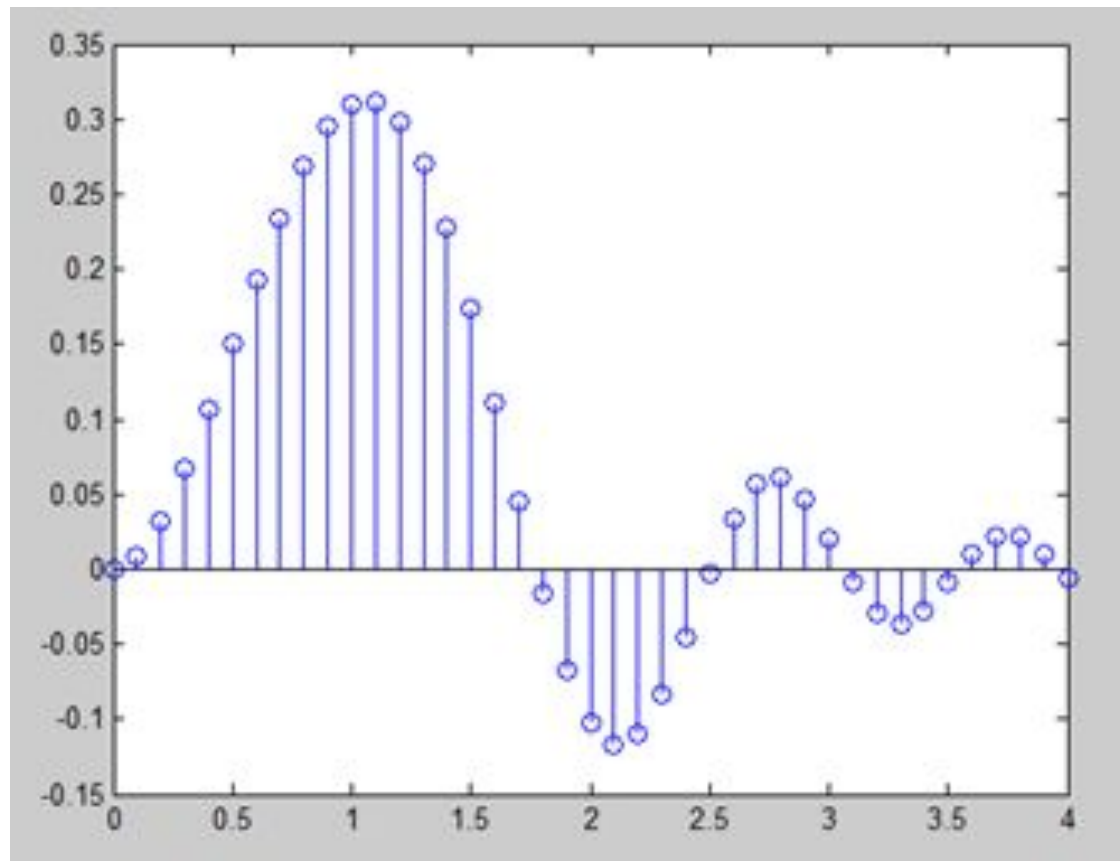
Построение дискретных графиков

Такой график применяется, например, при описании квантования сигналов.

Каждый отсчет представляется вертикальной чертой, увенчанной кружком, причем высота черты соответствует **y**- координате точки.

Для построения графика подобного вида используются команды ***stem(x,y):***

```
>>x = 0:0.1:4;  
>>y = sin(x.^2).*exp(-x);  
>>stem(x,y)
```



Построение лестничных графиков

Лестничные графики представляют собой ступеньки с огибающей, заданной в виде функции $y(t)$. Они используются, например, для наглядного представления функции $y(t)$, представленной результатами ряда измерений ее значений. При этом в промежутках между измерениями значения функции считаются постоянными и равными величине последнего результата измерения.

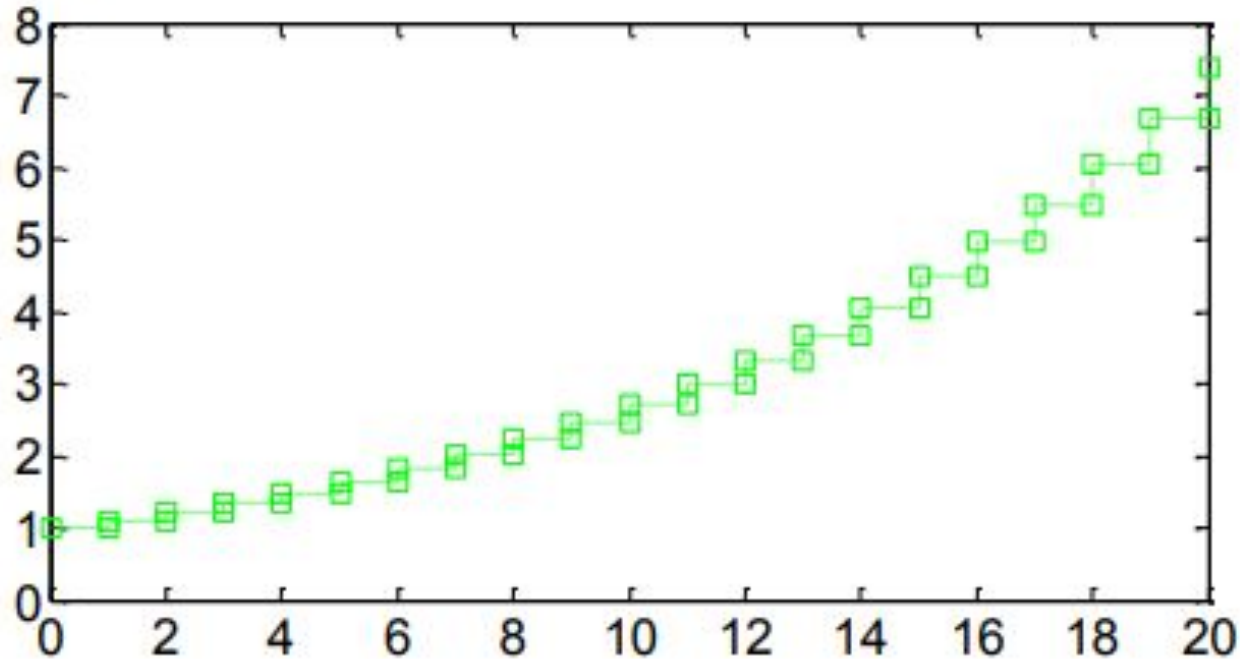
Пример.

Вариант 1

```
t=[0:20];  
y=exp(0.1*t);  
stairs(t,y,'gs:')
```

Вариант 2

```
t=[0:20];  
stairs(t,exp(0.1*t),'gs:')
```



Графики с логарифмическим масштабом

Встречаются случаи, когда диапазон изменения функции настолько велик, что для ее графической визуализации приходится применять логарифмический и полулогарифмический масштаб.

Для построения графиков в логарифмическом масштабе служат следующие функции:

loglog(...) – логарифмический масштаб по обеим осям;

semilogx(...) – логарифмический масштаб по оси абсцисс;

semilogy(...) – логарифмический масштаб по оси ординат.

Аргументы этих функций (все, что стоит внутри скобок) формируются по тем же правилам, что и в функции **plot(...)**.

Пример.

Построить в одном окне в полулогарифмическом масштабе с использованием функции `semilogx(...)` графики зависимостей

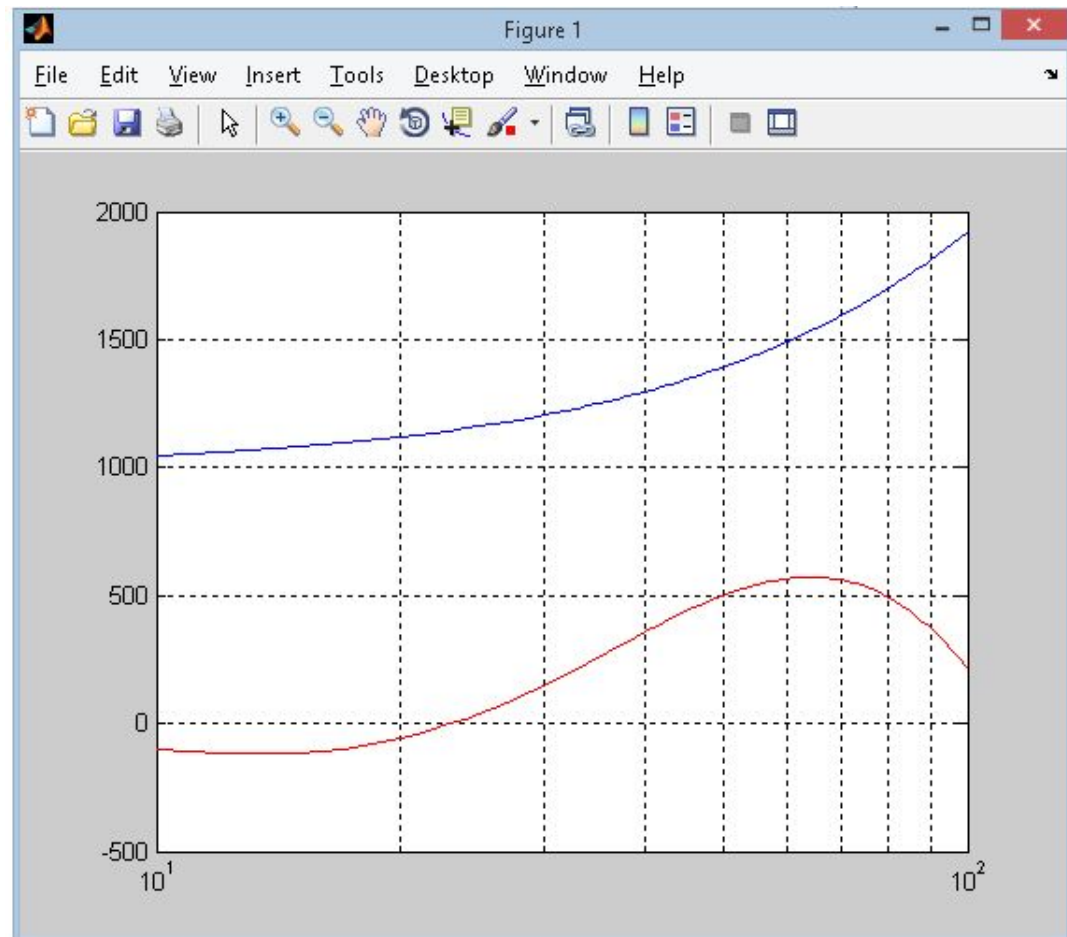
$$f(t) = t \cdot \ln(t^2) + 1000,$$

$$f(t) = 10t \cdot \sin(\ln(t^2))$$

при условии, что t меняется на интервале $[10, 1000]$ с шагом 1.

График функции $g(t)$ выделить красным цветом.

```
>> t=10:100;  
>> f=t.*log(t.^2)+1000;  
>> g=10*t.*sin(log(t.^2));  
>> semilogx(t,f,t,g,'r')  
>> grid on
```



Построение нескольких графиков в одном окне в разных СК

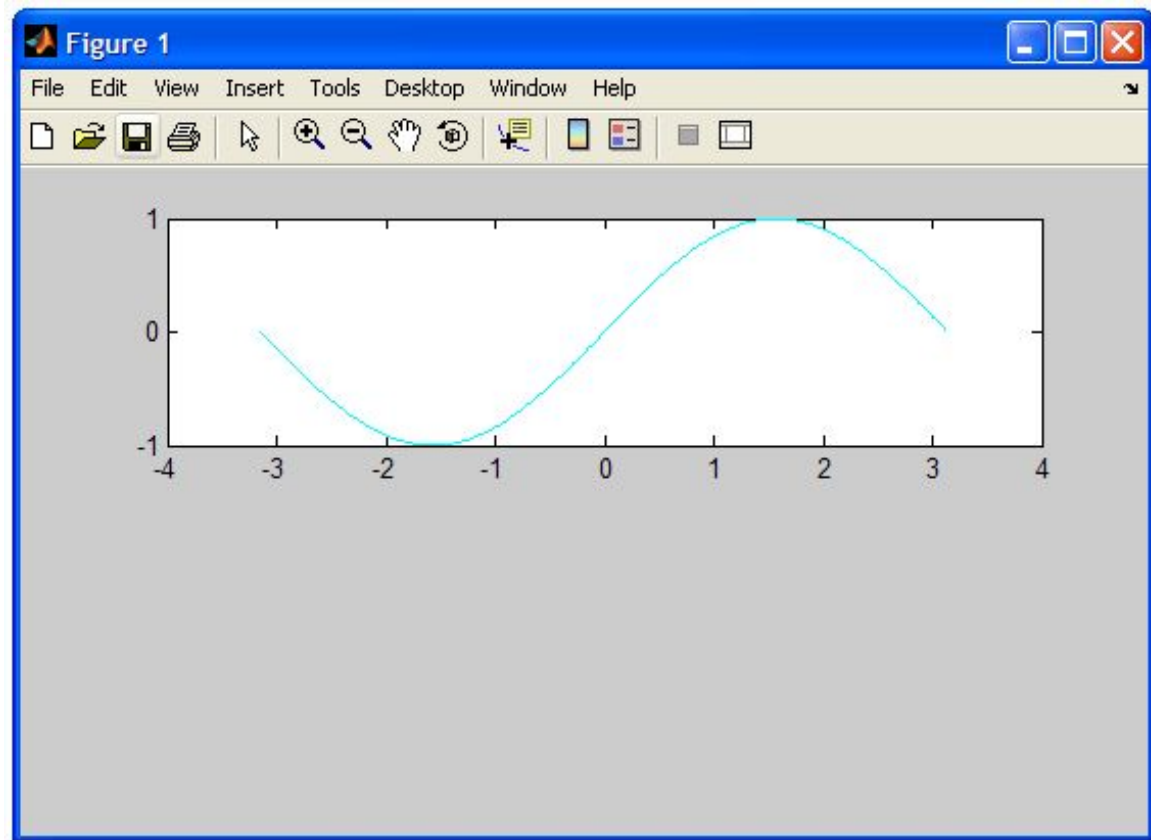
Поверхность графического окна можно разделить на зоны, в каждой из которых выводить свой график

Для этого служит команда *subplot(mnk)*

m и *n* определяют количество графических «подокон» по горизонтали и вертикали

k задаёт номер графического «подокна»
– порядок нумерации – по строкам

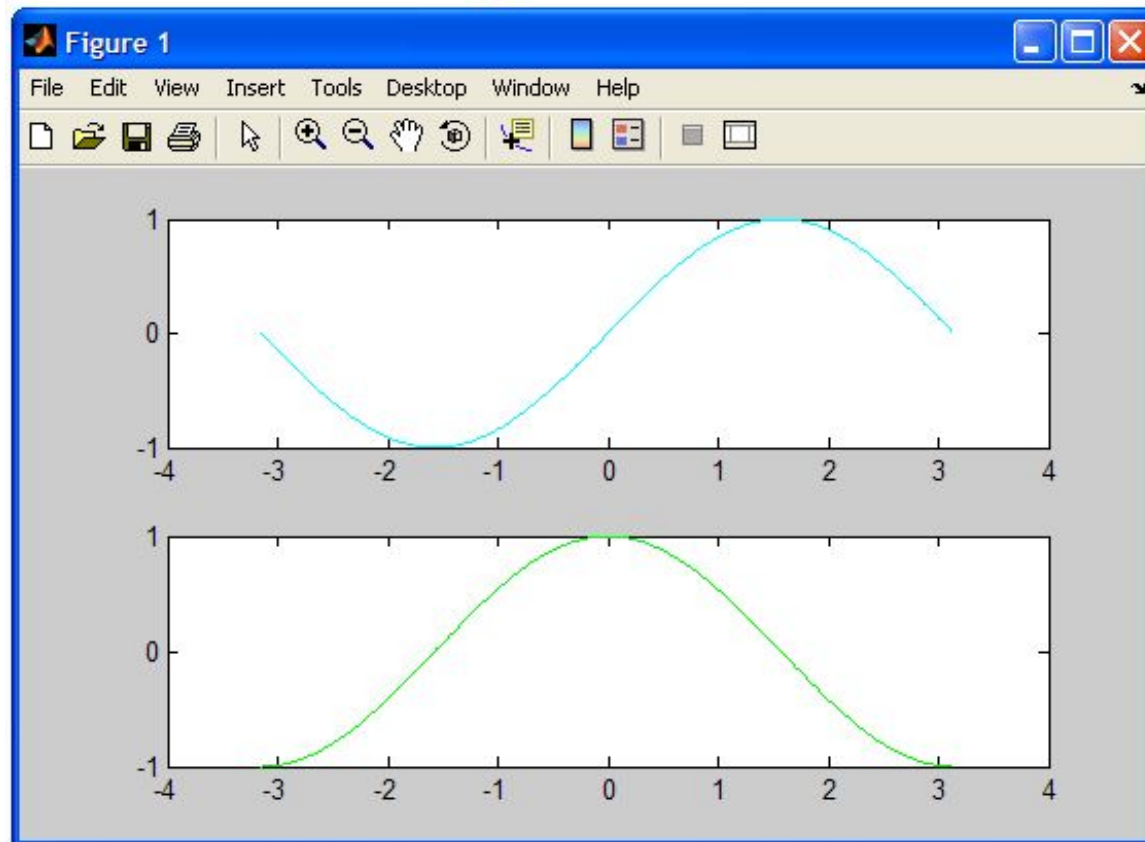
Первый *subplot*



```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> subplot(211); plot(x, y, 'c')
```

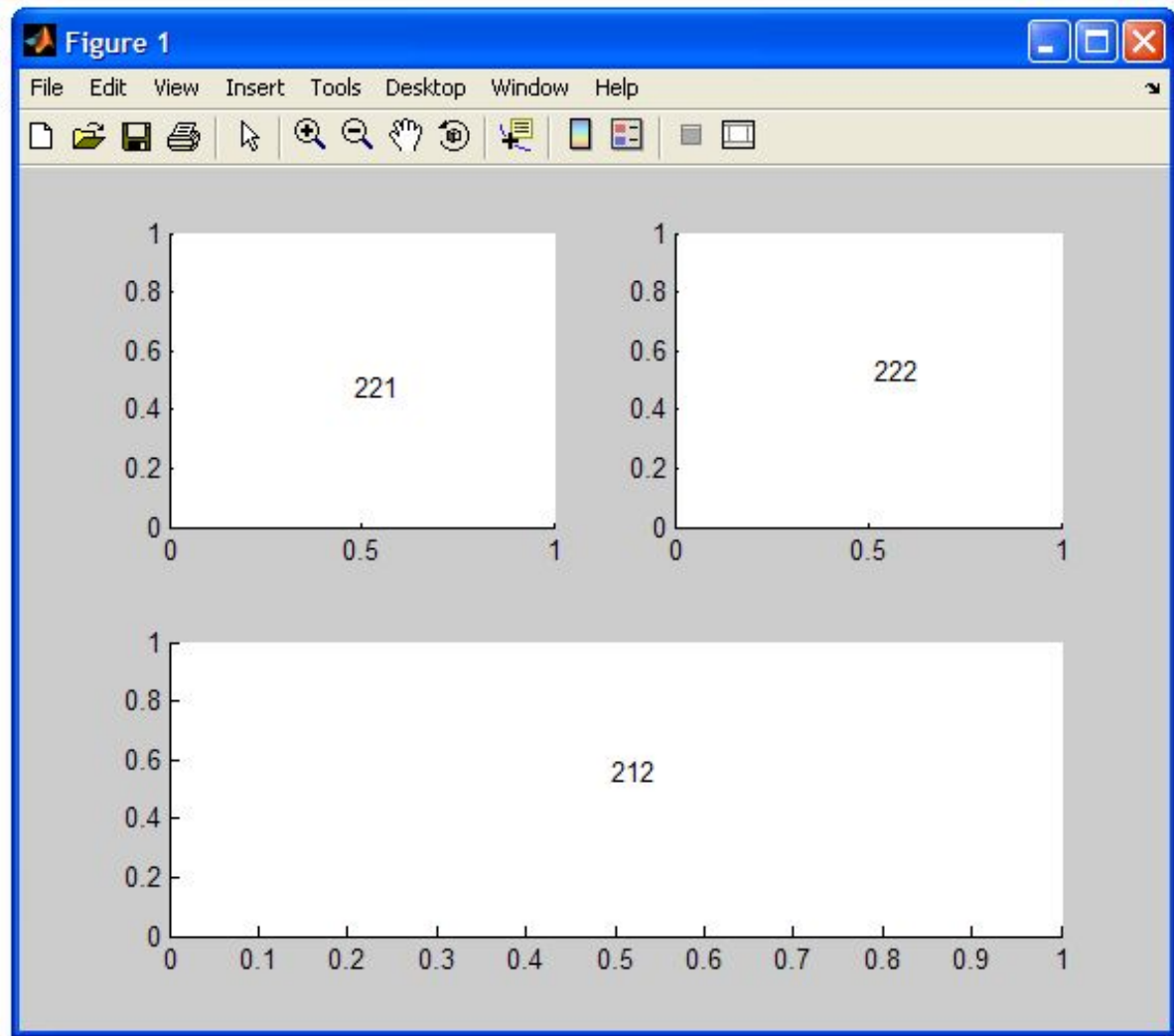
Второй *subplot*

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> subplot(211); plot(x, y, 'c')  
>> subplot(212); plot(x, z, 'g')
```



Более хитрый пример *subplot*

```
>> subplot(221);  
>> subplot(222);  
>> subplot(212);  
>>  
>>
```



Построение графиков в разных графических окнах

- Создать новое графическое окно можно командой *figure*
- Команда *figure* создаёт графическое окно и возвращает указатель на него:
h = figure
- Активизировать ранее созданное окно можно командой *figure(h)*

figure : пример использования 1

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> plot(x, y)  
>> figure  
>> plot(x, z, 'r')
```

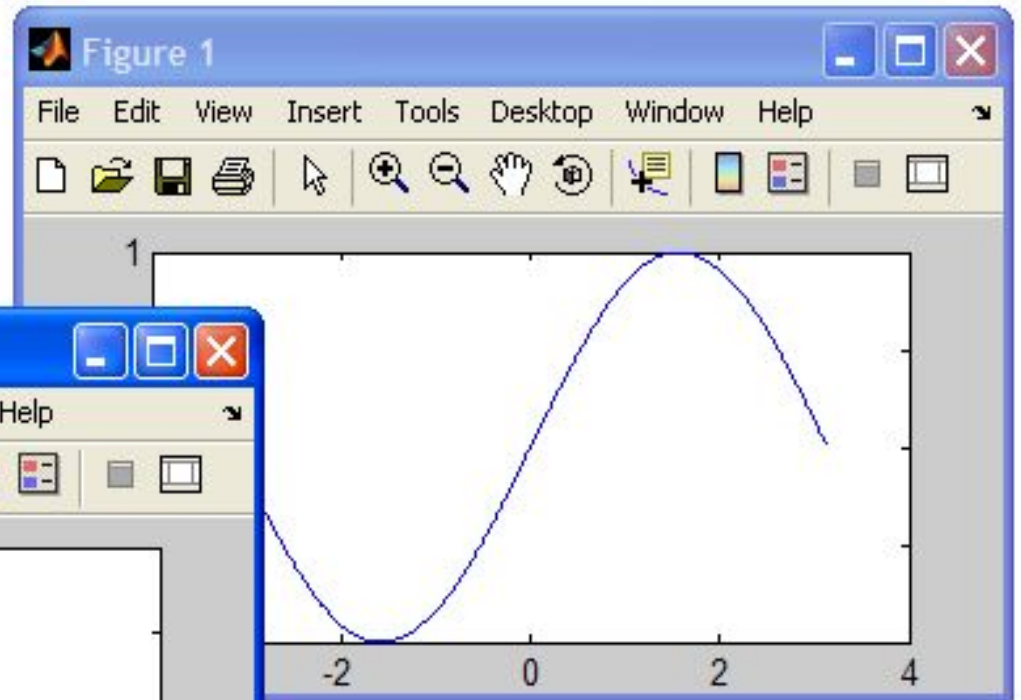
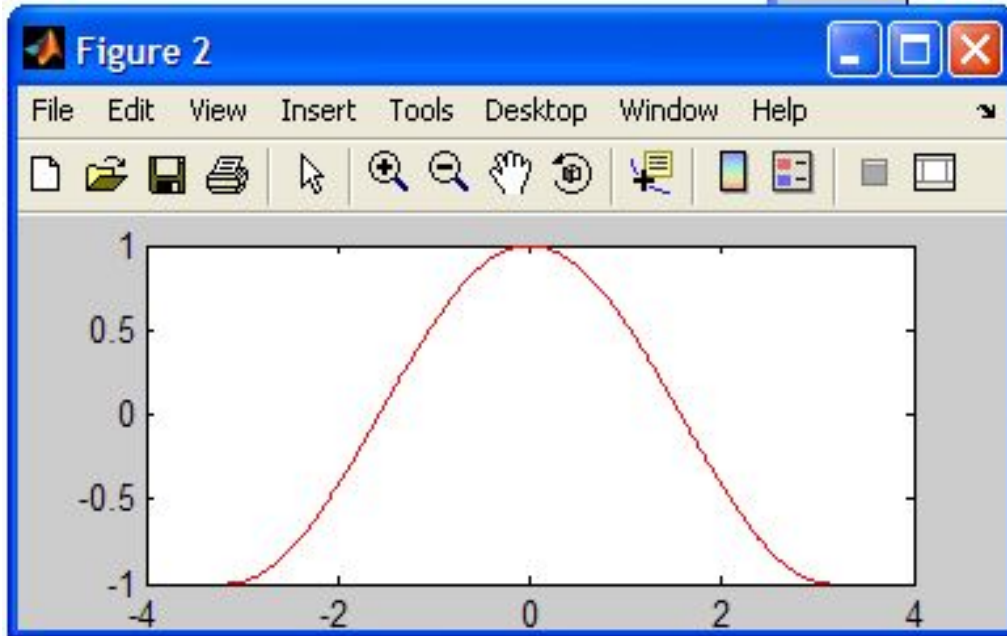


figure : пример использования 2

```
>> x = -pi:.01:pi;  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> v = sin(1./x);  
>> f = figure
```

```
f =
```

```
1
```

```
>> plot(x, y)  
>> figure  
>> plot(x, z, 'm')  
>> figure(f)  
>> hold on  
>> plot(x, v, 'r')
```

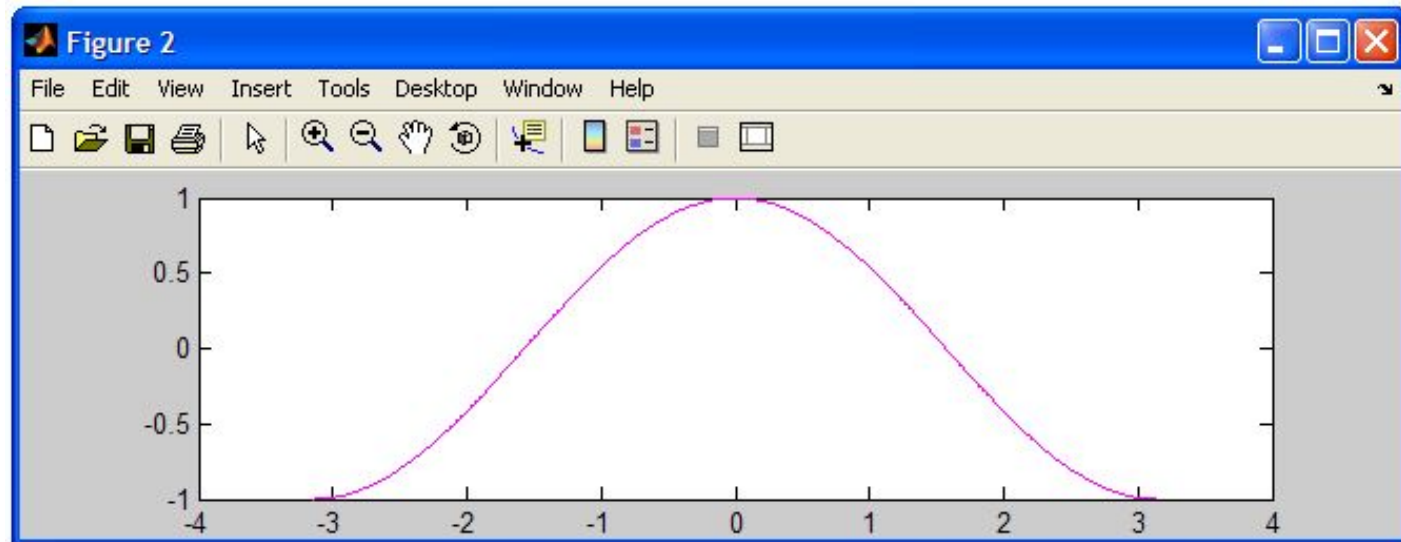
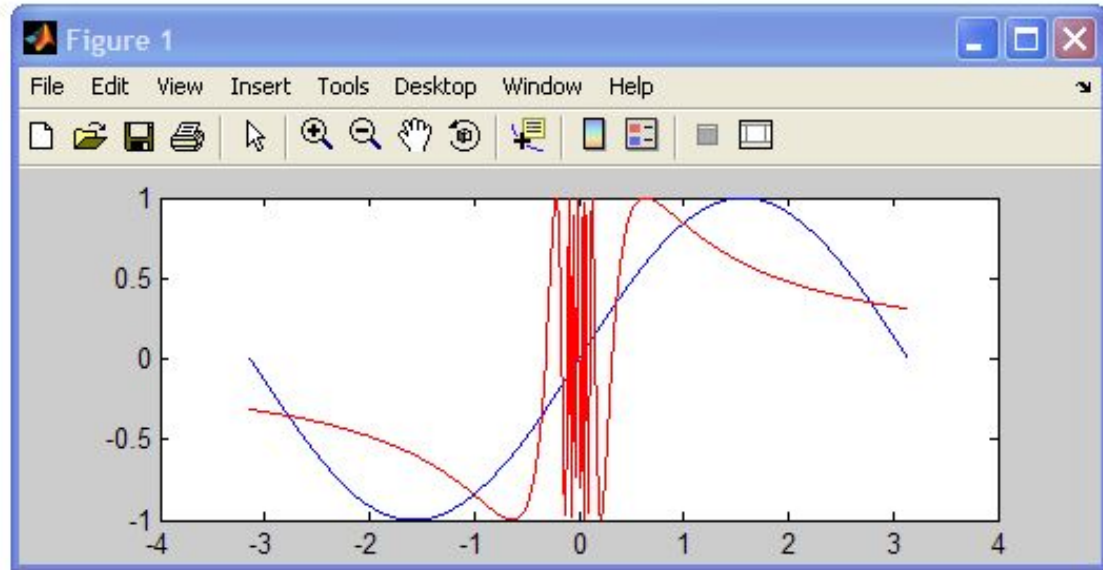


График с двумя осями координат

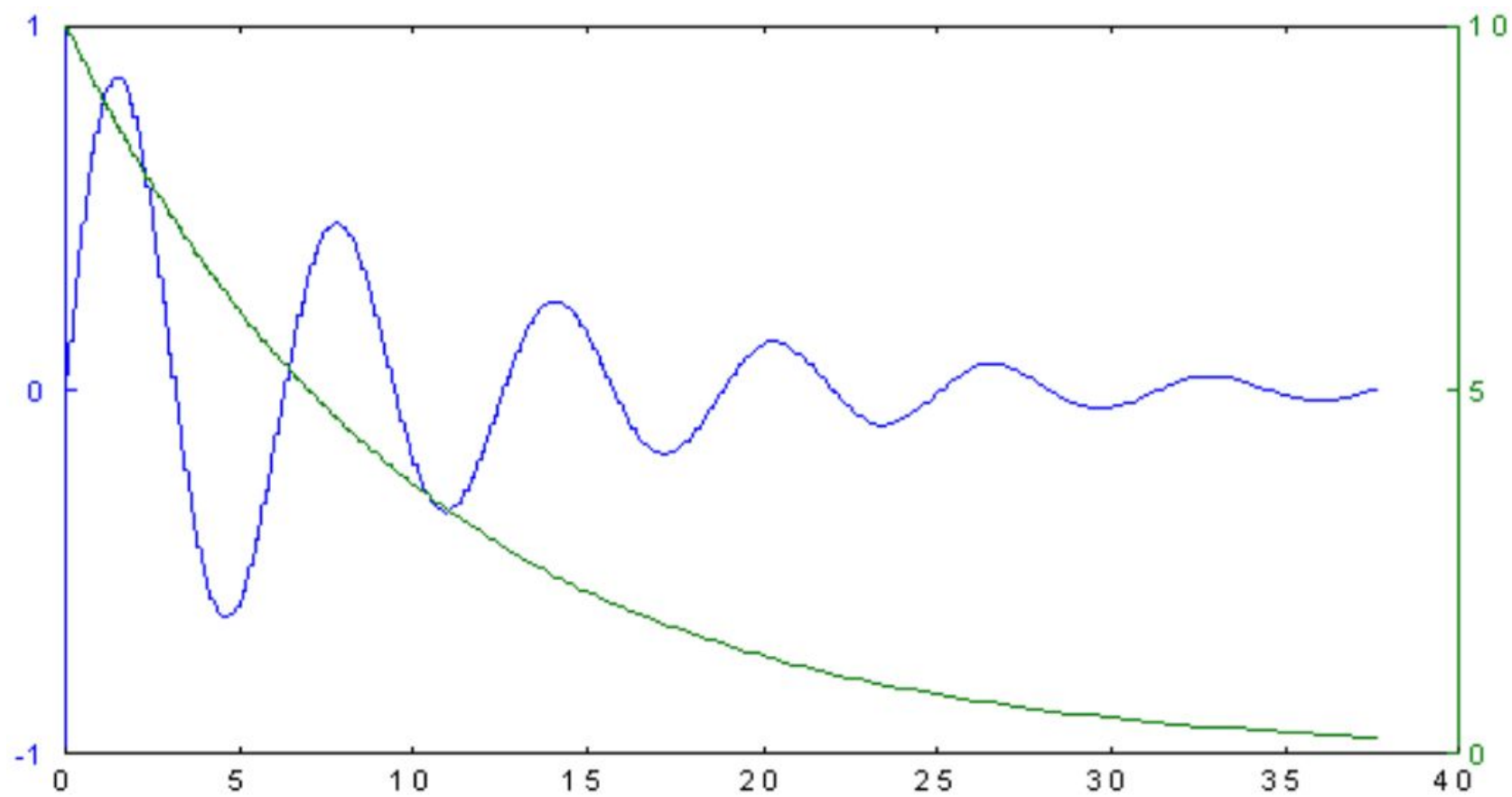
Одна ось координат отображается слева, другая справа.

График реализуется функцией

plotyy(x1,y1,x2,y2).

```
>> x=0:0.01:12*pi;
```

```
>> plotyy(x,sin(x).*exp(-0.1.*x),x, 10*exp(-0.1.*x))
```



Построение графиков, заданных символьным выражением

•Пример.

Построить в одном окне в полупологарифмическом масштабе с использованием функции `semilogx(...)` графики зависимостей

$$f(t) = t \cdot \ln(t^2) + 1000,$$

Пример 1. Построить график функции

при усл
[10,1000

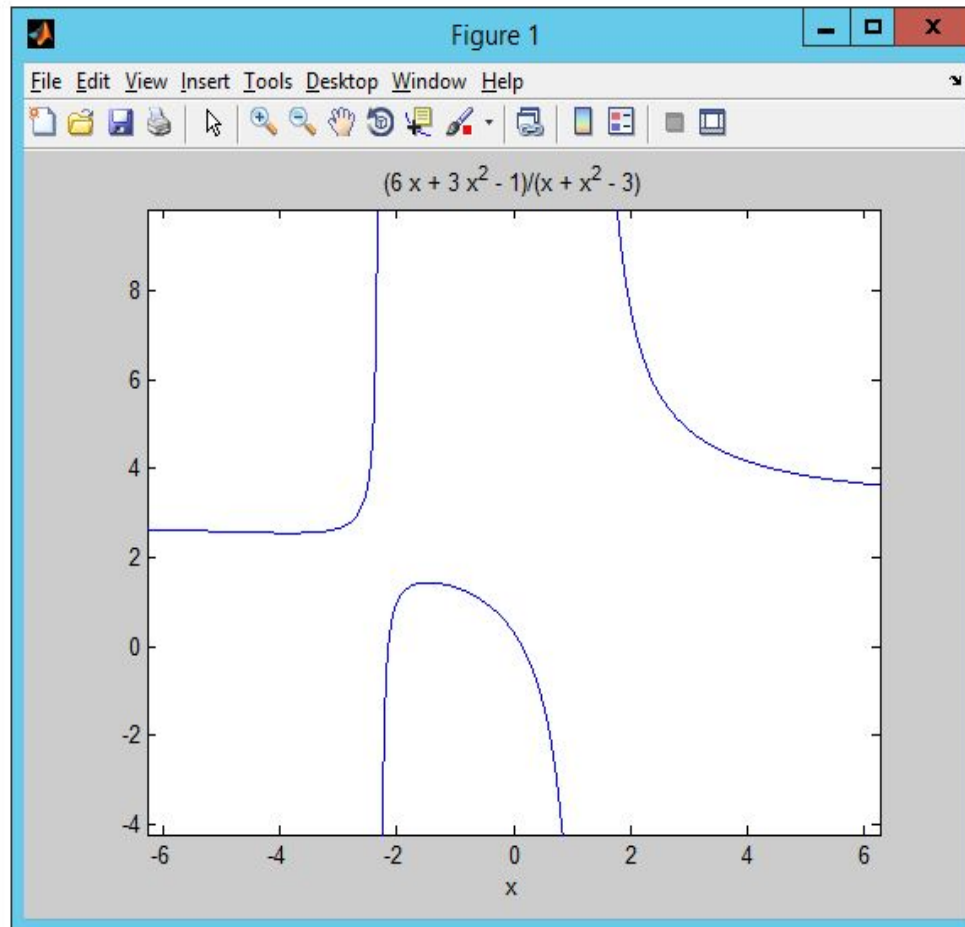
Граф
красным

$$f(x) = \frac{3x^2 + 6x - 1}{x^2 + x - 3}$$

тервале

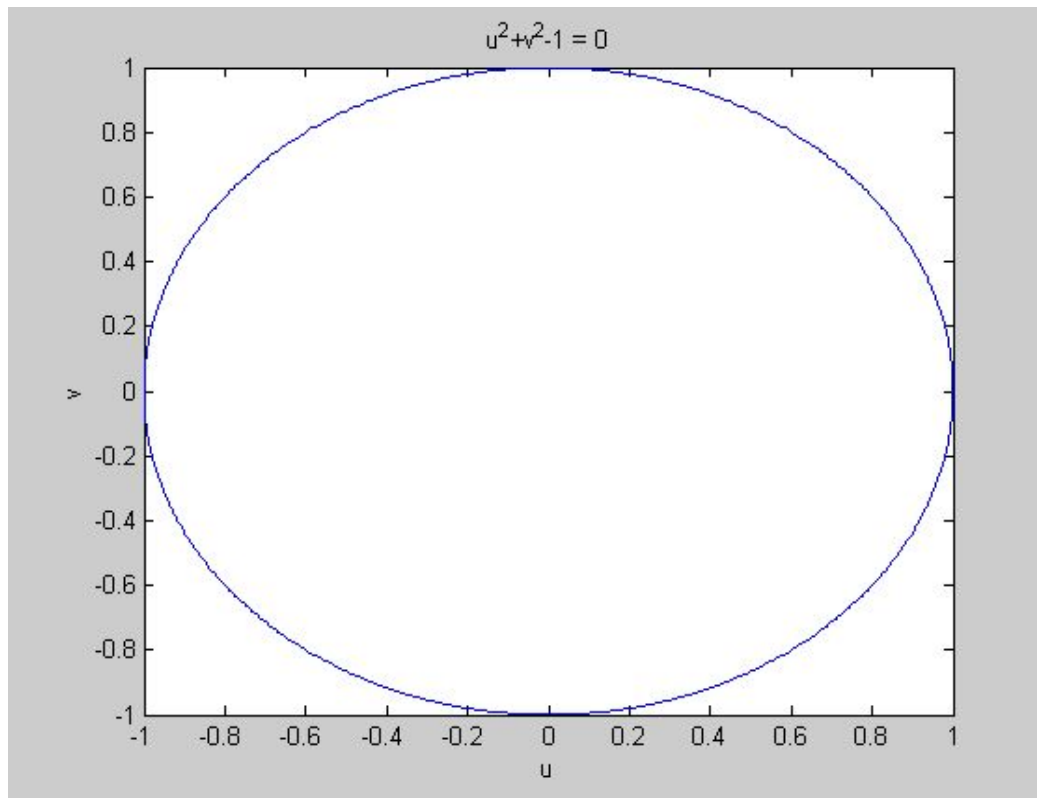
ь

```
>> syms x
>> chisl=3*x^2+6*x-1;
>> znam=x^2+x-3;
>> f=chisl/znam;
>> ezplot(f)
>>
```



Пример 2.

```
>> ezplot('u^2+v^2-1', [-1,1], [-1,1])
```



Axis: управление масштабом

- Команда

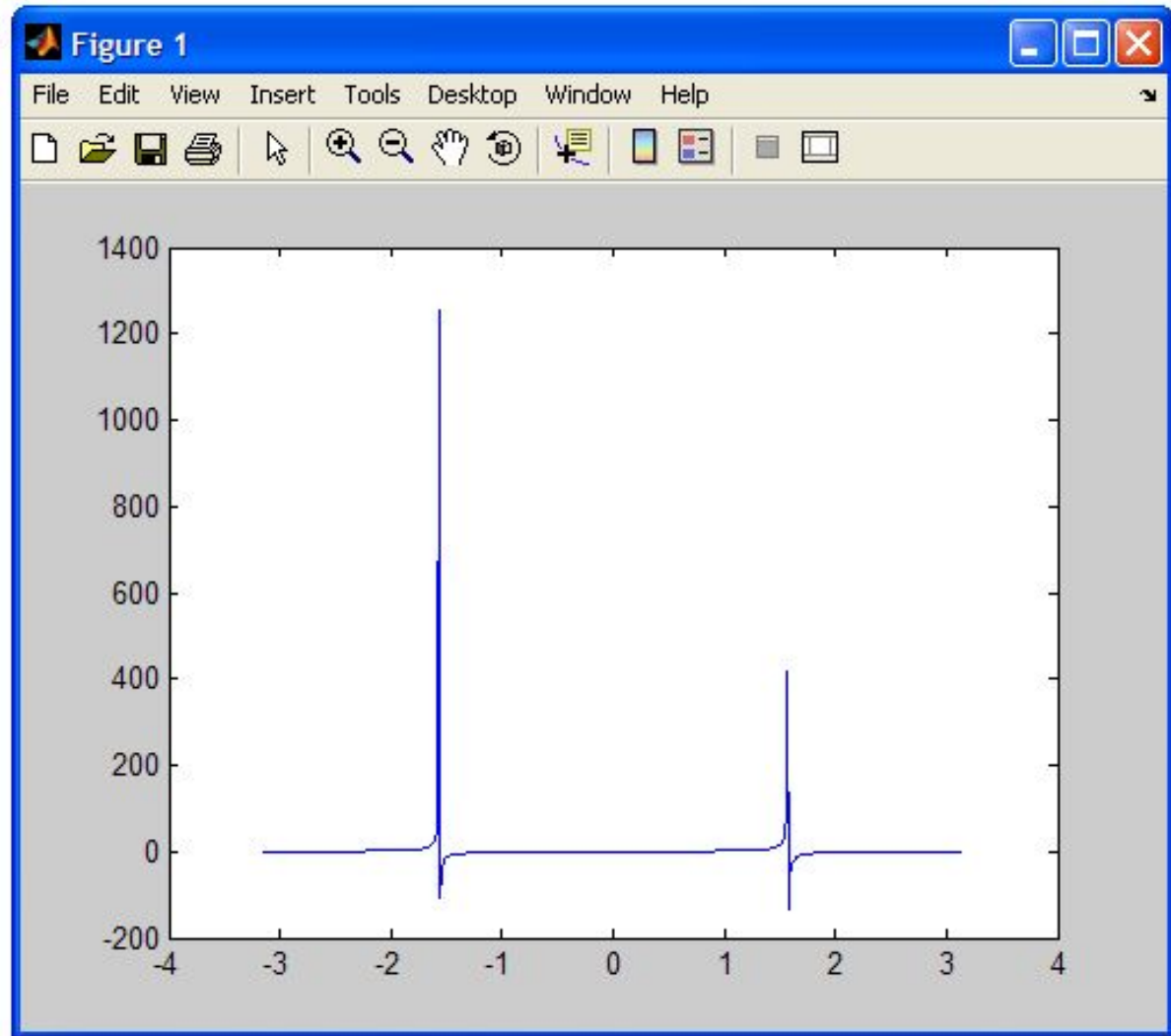
`axis([Xmin Xmax Ymin Ymax])`

задаёт область построения графиков по осям X и Y.

- Используется, если результат автомасштабирования неудовлетворителен.

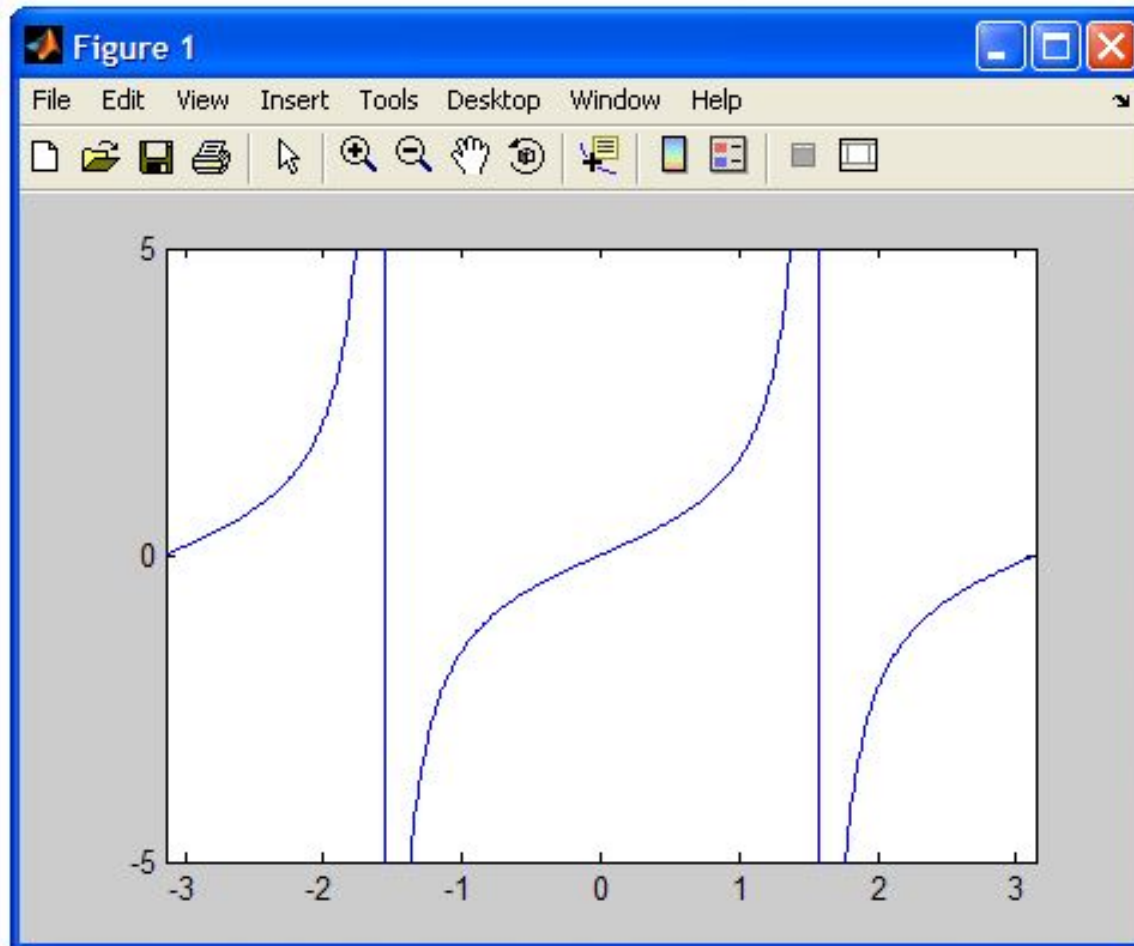
Пример: **Axis** не используется

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = tan(x);  
>> plot(x, y)  
>>
```



Пример: **Axis** используется

```
>> x = -pi: .01: pi;  
>> y = tan(x);  
>> plot(x, y), axis([-pi pi -5 5])
```

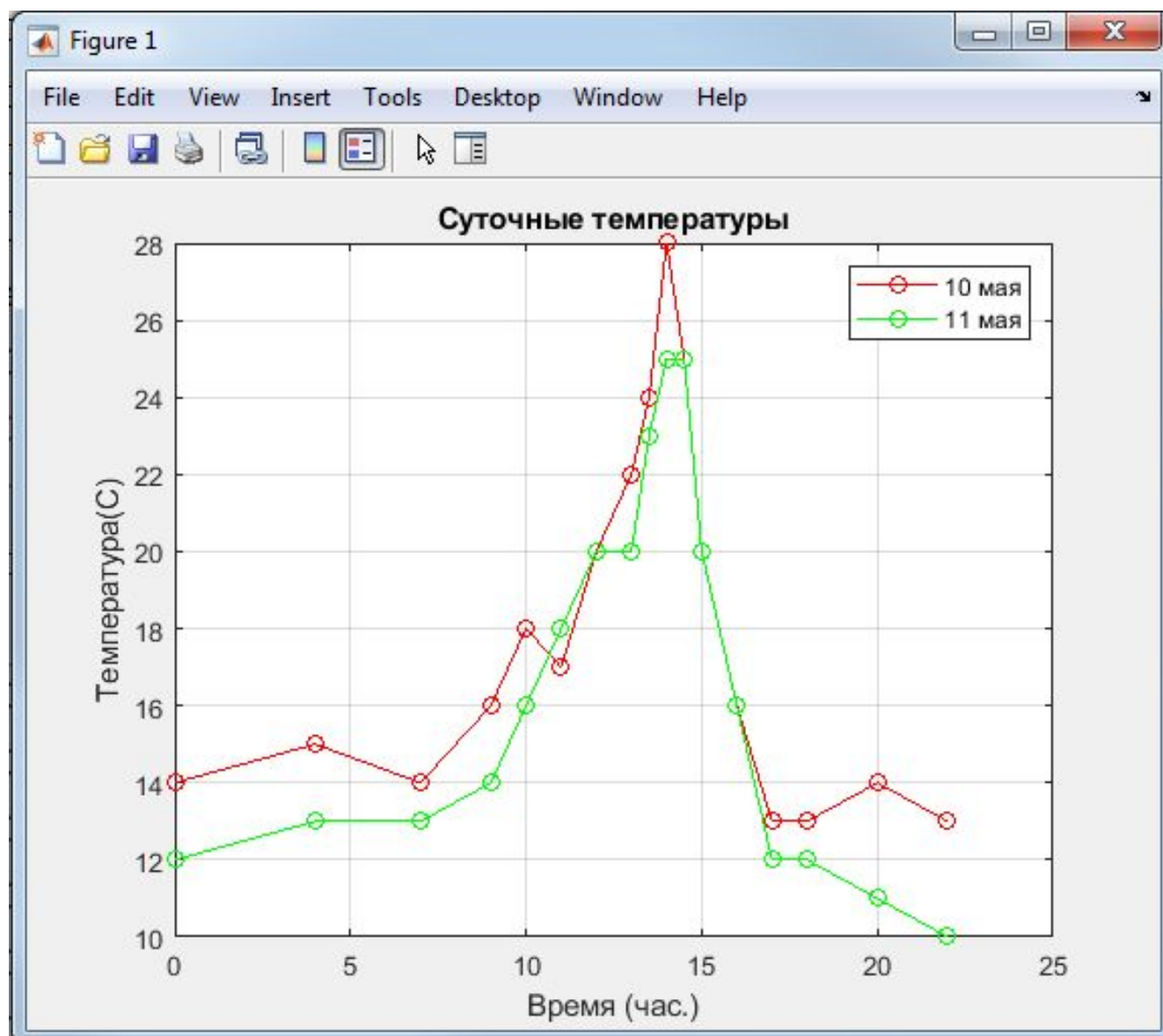


Оформление графиков

- Для графиков можно задать
 - масштабную сетку: `grid on`
 - заголовок: `title('заголовок')`
 - подписи осей: `xlabel('текст')` и `ylabel('текст')`
 - легенда: `legend('текст')`
- В заголовках и подписях можно использовать нотацию системы TeX.

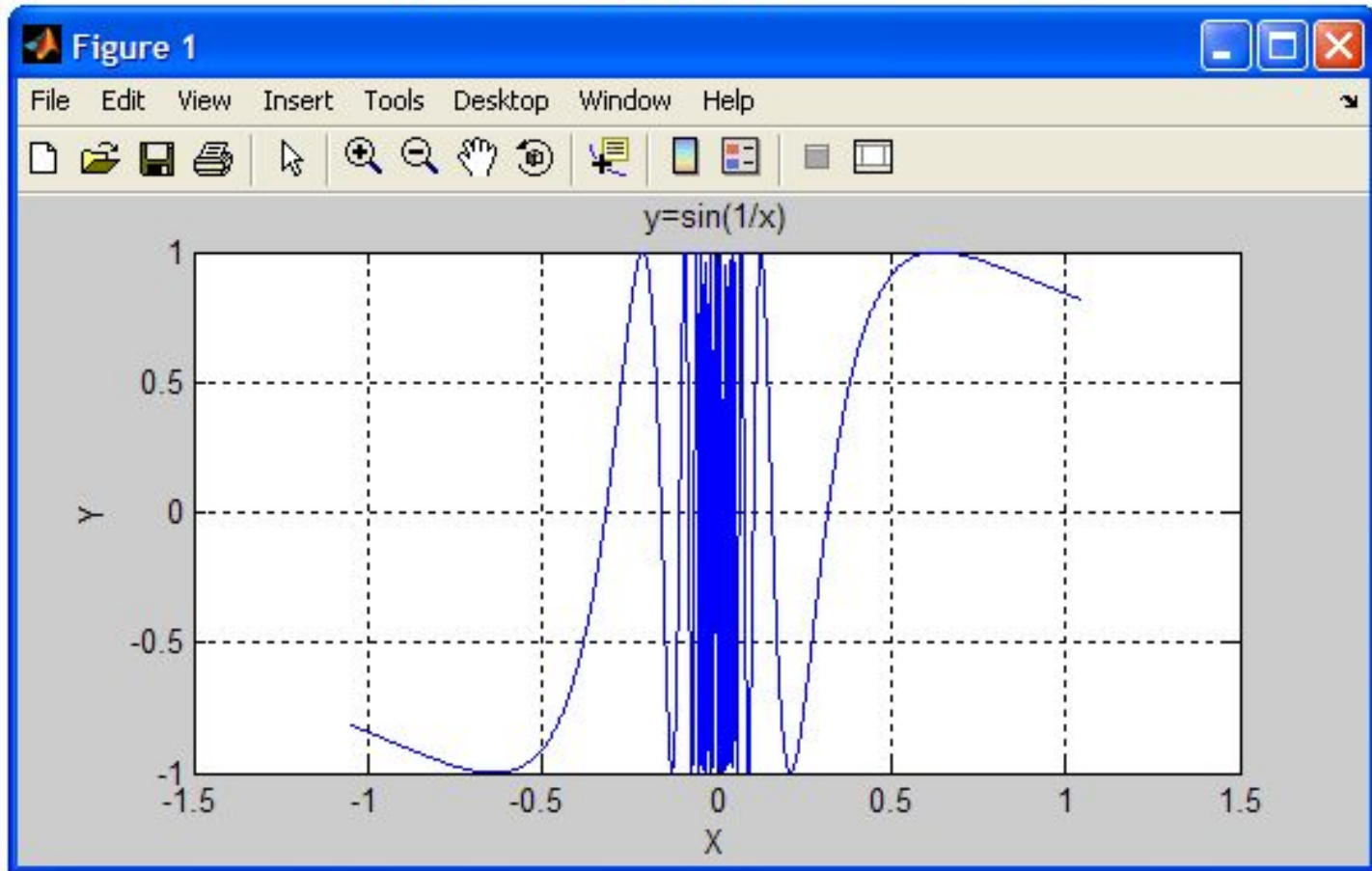
Оформление графиков

```
>> time = [0 4 7 9 10 11 12 13 13.5 14 14.5 15 16 17 18 20 22];  
>> temp1 = [14 15 14 16 18 17 20 22 24 28 25 20 16 13 13 14 13];  
>> temp2 = [12 13 13 14 16 18 20 20 23 25 25 20 16 12 12 11 10];  
>> plot(time, temp1, 'ro-', time, temp2, 'go-')  
>> grid on  
>> title('Суточные температуры')  
>> xlabel('Время (час.)')  
>> ylabel('Температура (C)')  
>> legend('10 мая', '11 мая')
```



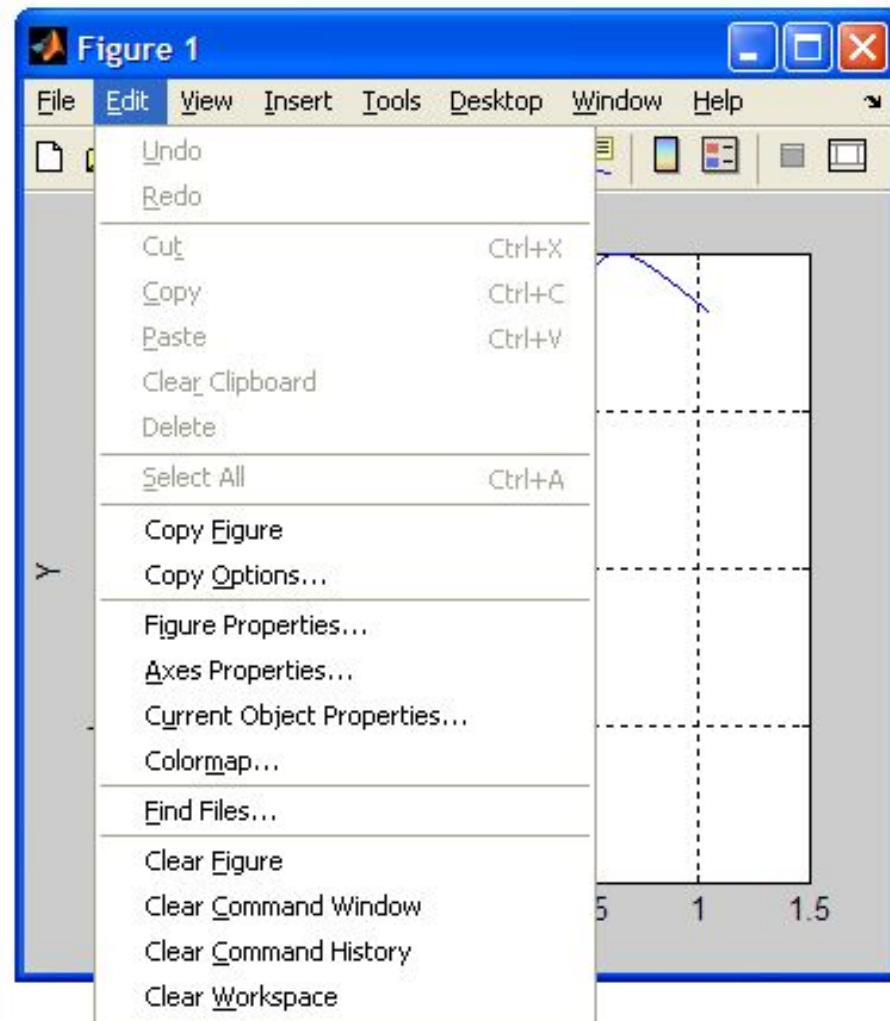
Пример оформления графика

```
>> x = -pi/3: .001: pi/3;  
>> v = sin(1./x);  
>> plot(x, v), grid on, title('y=sin(1/x)'), xlabel('X'), ylabel('Y')
```



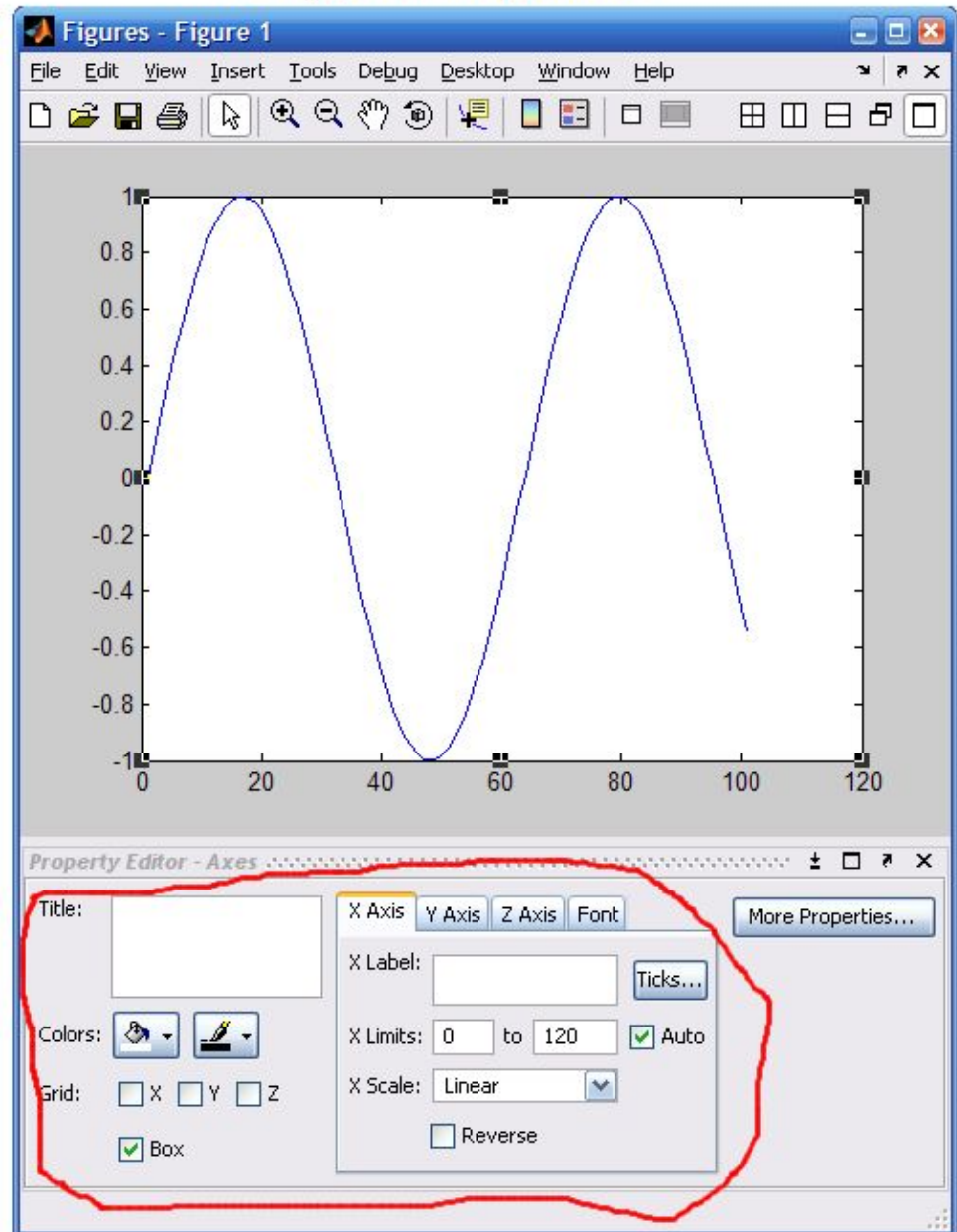
Форматирование графиков

- Доступно
из меню
Edit:

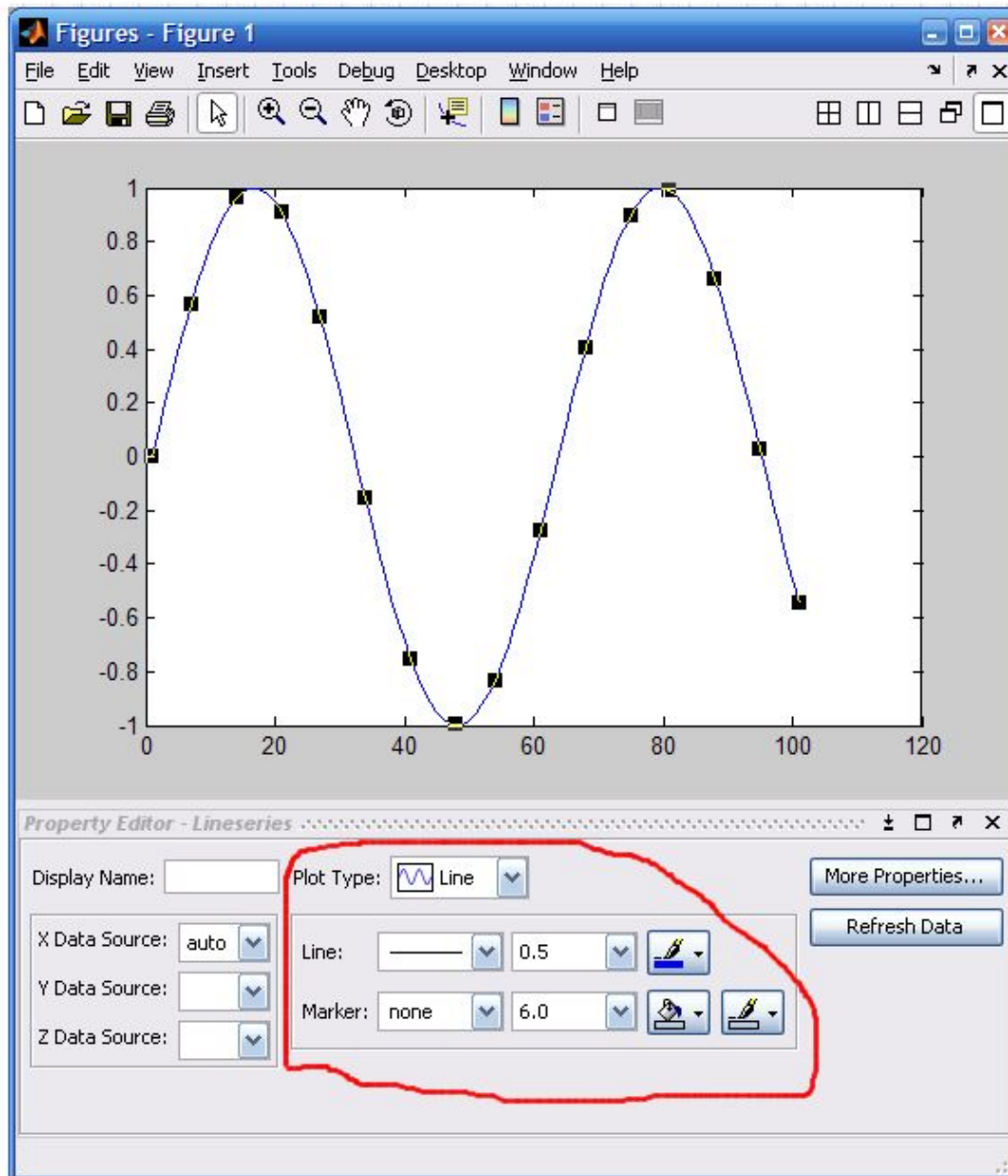


Выделена рамка

Вид редактора
зависит от того,
какой элемент
графика
выделен



Выделена линия графика

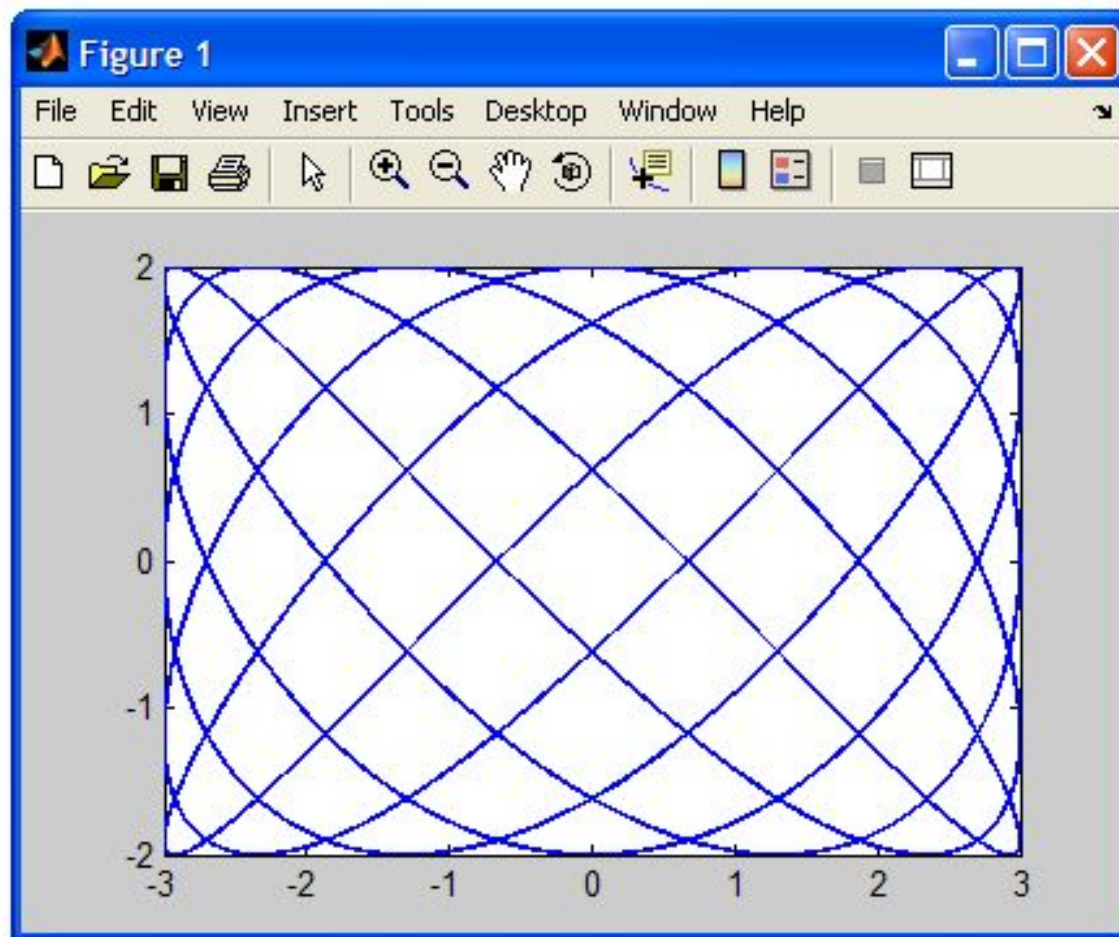


Графики функций, заданных параметрически

- Строятся при помощи оператора *plot*.
- Вначале задаётся диапазон построения *t*.
- Затем вычисляются *x(t)* и *y(t)*.
- И строится график.

Графики функций, заданных параметрически

```
>> t = 0: .01: 100;  
>> x = 3*cos(5*t);  
>> y = 2*sin(7*t);  
>> plot(x, y)  
>>
```



Графики функций, заданных параметрически

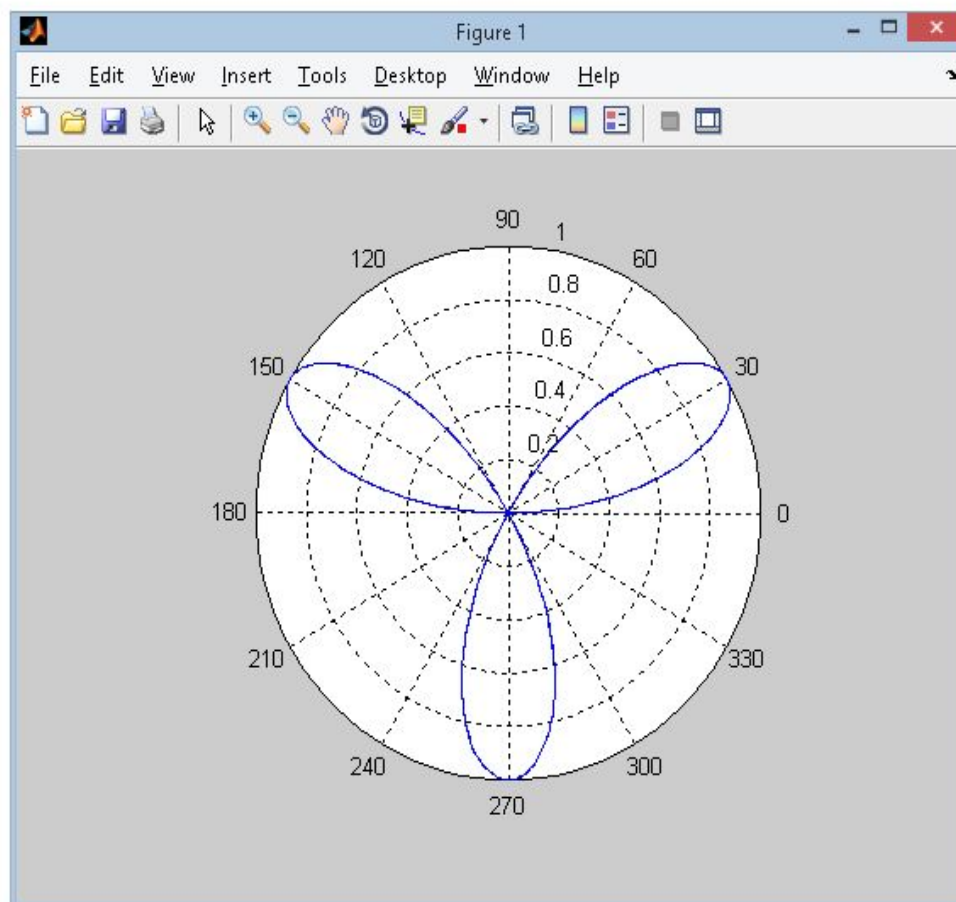
- Графики параметрических функций часто возникают в физических приложениях.
- Независимая переменная t в этом случае имеет смысл времени, x и y — координаты.
- Для построения динамического графика можно использовать функцию $\text{comet}(x, y)$.

Функции в полярной системе координат

- Строятся аналогично графикам функций в декартовой системе
- Для построения используется команда *polar*.

Пример построения функции в полярной системе координат

```
>> x=0:.01:2*pi;  
>> y=sin(3*x);  
>> polar(x,y)  
>>
```



Построение диаграмм

- *Столбиковая диаграмма с вертикальным расположением*

Строится при помощи команд:

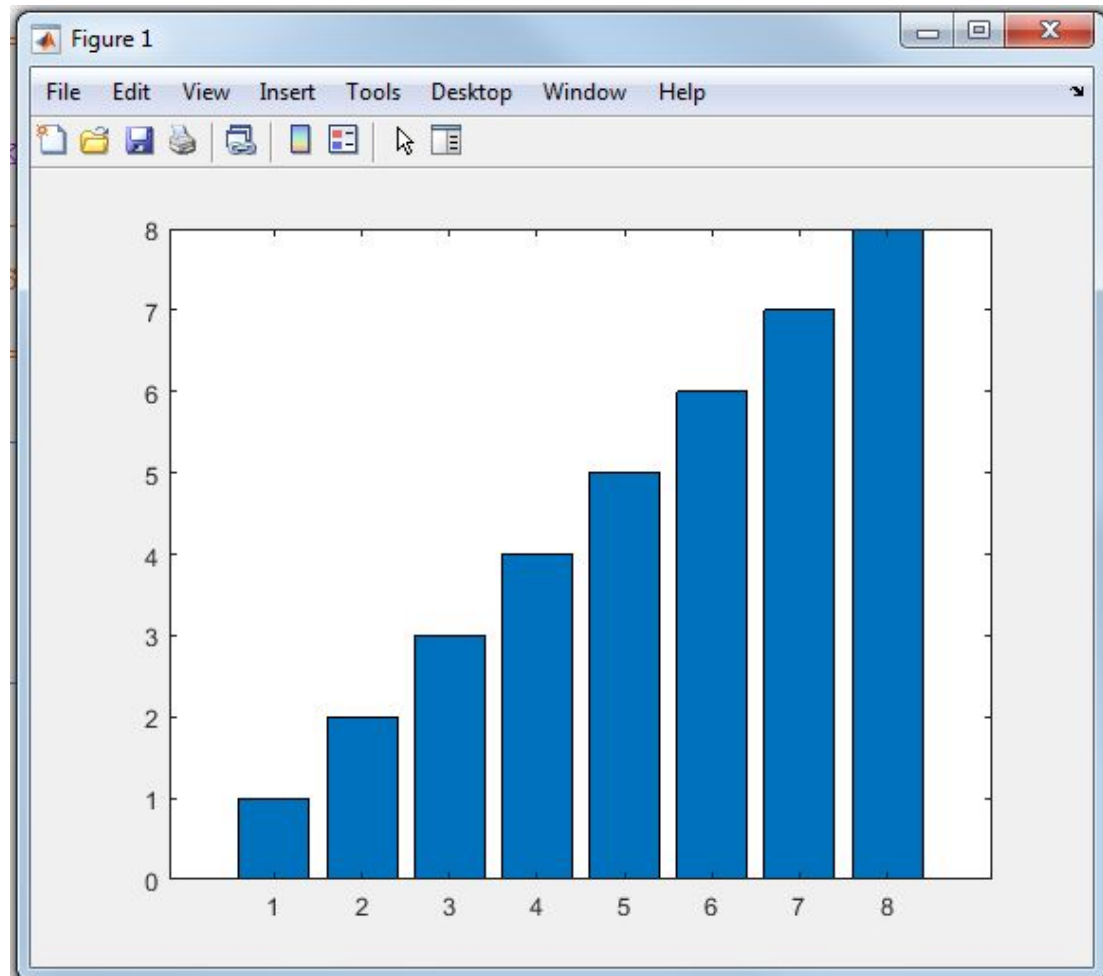
bar(x,y) – строит столбиковый график элементов вектора ***y*** при заданных значениях вектора ***x***, которые должны идти в монотонно возрастающем порядке.

```
>> y=1:8
```

```
y =
```

```
1 2 3 4 5 6 7 8
```

```
>> bar(y)
```



bar(y) – строит график элементов матрицы ***y*** так же, как указано выше, но для построения графика используется вектор ***x=1:m***.

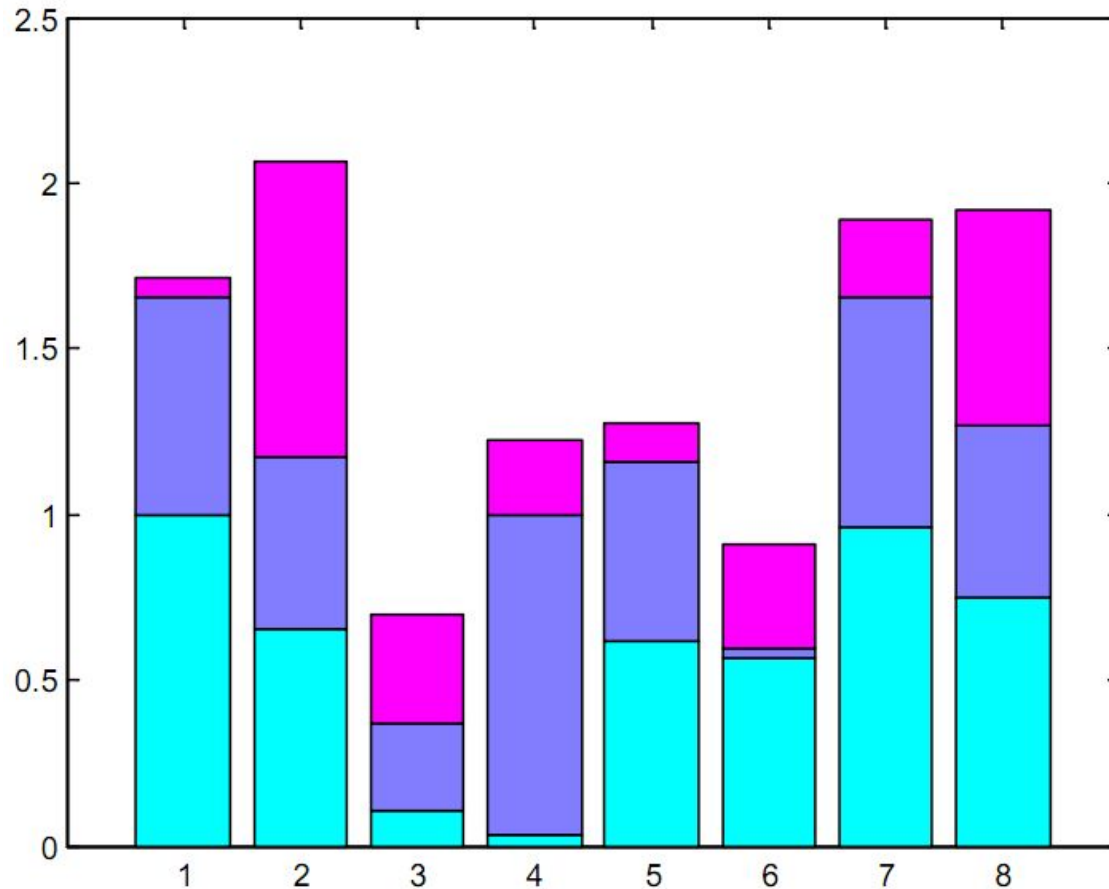
Возможно применение этих команд со спецификацией

bar(..., 'спецификация'),

где ***'спецификация'*** – тип линии, цвет и т. д. по аналогии с командой *plot*.

Спецификация ***'stacked'*** задает рисование всех *n* столбцов в позиции *m* друг на друге.

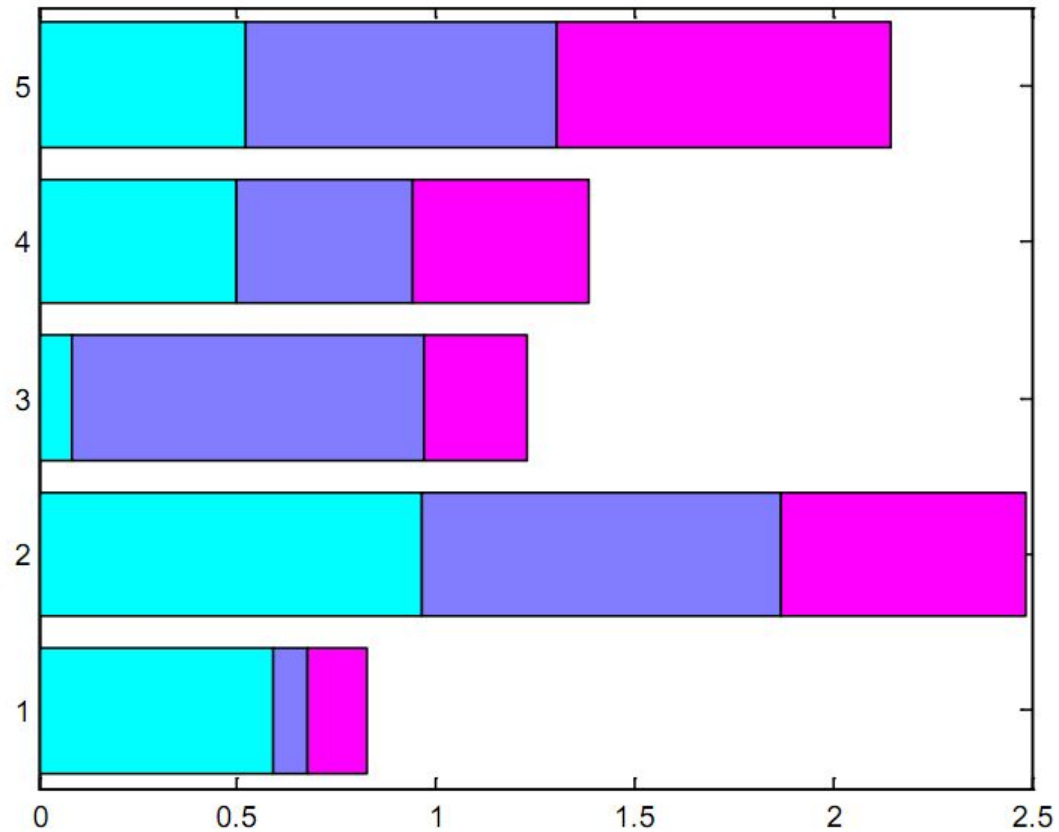
```
>>y=rand(12,3);  
>>bar(y,'stacked')
```



- *Столбиковая диаграмма с горизонтальным расположением*

Строится командой ***barh(...)***,
аналогичной по синтаксису команде
bar(...).

```
>>y=rand(5,3);  
>>barh(y,'stacked')
```

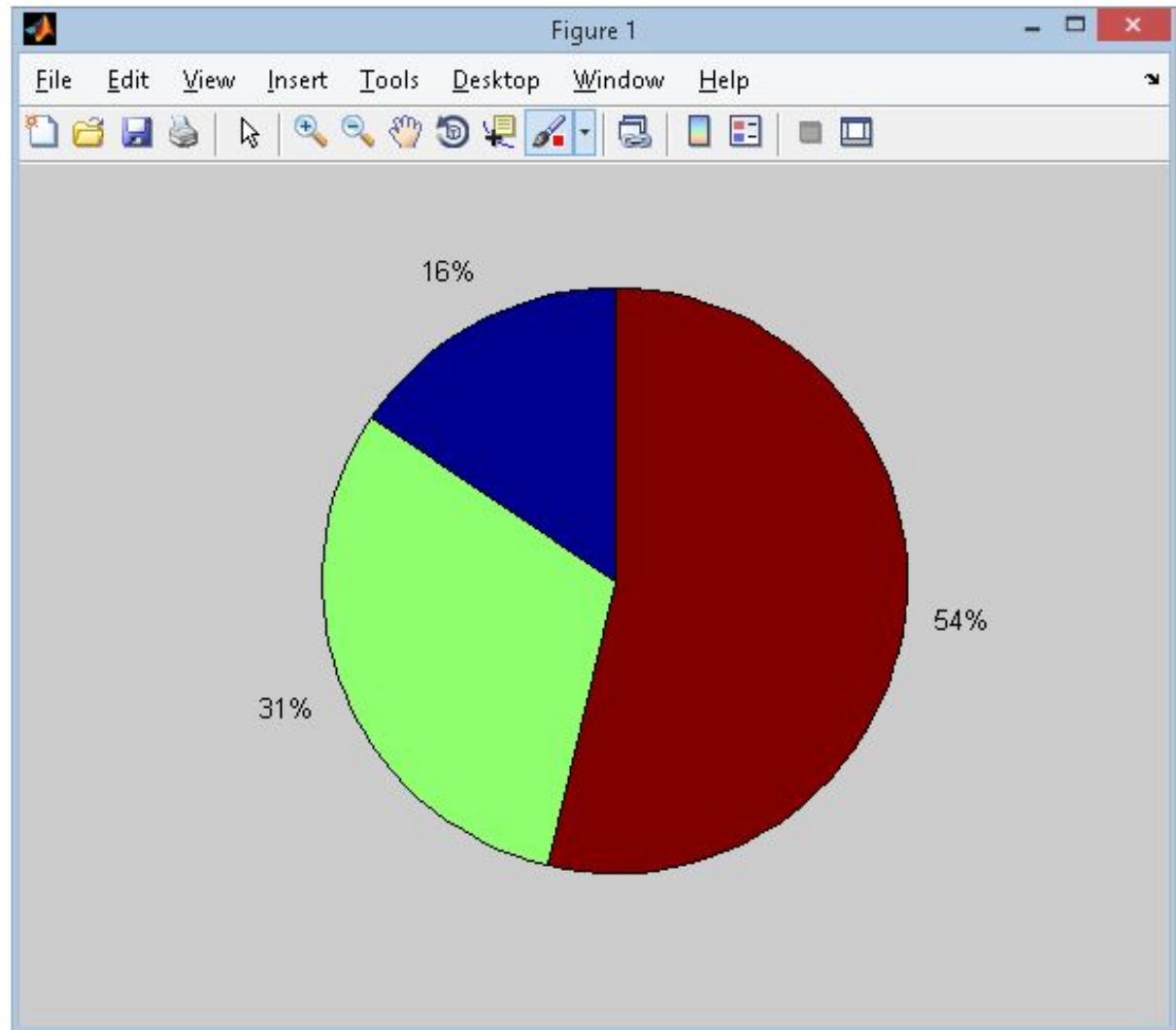


- *Круговая диаграмма*

Диаграммы состоят из плоских секторов (аналогичных кусков пирога) и строятся с помощью функции *pie(...)*.

В простейшем случае вектор *y*, содержащий *k* положительных компонентов генерирует *k* секторов, центральный угол которых пропорционален вкладу каждого компонента в общую сумму.

```
>> y=rand(1,3);  
>> pie(y)  
>>
```

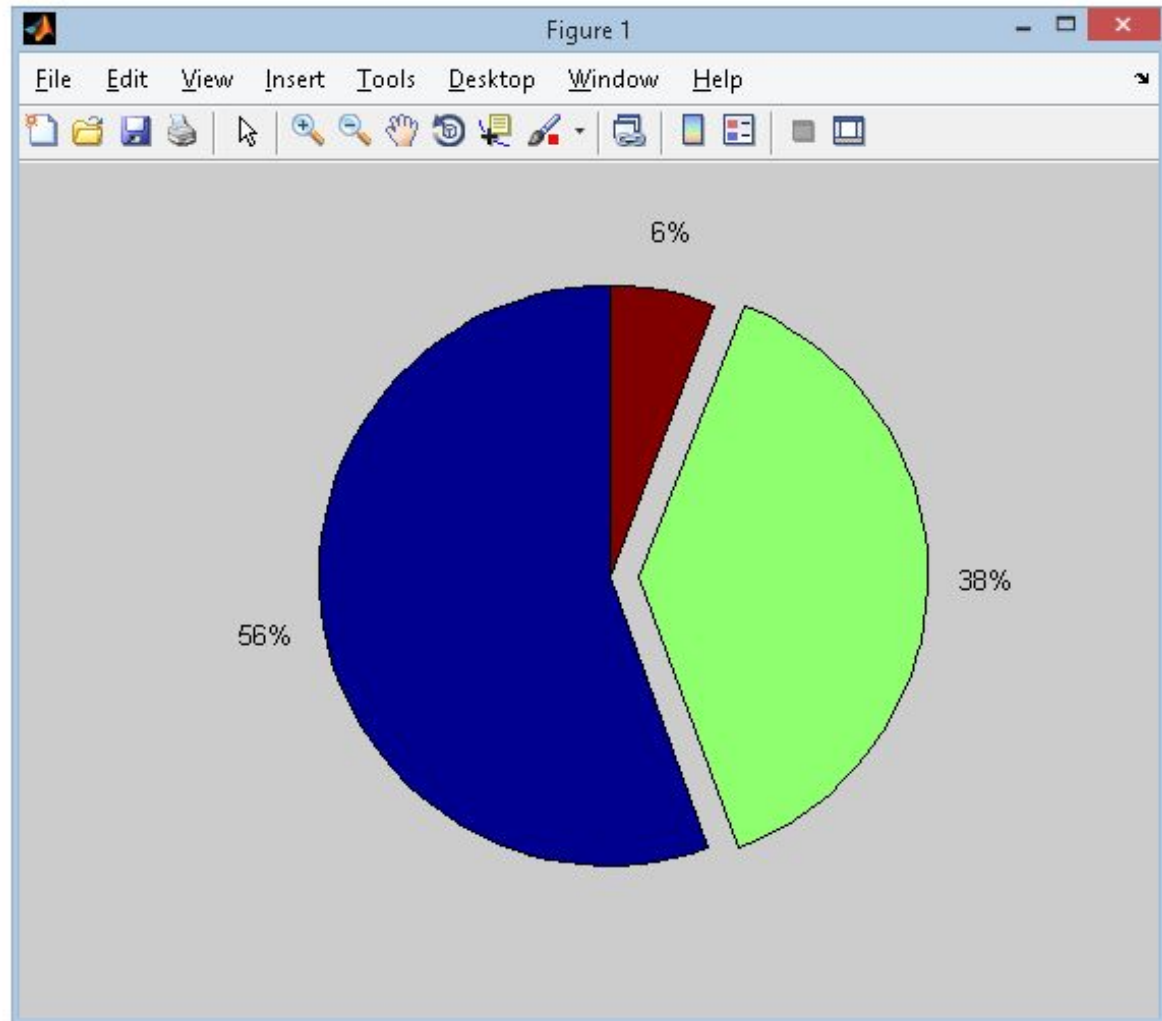


- *Круговая диаграмма с отдельными секторами*

Создание выделяющихся элементов обеспечивается заданием еще одного аргумента такой же размерности, что и вектор *y*.

Выдвигаемым секторам в новом векторе должны соответствовать ненулевые элементы.

```
>> y=rand(1,3);  
>> v=[0,1,0];  
>> pie(y,v)  
>>
```



Построение гистограмм

Классическая гистограмма характеризует число попаданий значений вектора y в m интервалов.

Для получения данных для гистограмм служит функция **hist**, записываемая в следующем виде:

- **hist(y)** - возвращает вектор числа попаданий для 10 интервалов, выбираемых автоматически.

Если y – матрица, то выдается массив данных о числе попаданий для каждого из столбцов.

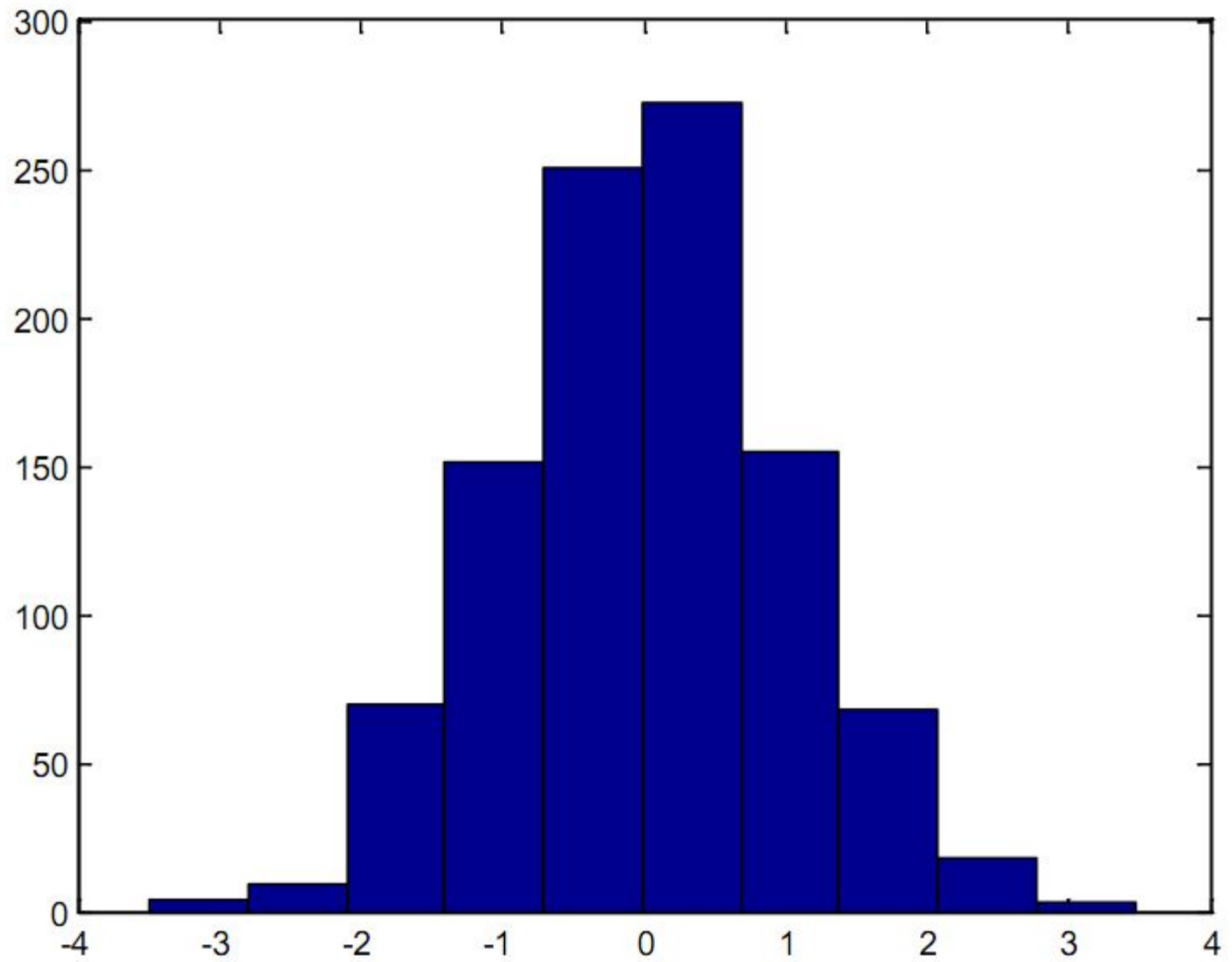
- **hist(y,m)** – аналогична вышерассмотренной, но используется m интервалов (m -скаляр).
- **hist(y,x)** – возвращает числа попаданий элементов вектора **y** в интервалы, центры которых заданы элементами вектора **x**.

Примеры.

- Построить гистограмму для 1000 случайных чисел и вывести вектор с данными о числах их попаданий для 10 интервалов.

```
>>y=randn(1000,1);
```

```
>>hist(y)
```

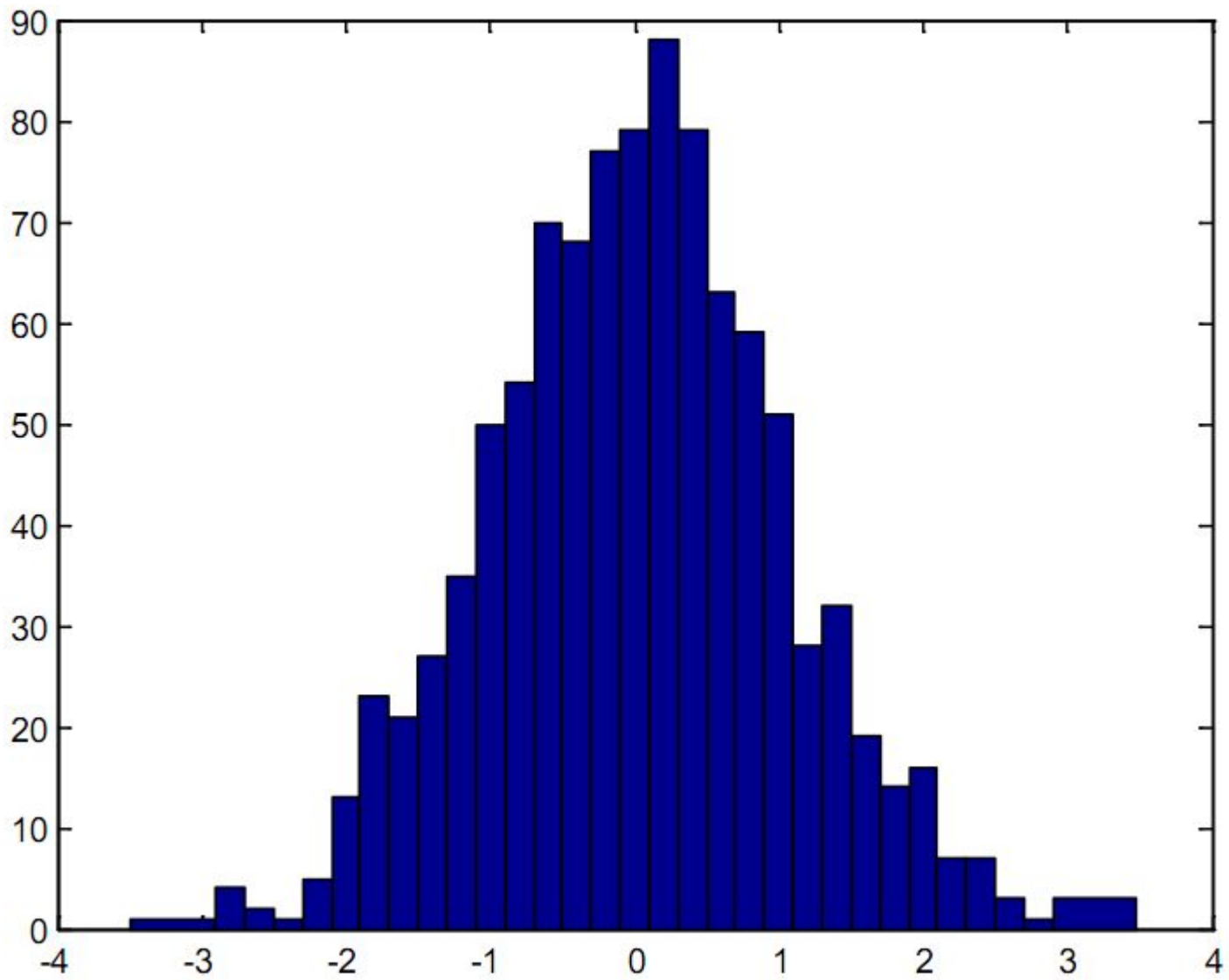


- Построить гистограмму для элементов массива **y** предыдущего примера и интервалов, центры которых заданы элементами вектора **x**.

```
>>x= -3,0.2,3;
```

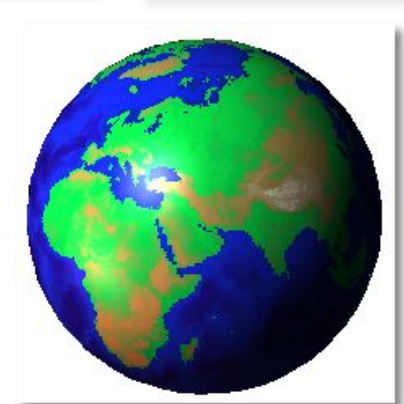
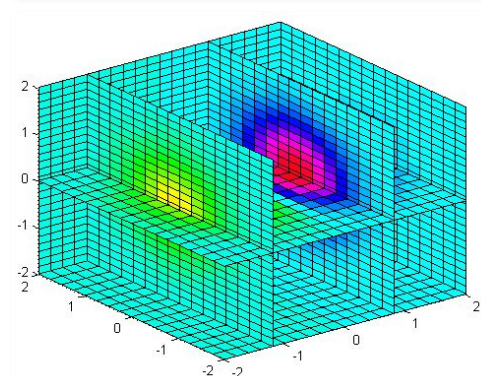
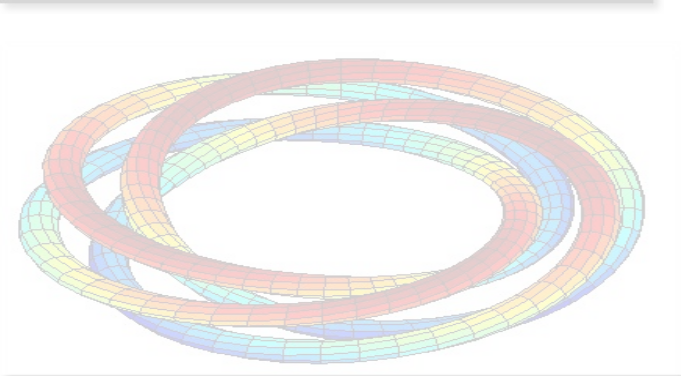
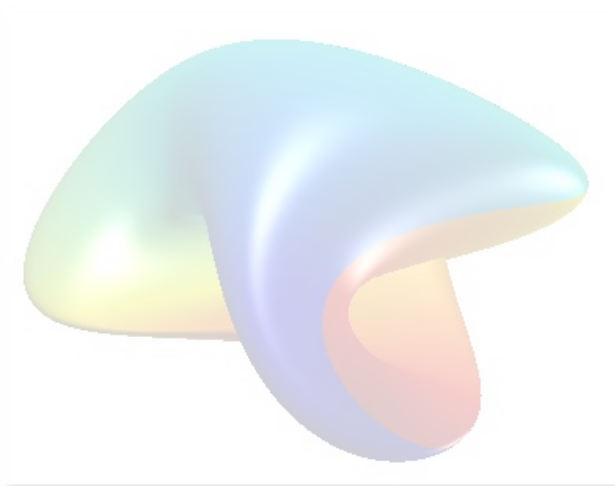
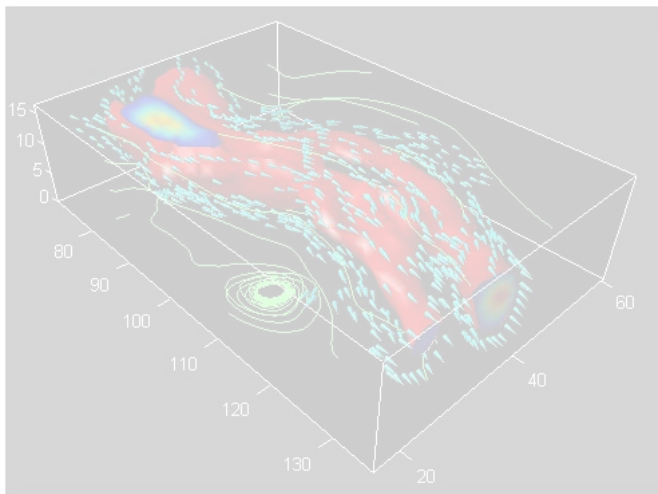
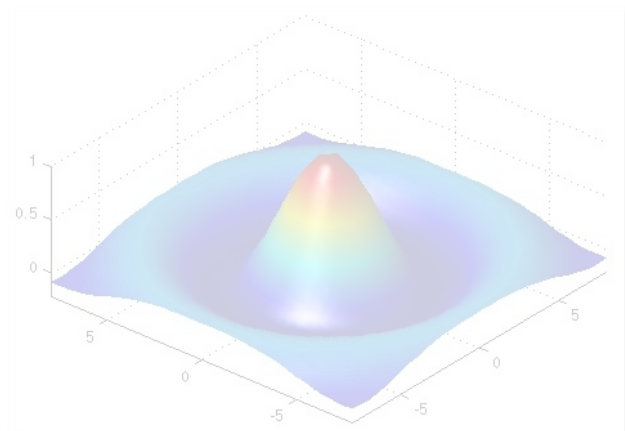
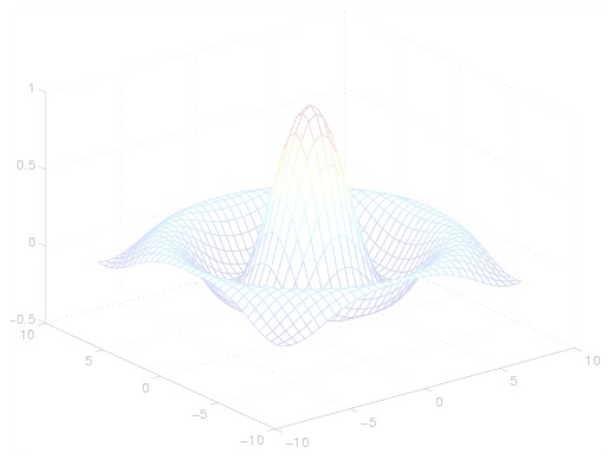
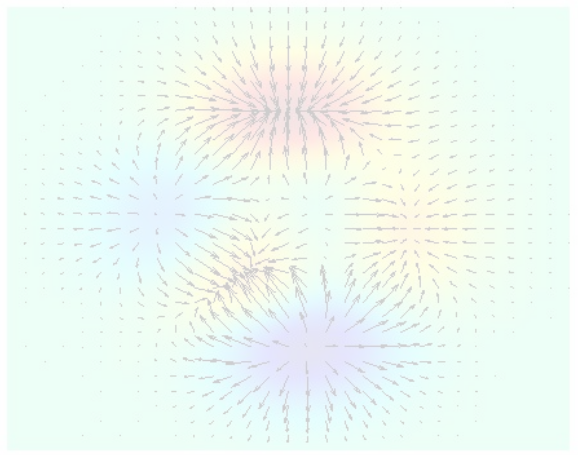
```
>>y=randn(1000,1);
```

```
>>hist(y,x)
```



Трёхмерная (3D-) графика

- Построение
 - поверхностей
 - контурных диаграмм (линии равного уровня)
 - 3D-линий
 - векторных полей
 - скалярных полей
 - и др.



Функции для построения поверхностей

<i>Функция</i>	<i>Для чего используется</i>
mesh, surf	Построение поверхностей
meshc, surfc	Строит поверхность и контурную диаграмму под ней
meshz	Поверхность на «пьедестале»
surf1	Подсвеченная поверхность
contour	Контурная диаграмма
plot3	Трёхмерная линия (параметрическое задание)
comet3	Движение по трёхмерной линии

Построение 3D-поверхности

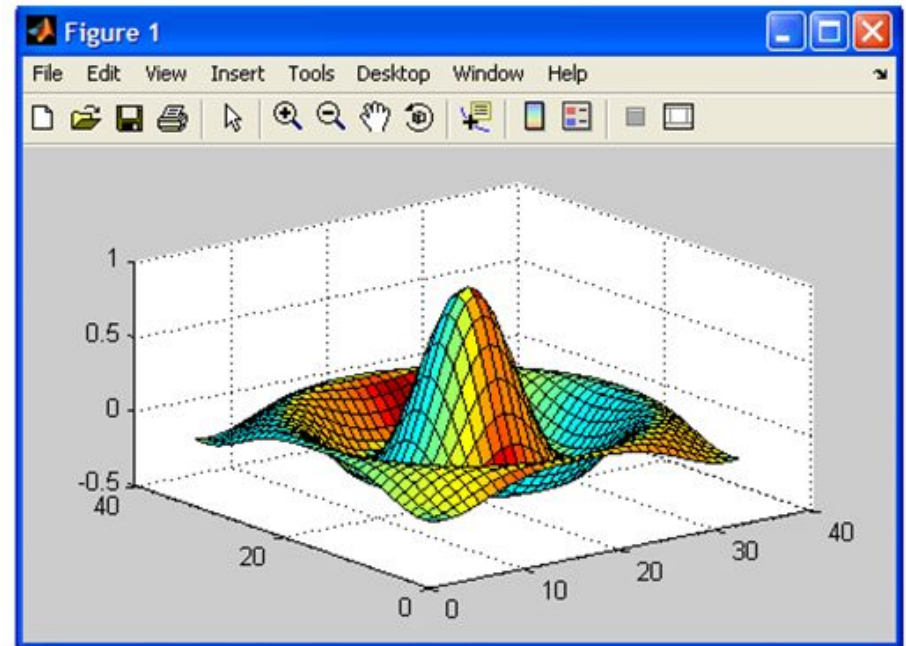
Рассмотрим пример: построить
поверхность

$$f(x,y)=\sin(r)/r,$$

где $r=\text{sqrt}(x^2+y^2)$

Построение поверхностей командой **surf**

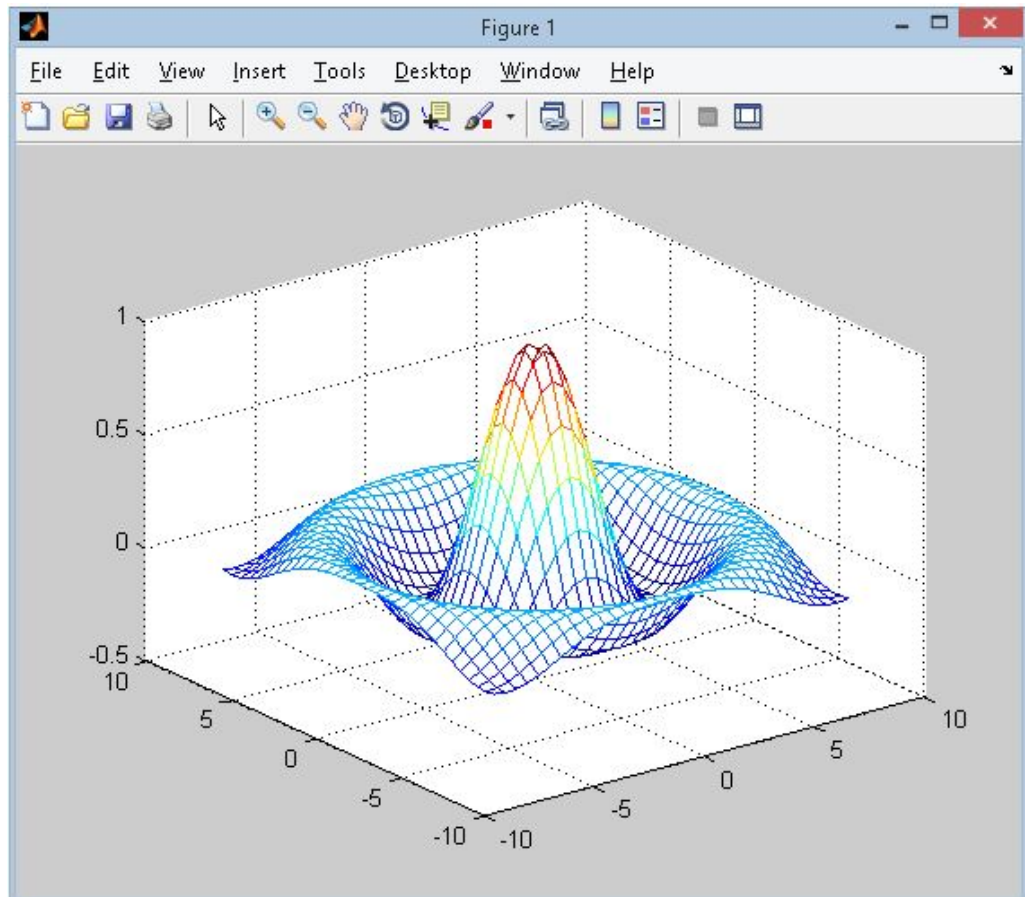
```
>> [X,Y] = meshgrid(-8:.5:8);  
>> R = sqrt(X.^2 + Y.^2);  
>> Z = sin(R)./R;  
>> surf(X,Y,Z)  
>>
```



- Функция **meshgrid** возвращает две матрицы X и Y , которые определяют область построения функции
- Если диапазоны по X и Y разные, то функции передаются два диапазона

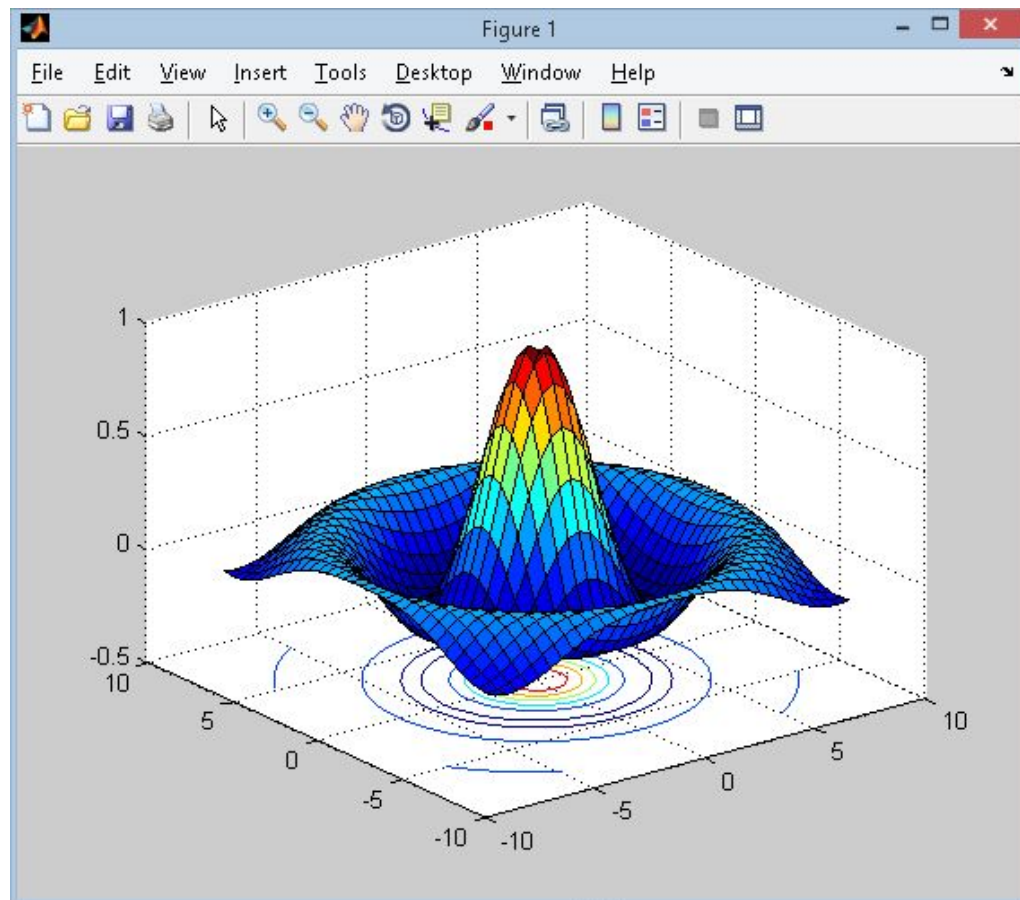
Построение поверхностей командой **mesh**

```
>> [X,Y]=meshgrid(-8:.5:8);  
>> R=sqrt(X.^2+Y.^2);  
>> Z=sin(R)./R;  
>> mesh(X,Y,Z)
```



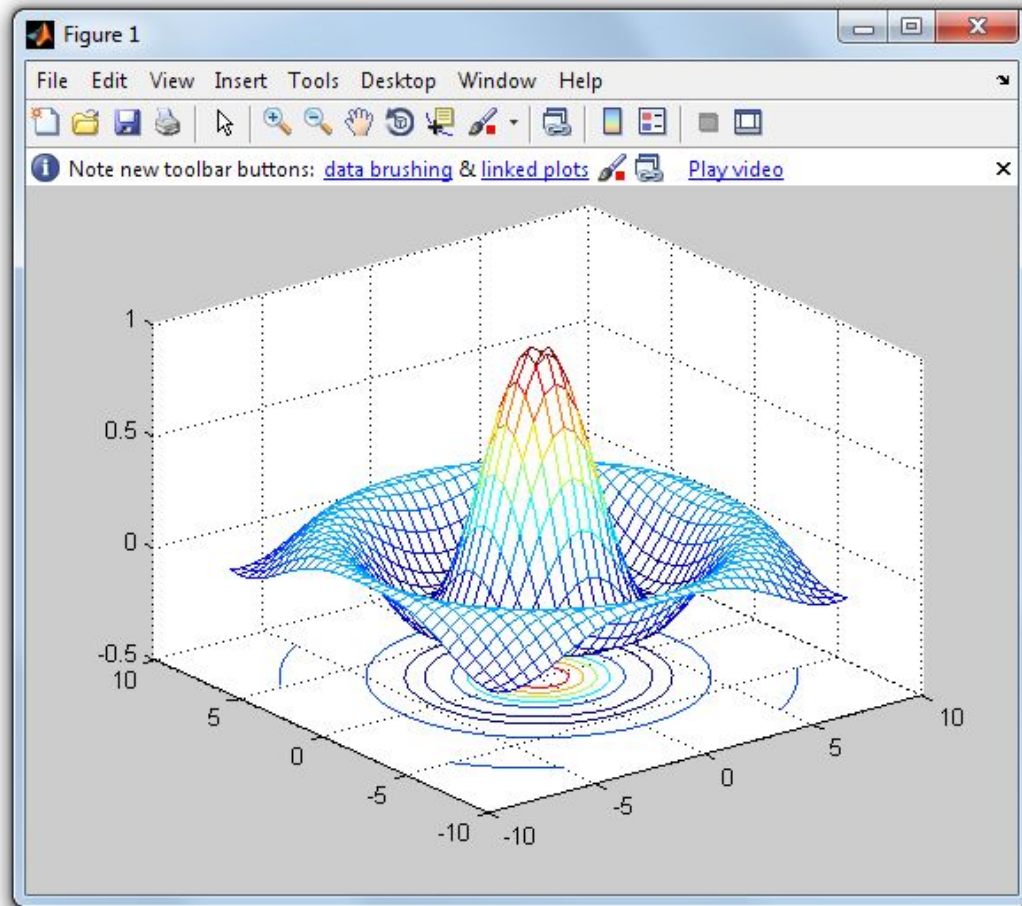
Построение поверхностей командой **surf**

```
>> [X,Y]=meshgrid(-8:.5:8);  
>> R=sqrt(X.^2+Y.^2);  
>> Z=sin(R)./R;  
>> surf(X,Y,Z)
```



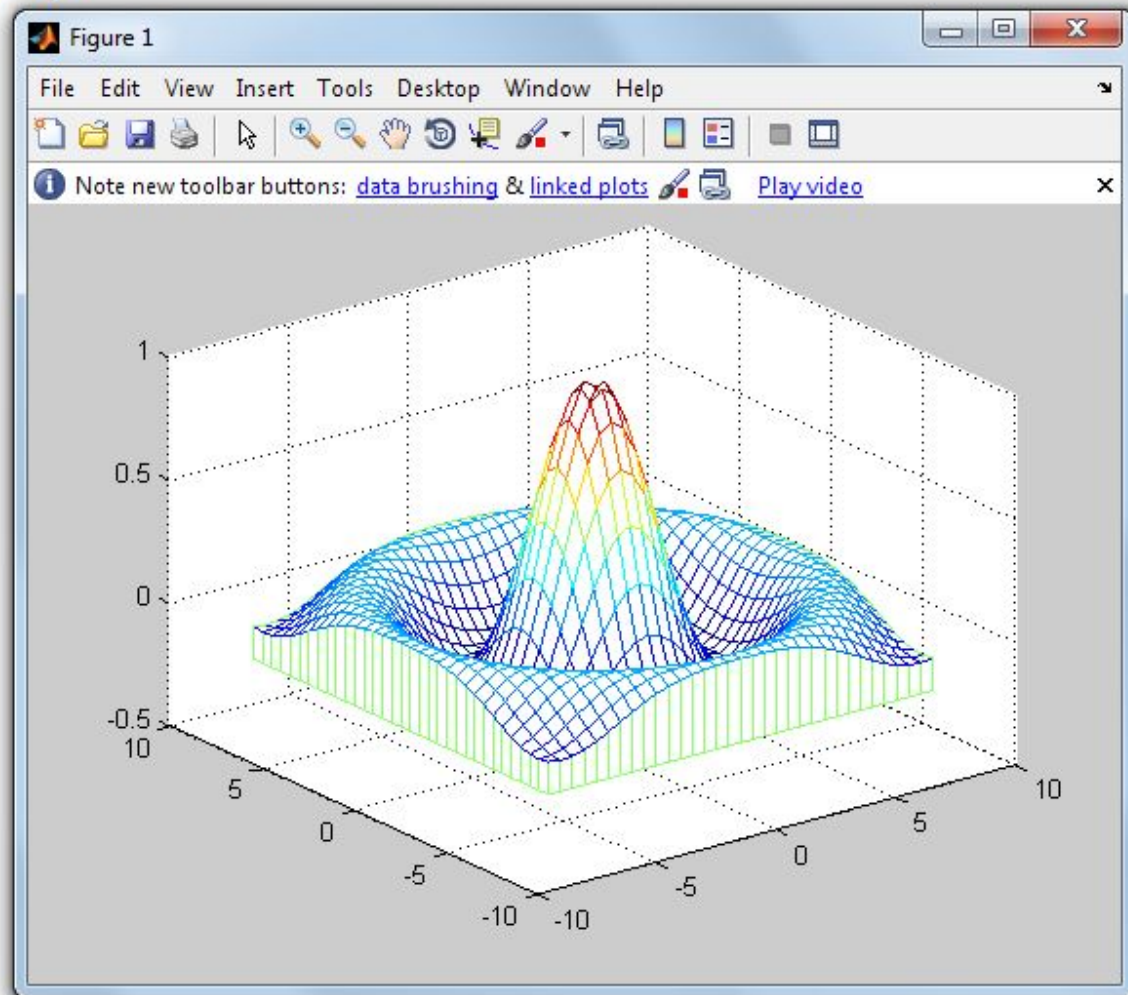
Поверхность и контурная диаграмма под ней

```
>> [X,Y]=meshgrid(-8:.5:8);  
>> R=sqrt(X.^2+Y.^2);  
>> Z=sin(R)./R;  
>> meshc(X,Y,Z)  
>> grid on  
>>
```



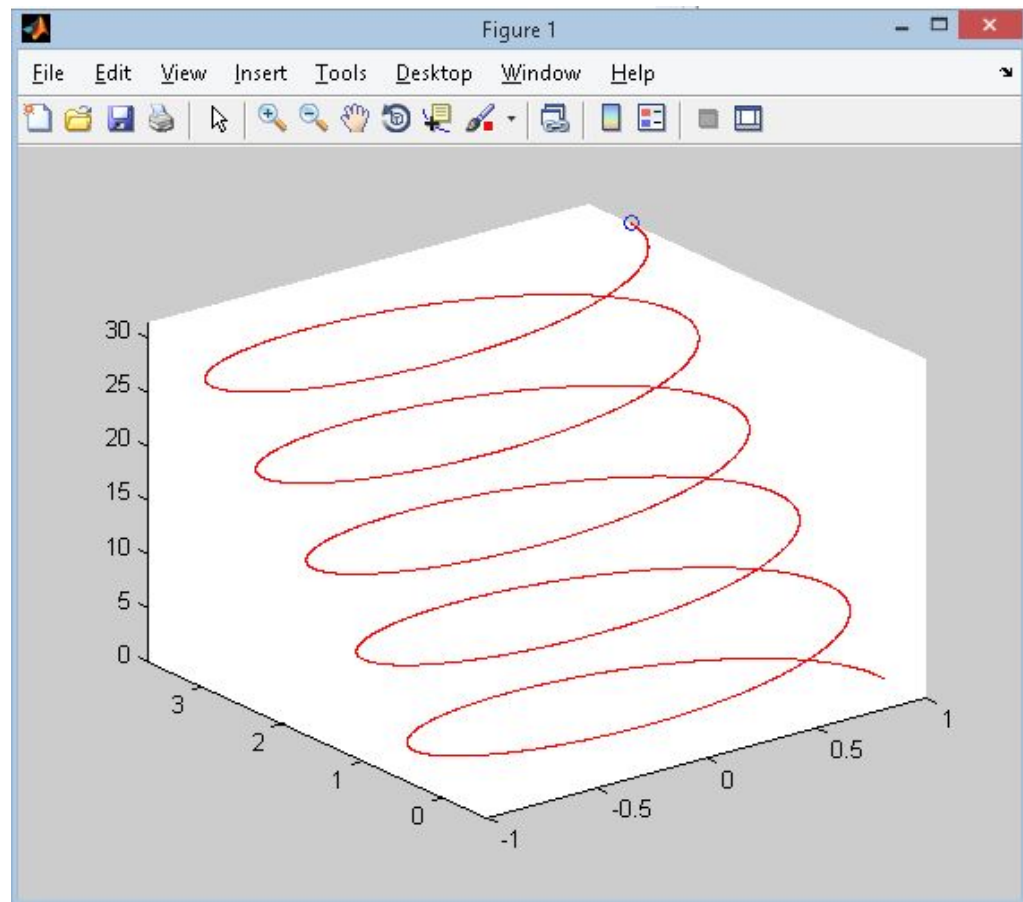
Поверхность на пьедестале

```
>> [X,Y]=meshgrid(-8:5:8);  
>> R=sqrt(X.^2+Y.^2);  
>> Z=sin(R)./R;  
>> meshz(X,Y,Z)  
>>
```



Движение по трёхмерной линии

```
>> X=0:pi/500:10*pi;  
>> comet3(cos(X),sin(X)+X/10,X)
```



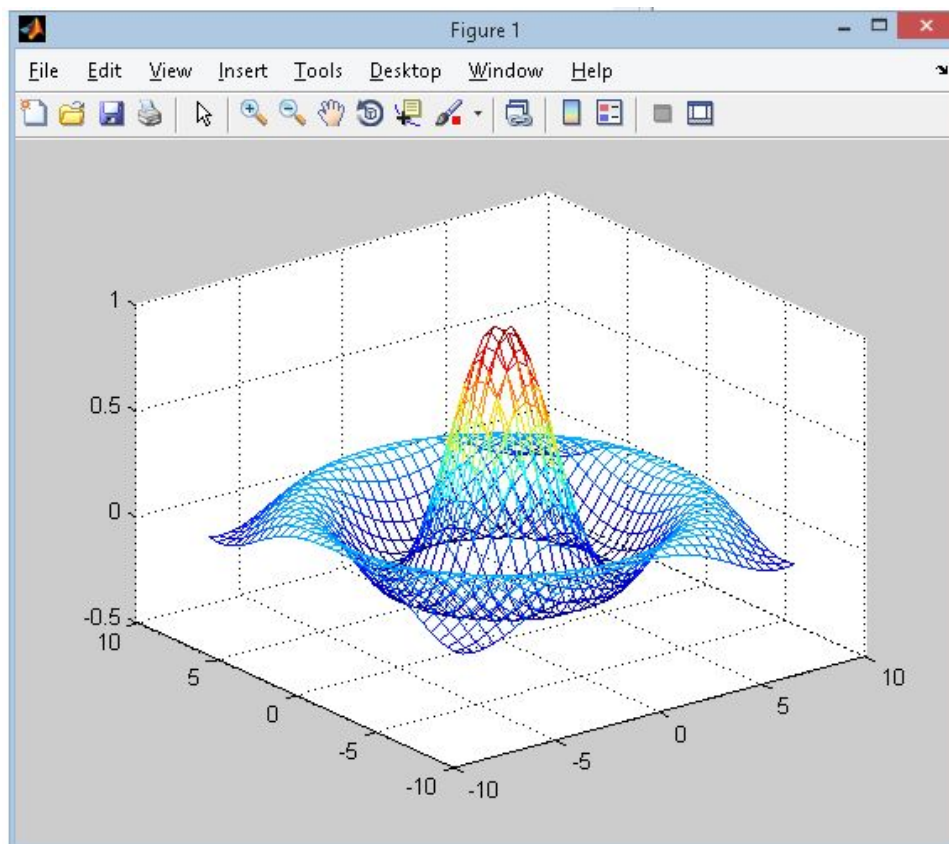
Прозрачная каркасная поверхность

Для того, чтобы сделать каркасную поверхность «прозрачной», следует использовать команду **hidden off**.

Предыдущая программа в этом случае имеет следующий вид:

```
>> [X,Y]=meshgrid(-8:.5:8);  
>> R=sqrt(X.^2+Y.^2);  
>> Z=sin(R)./R;  
>> mesh(X,Y,Z)  
>> hidden off
```

hidden on/off включает или выключает режим удаления невидимых линий (по умолчанию on)

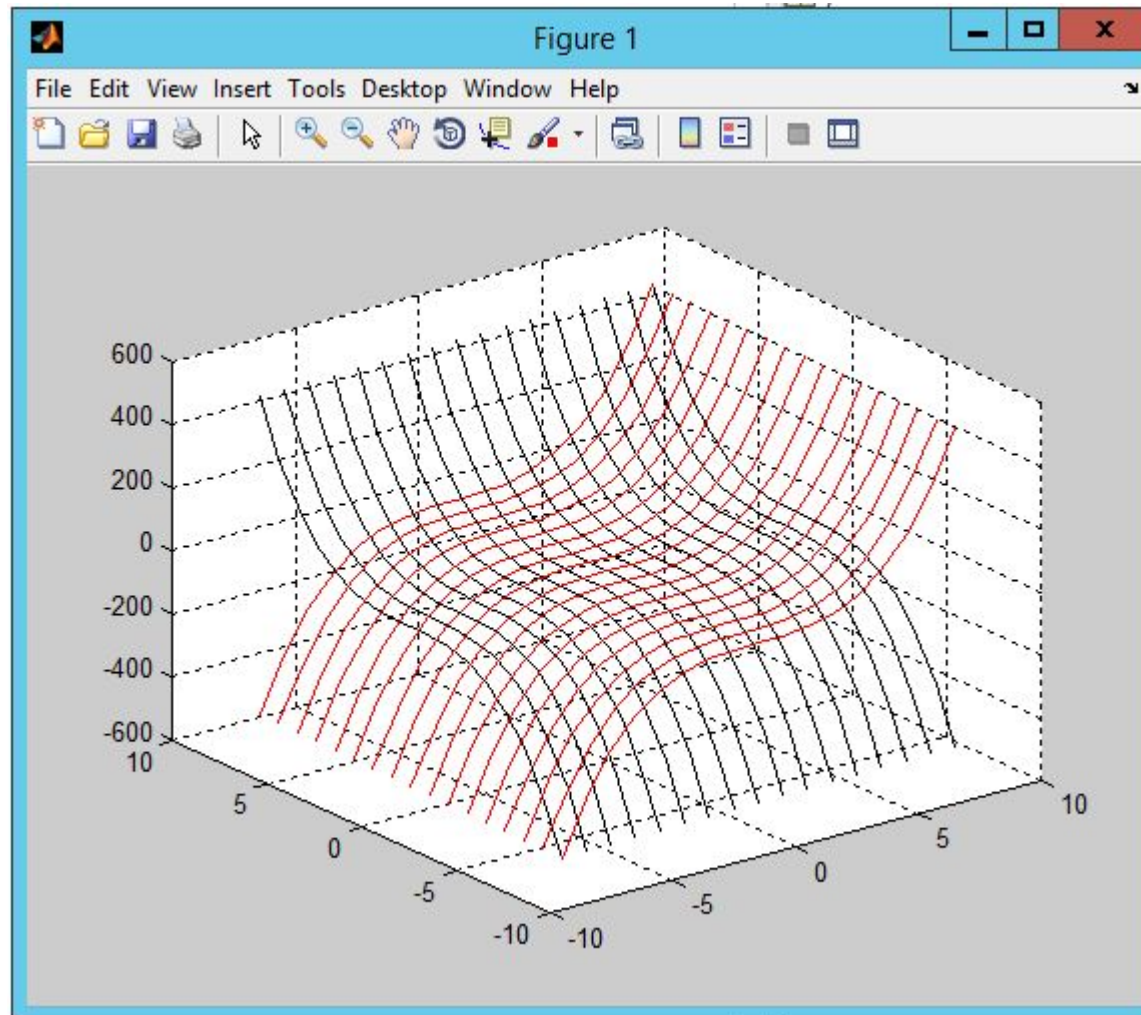


Каркасные поверхности

Команда **plot3(...)** может быть использована для построения так называемой каркасной поверхности, которая представляет собой каркас поверхности геометрического тела, похожий на каркас, сплетенный из проволоки.

Пример. Построить график каркасной поверхности функции $z(x,y)=x+y^3$, где переменные x и y изменяются на интервале $[-8,8]$ с шагом 1. Для построения графика использовать непрерывные линии. Линии, расположенные параллельно плоскости **ZOY**, закрасить в черный цвет, а линии, параллельные плоскости **ZOX** – в красный цвет. На плоскостях **XOY**, **ZOX**, **ZOY** сформировать сетку.


```
>> [x,y]=meshgrid(-8:8);  
>> z=x+y.^3;  
>> plot3(x,y,z,'k',y,x,z,'r')  
>> grid on
```

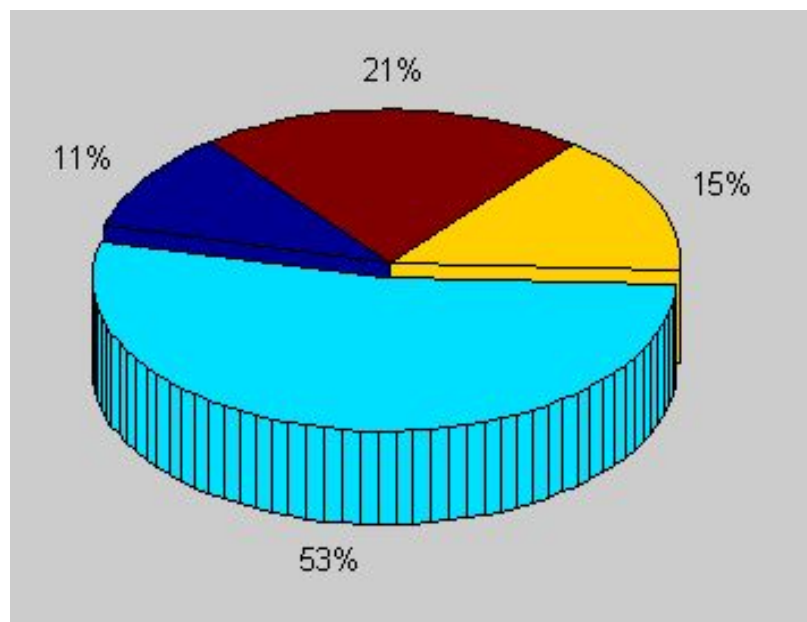


Матричная круговая диаграмма

```
>> y=[5 25 7 10];
```

```
>> v=[0,1,0,0];
```

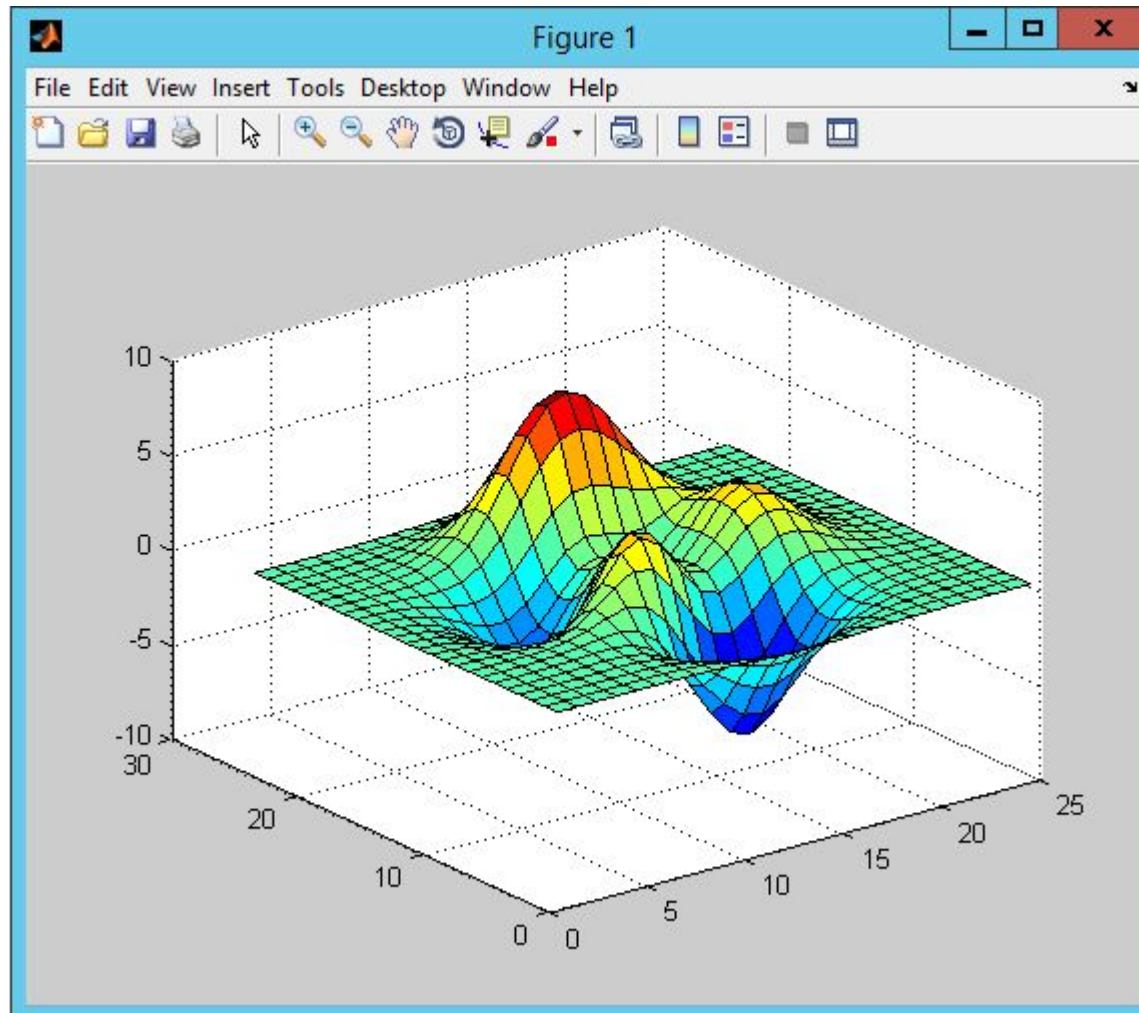
```
>> pie3(y,v)
```



Матричный образ поверхностей

MATLAB имеет несколько графических функций, возвращающих матричный образ поверхностей. Например, функция **peaks(n)** возвращает матричный образ поверхности с рядом пиков и впадин. Такие функции удобно использовать для проверки работы графических команд трехмерной графики.

```
>> z=peaks(25);  
>> surf(z)
```

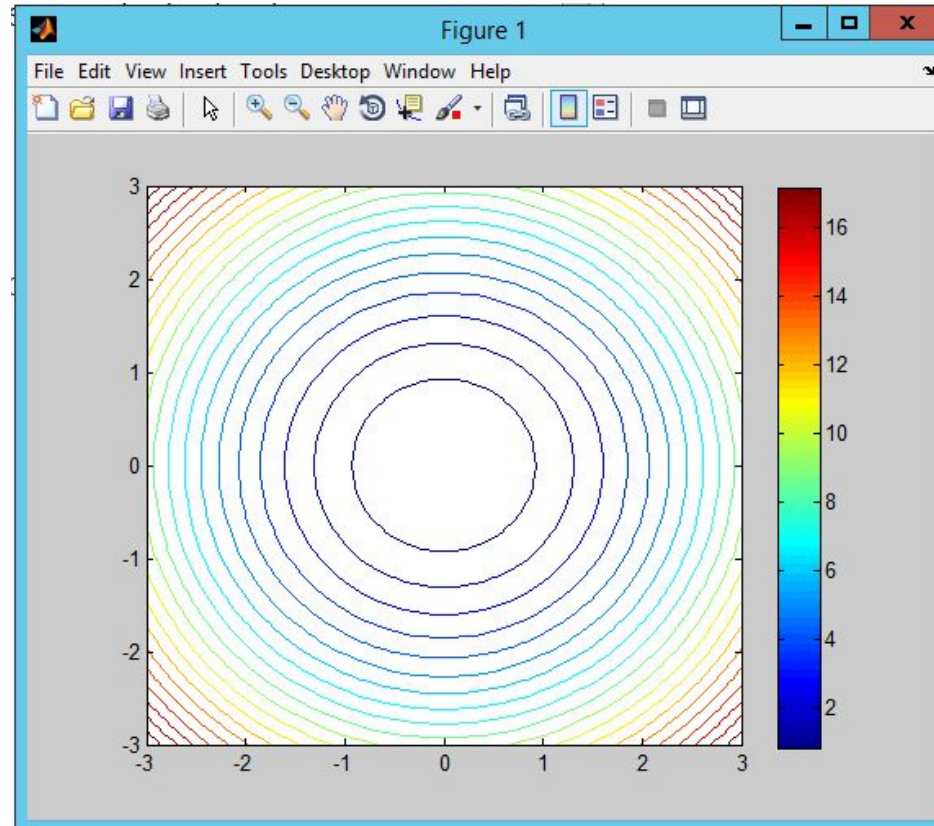


Построение контурных графиков

MatLab позволяет получить различные типы контурных графиков при помощи функций **contour(...)** и **contourf(...)**.

Пример. Построить контурный график функции $z=x^2+y^2$ из двадцати линий. Переменные x и y изменяются на интервале $[-3,3]$ с шагом 0,1.

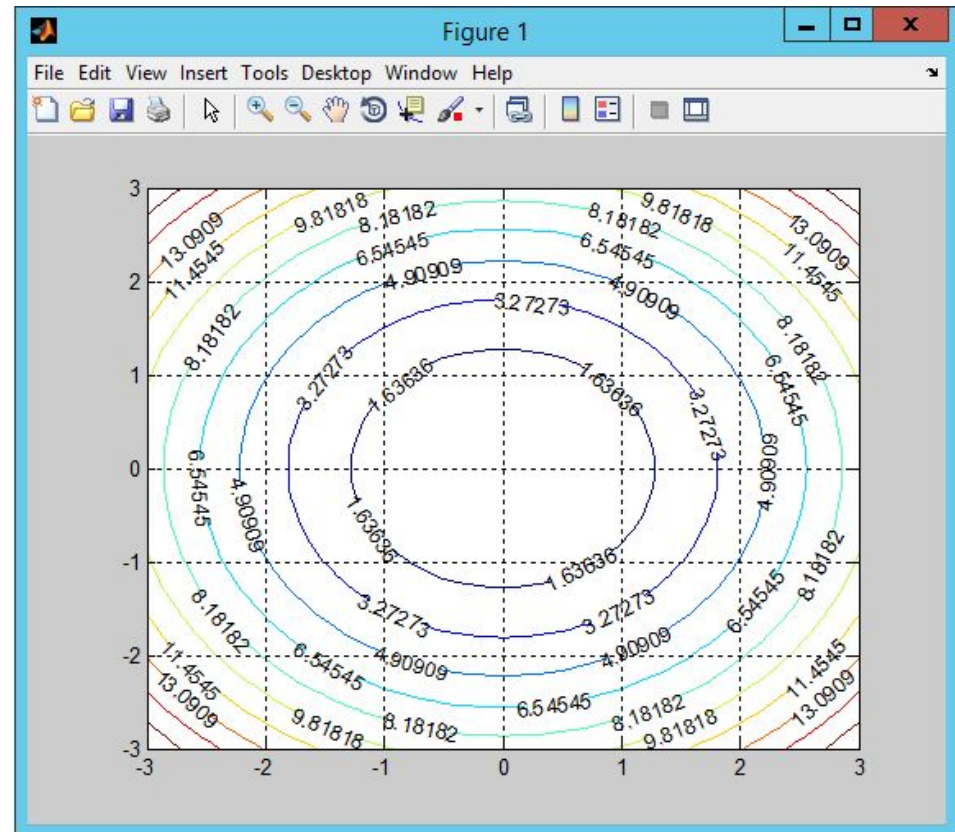
```
>> [x,y]=meshgrid(-3:.1:3);  
>> z=x.^2+y.^2;  
>> contour(x,y,z,20)  
>> colorbar
```



Пример. Построить контурный график функции $z=x^2+y^2$, состоящий из десяти оцифрованных линий уровня. Переменные x и y изменяются на интервале $[-3,3]$ с шагом 0,1.

```
>> [x,y]=meshgrid(-3:.1:3);  
>> z=x.^2+y.^2;  
>> [c,h]=contour(x,y,z,10);  
>> clabel(c,h)  
>> grid on
```

Команда `clabel(c, h)` маркирует линии уровня контура, которые заданы в векторе `h`.



[C,h]=contour (...) возвращает массив `C` и вектор дескрипторов, позволяя тем самым продолжить работу с рисунком (давать оцифровку линий).