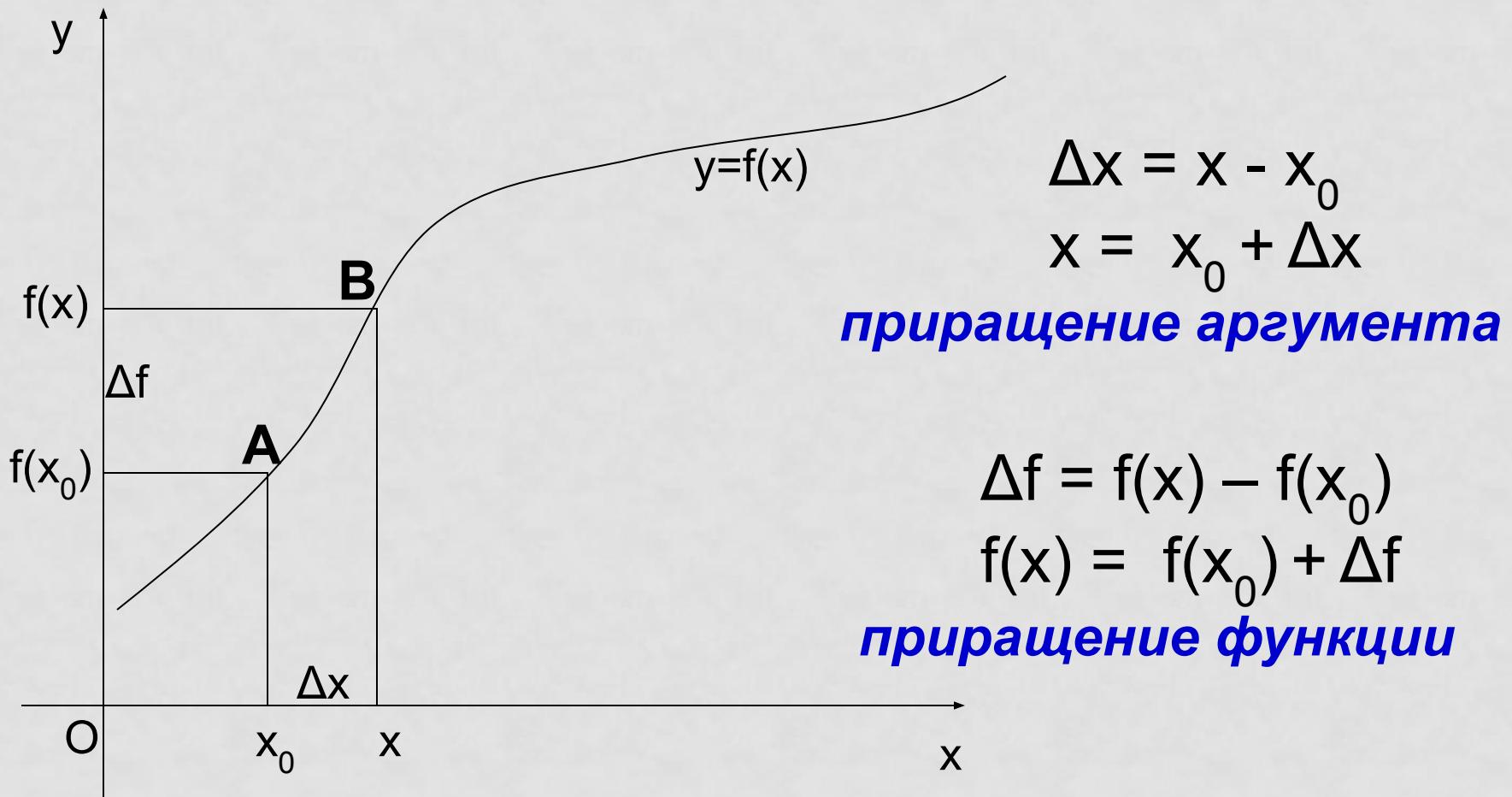
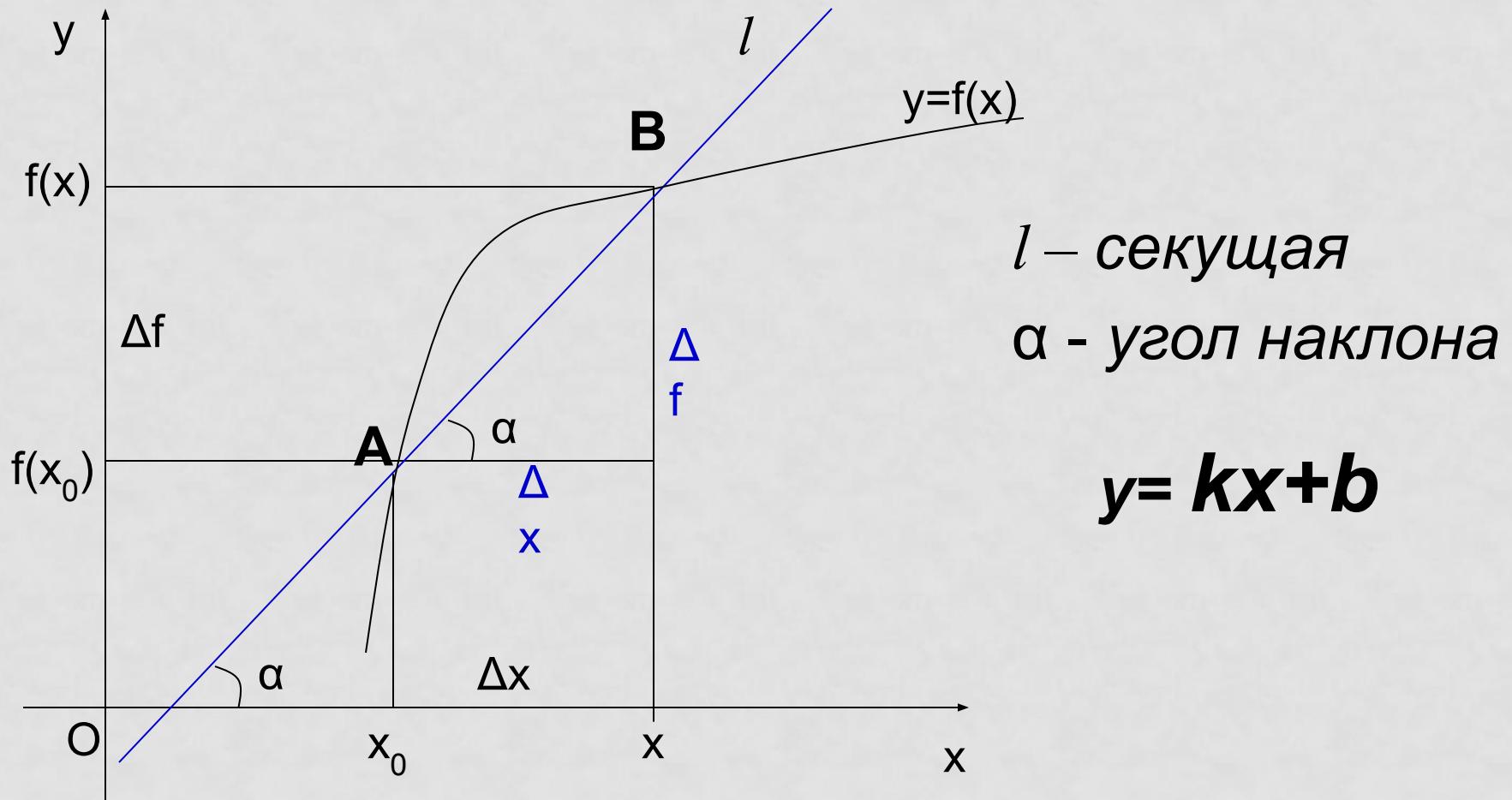


ПРОИЗВОДНАЯ



$$\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$$

**разностное
отношение**



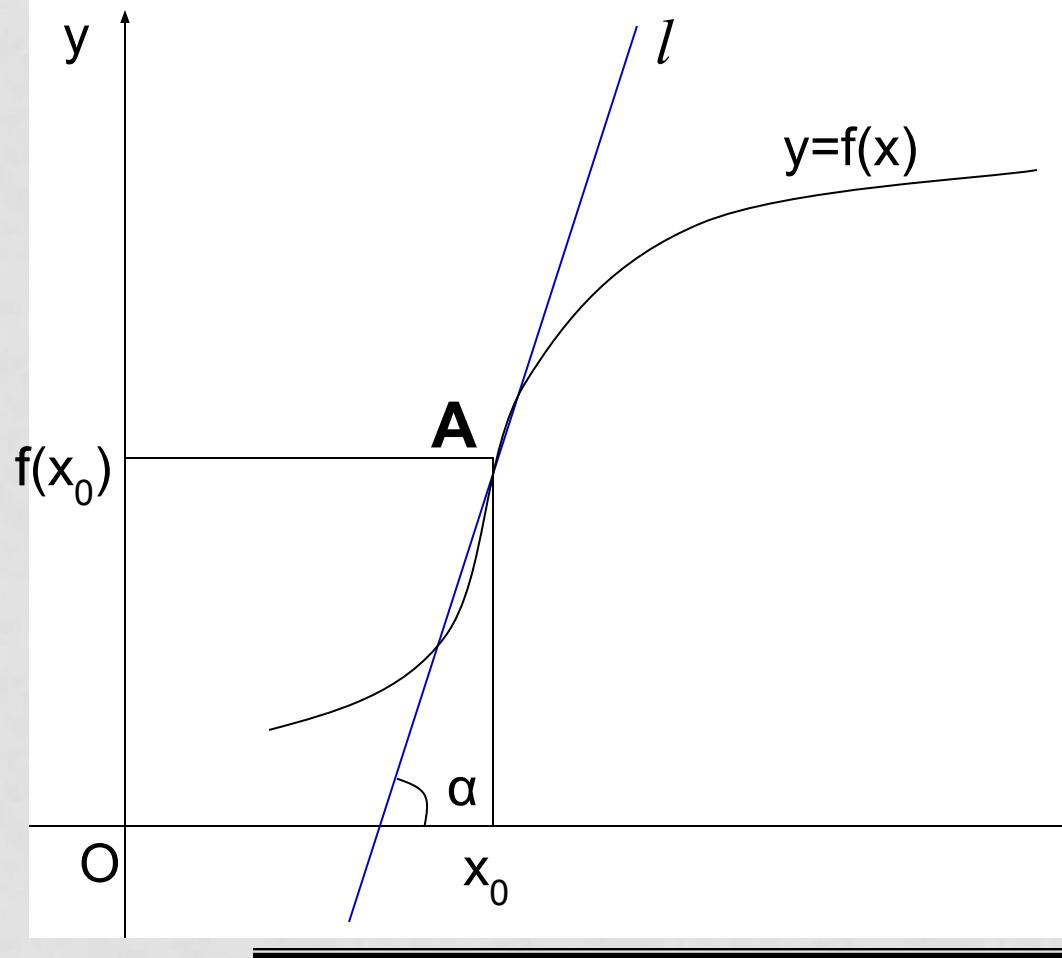
$$\frac{\Delta f}{\Delta x} = \operatorname{tg} \alpha = k - \text{угловой коэффициент прямой}$$



Если тело движется по прямой и за время Δt его координата изменяется на Δx , то

$$v_{\text{ср}}(\Delta t) = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{t(x_0 + \Delta x) - t(x_0)}{\Delta x}$$

- средняя скорость движения тела за Δt



При $\Delta x \rightarrow 0$
 $x \rightarrow x_0$, $B \rightarrow A$,
 секущая \rightarrow касательная,
 $k_{\text{сек}} \rightarrow k_{\text{кас}}$

$$\frac{\Delta f}{\Delta x} \rightarrow \operatorname{tg} \alpha$$

$$V_{\text{cp}}(\Delta t) = \frac{\Delta t}{\Delta x}$$

При $\Delta x \rightarrow 0$ $V_{\text{cp}}(\Delta t) \rightarrow V_{\text{МГН}}(\Delta t)$

Производная

Производной функции f в точке x_0 называется число, к которому стремится разностное отношение при $\Delta x \rightarrow 0$.

$$f'(x_0) = \frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$$

при $\Delta x \rightarrow 0$.

Правила вычисления производных

Если функции U и V дифференцируемы в точке x_0 , то

$$1. (U + V)' = U' + V'$$

$$2. (UV)' = U'V + UV'$$

$$1. \left[\frac{U}{V} \right]' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$$

Если функция U дифференцируема в точке x_0 , а С-постоянная, то $(CU)' = CU'$

Формулы для вычисления производных

$$1. \quad C' = 0$$

$$2. \quad x' = 1$$

$$3. \quad (x^n)' = nx^{n-1}$$

$$4. \quad (\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$5. \quad \left[\frac{1}{x} \right]' = -\frac{1}{x^2}$$

Задание 1. Найдите производные функций:

$$1. \ f(x) = 3x + 5$$

$$2. \ f(x) = 4x^2 - 5x^3 + 9x$$

$$3. \ f(x) = \frac{x^3}{2} + \frac{5}{5} - \frac{7}{7}$$

$$4. \ f(x) = \frac{x^2}{x^2} + \frac{x^3}{x^3} - \frac{x}{x}$$

$$5. \ f(x) = \frac{\sqrt{x}}{1} + \frac{4}{1}$$

$$6. \ f(x) = \frac{1}{3x} + \frac{1}{2x^2} + \sqrt{4x}$$

Задание 2. Найдите производные функций:

$$1. f(x) = (3x+5)(x-3)$$

$$2. f(x) = \frac{(x^2-5x)(x^3-x^2)}{3+x}$$

$$3. f(x) = \frac{x^3}{2x^2 - 5}$$

$$4. f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x} + 4}$$

$$5. f(x) = (\sqrt{x} + 4)(\sqrt{x} - 2)$$

$$6. f(x) = \left[\frac{1}{2} + \frac{1}{x} \right] 4x^2$$