

# Вычислите устно

- $2^0$        $(\frac{1}{4})^{-1}$        $(\frac{1}{3})^{-2}$        $6^{\frac{1}{3}}$
- $3^{0,5}$        $(\frac{4}{9})^0$        $(\frac{3}{5})^{-1}$        $27^{\frac{2}{3}}$
- $5^{-4}$        $3^{-4} \cdot 81$        $\sqrt{16} \cdot 2^{-2}$        $36^{\frac{1}{2}} \cdot 8^{\frac{1}{3}}$

$$(-5)^{\frac{1}{2}}$$

Нет  
решения

# Найдите лишнюю функцию

$$1) \ y=x^2 \quad 2) \ y=2x^2 \quad 3) \ y = \sqrt{x} \quad 4) \ y=2^x$$

$$5) \ y = \sqrt[3]{x} \quad 6) \ y=2x^6 \quad 7) \ y = \frac{3}{x^2}$$

$$8) \ y = \frac{5}{x}$$

# Показательная функция

$$y = a^x;$$

где  $a > 0, a \neq 1$

# Цели урока

- Выяснить вид графика и научиться его строить
- Выявить свойства функции
- Применять график и свойства при решении упражнений

# График показательной функции

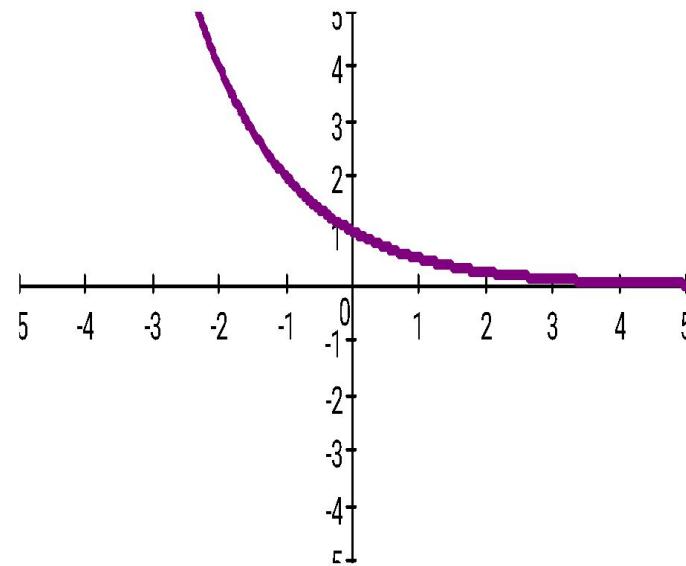
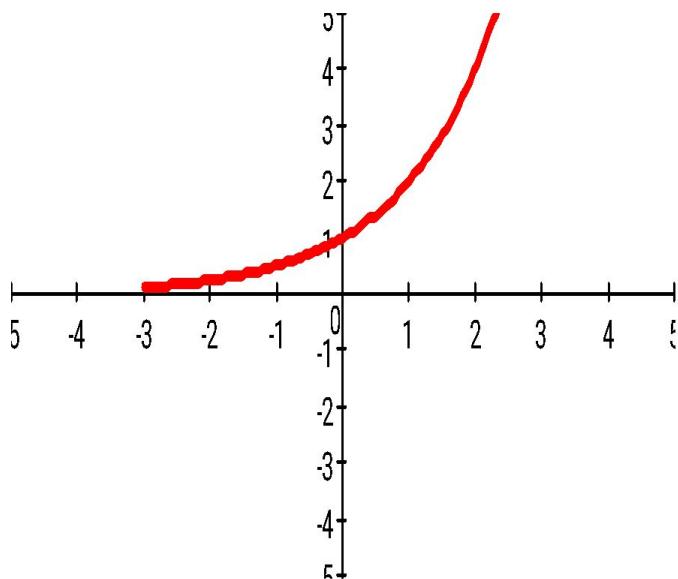
$$a > 1$$

$$y = 2^x$$

x	-2	-1	0	1	2
y					

$$0 < a < 1$$

$$y = (1/2)^x$$



# Свойства показательной функции

свойства	$a > 1$	$0 < a < 1$
ООФ	$X \in (-\infty; +\infty)$	
ОЗФ	$Y \in (0; +\infty)$	
МОНОТОННОСТЬ	возрастает	убывает
Наибол. и наимен. знач.		Не существует
Нули		Не существуют
непрерывность		Непрерывна на всей ООФ

# Решите самостоятельно

- 1 вариант

1. Указать монотонность ф-ции

- а)  $y = 3^x$
- б)  $y = (0,5)^x$
- в)  $y = (1/4)^x$
- г)  $y = (\pi)^x$

2. Выберите верные утверждения

- а) п.ф. имеет максимум
- б) п.ф. принимает значение 0
- в) п.ф. является четной
- г) п.ф. принимает только положительные значения

3. Сравните, используя св-во монотонности

- а)  $(7/2)^2$  и  $(7/2)^4$
- б)  $(2/3)^3$  и  $(2/3)^5$

4. Сравните числа  $m$  и  $n$ , если  
 $(5/8)^m < (5/8)^n$

5. Каким является  $a$  ( $a > 0$ ), если  
 $a^{2/3} > a^{1/3}$

- 2 вариант

1. Указать монотонность ф-ции.

- а)  $y = (4/3)^x$
- б)  $y = (2/3)^x$
- в)  $y = (\sqrt{2})^x$
- г)  $y = (0,32)^x$

2. Выберите верные утверждения

- а) п.ф. имеет минимум
- б) п.ф. принимает значение 1
- в) п.ф. является нечетной
- г) п.ф. принимает отрицательные значения

3. Сравните, используя св-во монотонности

- а)  $(9/4)^6$  и  $(9/4)^4$
- б)  $(2/5)^2$  и  $(2/5)^8$

4. Сравните числа  $m$  и  $n$ , если  
 $(5/2)^m > (5/2)^n$

5. Каким является  $a$  ( $a > 0$ ), если  
 $a^{3/7} > a^{5/7}$

# Проверьте ответы

- 1 вариант

- 1) а) возрастает, так как  $a=3 > 1$   
б) убывает, так как  $a=0,5 < 1$   
в) убывает, так как  $a = (1/4) < 1$   
г) возрастает, так как  $a = \pi > 1$
- 2) а) - б) - в) - г) +
- 3) а) $(7/2)^2 < (7/2)^4$  б) $(2/3)^3 > (2/3)^5$
- 4)  $m > n$ , так функция  
убывающая
- 5)  $a > 1$

- 2 вариант

- 1) а) возрастает, так как  $a = 4/3 > 1$   
б) убывает, так как  $a = 2/3 < 1$   
в) возрастает, так как  $a = \sqrt{2} > 1$   
г) убывает, так как  $a = 0,32 < 1$
- 2) а) - б) + в) - г) -
- 3) а)  $(9/4)^6 > (9/4)^4$  б) $(2/5)^2 > (2/5)^8$
- 4)  $m > n$ , так как функция  
возрастающая
- 5)  $a < 1$

## Оценка

- «5» - двенадцать правильных ответов  
«4» - 10-11 правильных ответов  
«3» - 6-9 правильных ответов  
«2» - менее 6 правильных ответов

# Постройте схематично графики используя преобразования

- 1 вариант
- 2 вариант

$$1. \quad Y=3^x$$

$$2. \quad y=3^x-2$$

$$3. \quad Y=3^{x+1}$$

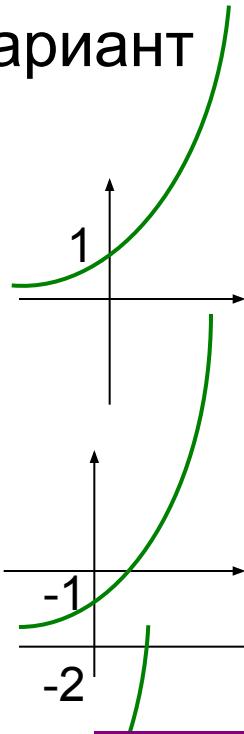
$$1. \quad Y=(1/3)^x$$

$$2. \quad Y=(1/3)^{x-2}$$

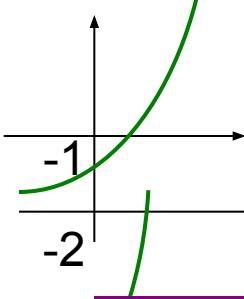
$$3. \quad Y=(1/3)^x+1$$

# Проверьте построения

1 вариант

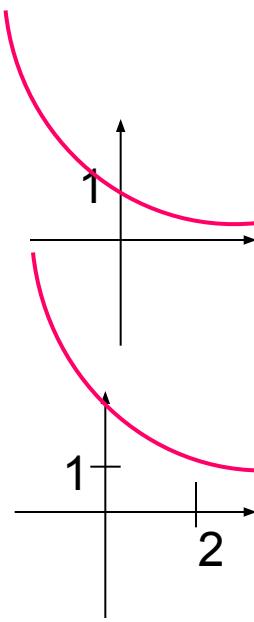


1) Функция  
возрастает и  
проходит через  
точку  $(0, 1)$



2) График  
сместился вниз на 2  
единицы

2 вариант



1) Функция  
убывает и  
проходит через  
точку  $(0, 1)$



2) График сместился  
вправо на 2 единицы

## Оценка

«5»- все графики построены верно

«4»- два графика построены верно

«3»- один график построен верно

«2»- нет верно построенных графиков

График  
сместился вверх  
на единицу

# Выберите задание

- Первый уровень

Найти О.З.Ф.

1.  $y = -2^x$
2.  $y = 0,5^x + 1$
3.  $y = 5^x - 2$

- Второй уровень

Найти наибольшее и наименьшее значение функции

1.  $y = 0,5^{\sin x}$
2.  $y = 5 + 3^{\cos x}$
3.  $y = (1/3)^{|\sin x|} - 2$

# Выберите домашнее задание

- На «3» -№ 192,201(2,4)
- На «4» - «5» - № 196,205(1,2),204