## Растворы

Термодинамическая теория растворов

### Теории растворов

- Корпускулярная теория (18 век). Раствор рассматривается как механическая смесь компонентов. Частицы растворенного вещества проникают в поры растворителя и наоборот.
- Физическая теория (19 век, Оствальд, Вант-Гофф, Аррениус). Растворитель рассматривается как инертная среда, в которой равномерно распределены молекулы растворенного вещества. Межмолекулярные взаимодействия отсутствуют (аналогично модели идеального газа). Применима только для разбавленных растворов.

- v
  - Химическая теория (19 век, Менделеев). Растворение разновидность химического взаимодействия между частицами растворителя и растворенных веществ, сопровождающееся образованием нестойких соединений переменного состава сольватов (гидратов).
  - Современные теории растворов рассматривают образование раствора как самопроизвольный физикохимический процесс.
  - Термодинамическая теория растворов устанавливает зависимость равновесных свойств растворов от состава и свойств образующих их компонентов, не принимая во внимание природу межмолекулярных взаимодействий и молекулярную структуру растворов.

### Общая характеристика растворов.

 Раствор – термодинамически устойчивая гомогенная система переменного состава, состоящая из двух или более компонентов и продуктов их взаимодействия.

От химических соединений растворы отличаются непостоянством состава и отсутствием кратных отношений.

 С позиций ХТД все компоненты раствора равноценны, и деление на растворитель и растворенные вещества условно.

Растворитель – компонент раствора, взятый в избытке и находящийся в том же агрегатном состоянии, что и раствор.

### Классификация растворов

- 1. По агрегатному состоянию: газообразные, жидкие, твердые.
- 2. По термодинамическим свойствам: идеальные и неидеальные (реальные).
- Идеальным называют раствор, в котором взаимодействия между всеми частицами одинаковы независимо от их природы.
- образование идеального раствора происходит без изменения объема  $\Delta V_{\rm CM} = 0;$
- не сопровождается тепловым эффектом  $\Delta H_{CM} = 0$ ;
- изменение энтропии при образовании идеального раствора не зависит от химической природы компонентов, а является функцией состава раствора  $\Delta S_{CM} = \Delta S_{CM}$  идеальных газов;
- изменение химического потенциала і того компонента раствора

$$\mu_{i} - \mu_{i}^{0} = \Delta \mu_{iCM} = RT \ln x_{i}.$$

 Растворы, для которых не выполняется хотя бы одно из перечисленных условий, называют неидеальными или реальными. 3. По концентрации: разбавленные, концентрированные, насыщенные, пересыщенные.

Массовая доля ω <sub>і</sub> – отношение массы данного компонента раствора к массе раствора (g <sub>і</sub> – количество і-того вещества, г)	$w_i = \frac{g_i}{\sum_i g_i}$
Массовое содержание ω <sub>і</sub> (процентная концентрация) – масса растворенного і-того вещества (г) в 100 г раствора	$w_i = \frac{g_i}{\sum_i g_i} \cdot 100\%$
Мольная доля х <sub>і</sub> — число молей растворенного вещества n <sub>і</sub> в 1 моле раствора	$x_i = \frac{n_i}{\sum_i n_i}$
Молярность С <sub>і</sub> — количество і-того компонента (в молях) в 1л раствора	$C_i = \frac{n_i}{V}$
Моляльность m <sub>і</sub> — количество і-того компонента (в молях) в 1000 г растворителя	$m_i = \frac{n_i}{g_1} \cdot 1000$

# ПАРЦИАЛЬНЫЕ МОЛЬНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ (ПМВ)

 Раствор образован двумя или более компонентами, поэтому все его свойства являются экстенсивными и относятся к раствору как к единой термодинамической

системе.

 Вклад данного компонента в общее экстенсивное свойство раствора определяется его парциальной мольной величиной. Парциальная мольная величина отражает изменение какого-либо экстенсивного свойства раствора при добавлении к нему 1 моля і-того компонента в условиях постоянства Р,Т и состава раствора.

ПМВ есть частная производная от любой экстенсивной переменной Ф по количеству молей і-того компонента при постоянных Р, Т и числе молей остальных компонентов системы кроме і-того:

$$\overline{\Phi_i} = \left(\frac{\partial \Phi}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}}$$

$$\begin{split} \overline{V_i} &= \left(\frac{\partial V}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}} \\ \overline{C} &= \left(\frac{\partial C}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}} \\ \overline{H_i} &= \left(\frac{\partial H}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}} \\ \overline{U_i} &= \left(\frac{\partial U}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}} \end{split}$$

$$\frac{-}{S_i} = \left(\frac{\partial S}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}}$$

$$\frac{-}{F_i} = \left(\frac{\partial F}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}}$$

$$\frac{-}{G_i} = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}} = \mu_i$$

 Химический потенциал есть парциальная мольная энергия Гиббса компонента системы.

#### Свойства ПМВ

1) Экстенсивное свойство раствора складывается из соответствующих ПМВ компонентов с учетом состава раствора (свойство аддитивности):  $\Phi = \sum n_i \overline{\Phi}_i$ 

$$\Phi = n_1 \overline{\Phi}_1 + n_2 \overline{\Phi}_2$$

$$\Phi_m^0 = x_1 \overline{\Phi_1} + x_2 \overline{\Phi_2}$$

- мольная величина, т. е. свойство одного моля раствора

$$\Phi_m = \frac{\Phi}{n_1 + n_2}$$

2) Изменение ПМВ выражается как частная производная от изменения соответствующей термодинамической

 $\overline{\Delta \Phi_i} = \left(\frac{\partial \Delta \Phi}{\partial n_i}\right)_{P,T,n_{j \neq i}}$ 

переменной:

3) Для ПМВ справедливы все соотношения, характерные для соответствующих термодинамических функций.

$$\Delta \overline{G}_{i} = \Delta \overline{H}_{i} - T \Delta \overline{S}_{i}$$

$$d\overline{G}_{i} = \overline{V}_{i} dP - \overline{S}_{i} dT$$

$$\left(\frac{\partial \overline{G}_{i}}{\partial P}\right)_{T} = \overline{V}_{i}, \quad \left(\frac{\partial \overline{G}_{i}}{\partial T}\right)_{P} = -\overline{S}_{i}$$

### ПМВ первого и второго рода

**ПМВ** І рода в идеальных растворах любых концентраций равны соответствующим мольным величинам чистых компонентов в том же агрегатном состоянии, что и раствор

$$(\overline{V}_i, \overline{H}_i, \overline{U}_i)$$
.  $\overline{\Phi}_i = \Phi_m^0$  
$$\Phi = \sum_i n_i \overline{\Phi}_i = \sum_i n_i \Phi_m^0$$

**ПМВ II** рода зависят от концентрации раствора и не равны мольным величинам компонентов ( $\overline{S}_i$ ,  $\overline{G}_i$ ,  $\overline{F}_i$ ).

$$\overline{\Phi}_{i} \neq \Phi_{m}^{0}$$

### v

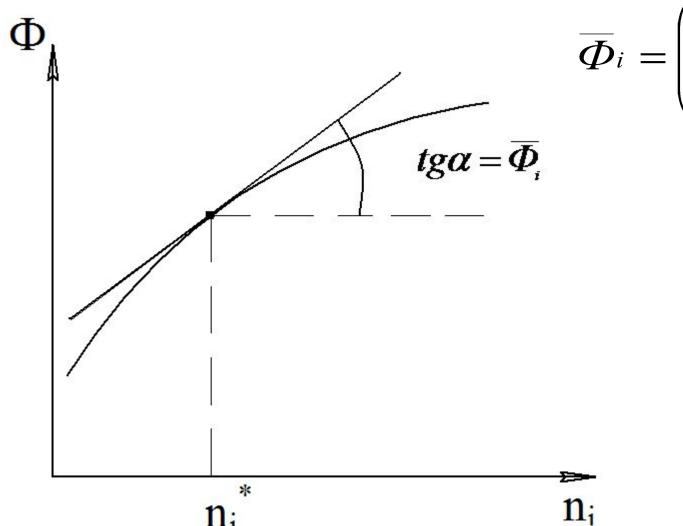
### Методы определения ПМВ

■ Аналитический метод – дифференцирование аналитической зависимости Ф = f (n<sub>i</sub>) интегрального свойства раствора от его состава по количеству молей одного из компонентов.

$$\Phi$$
 =  $f(n_2)$  имеет вид  $\Phi=a+bn_2+cn_2^2$  
$$\overline{\Phi}_2=\left(\frac{\partial\Phi}{\partial n_2}\right)_{P,T}=b+2cn_2$$
 
$$\overline{\Phi}_1=\frac{\Phi-n_2\overline{\Phi}_2}{n_1}$$

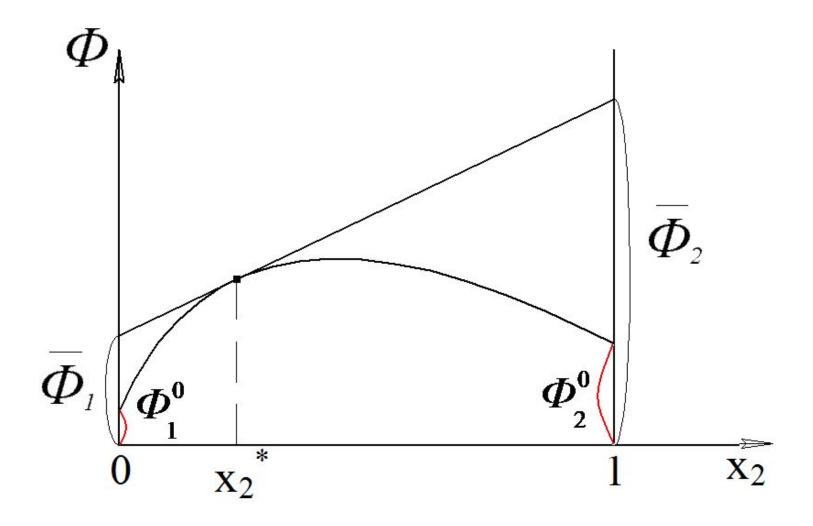
 ■ Графические методы — основаны на построении касательных к зависимости свойство раствора — состав.

### а) Метод касательных



$$\overline{\Phi}_{i} = \left(\frac{\partial \Phi}{\partial n_{i}}\right)_{P,T,n_{i}} = tg\alpha$$

### б) Метод пересечений



### Парциальные мольные величины

- характеризуют не само свойство, а его изменение, поэтому в отличие от мольных величин могут принимать любые значения (положительные, отрицательные, нулевые);
- парциальные мольные величины зависят от состава раствора, поэтому при определении численного значения ПМВ необходимо указывать состав;
- парциальные мольные величины различных компонентов раствора зависят друг от друга и связаны уравнением Гиббса-Дюгема:

$$\sum_{i} n_{i} d\overline{\Phi_{i}} = 0$$

### Уравнение Гиббса-Дюгема

Образование раствора из компонентов – самопроизвольный процесс при P,T=const, сопровождающийся уменьшением энергии Гиббса.

$$dG = VdP - SdT + \sum_{i} \mu_{i} dn_{i}$$
(1)

$$npu(P,T) = const: dG = \sum_{i} \mu_{i} dn_{i}$$
 (2)

$$G = \sum_{i} \mu_{i} n_{i} \tag{3}$$

$$dG = \sum_{i} \mu_{i} dn_{i} + \sum_{i} n_{i} d\mu_{i}$$
(4)

(2) = (4) 
$$\rightarrow \sum_{i} n_{i} d\mu_{i} = 0$$
 (5)

(5) – уравнение Гиббса-Дюгема в неявном виде



1 – растворитель; 2 – растворенное вещество

$$d\mu_2 = -\frac{n_1}{n_2} d\mu_1 \tag{7}$$

$$x_1 = \frac{n_1}{n_1 + n_2}, \quad x_2 = \frac{n_2}{n_1 + n_2}$$

$$d\mu_2 = -\frac{x_1}{x_2} d\mu_1 \tag{8}$$

(7) и (8) – уравнения Гиббса-Дюгема в явном виде. Уравнения (5), (7), (8) справедливы для всех ПМВ.



$$d\mu_{i} = RTd\ln P_{i} \tag{10}$$

(10) 
$$\rightarrow$$
 (8):  $RTd \ln P_2 = -\frac{x_1}{x_2} RTd \ln P_1$ 

$$d\ln P_{2} = -\frac{x_{1}}{x_{2}}d\ln P_{1} \tag{11}$$

(11) – уравнение Дюгема-Маргулиса