# Загадочный и увлекательный треугольник

Собраться вместе — это начало, остаться вместе — это прогресс, работать вместе — это успех.

Г. Форд

И трижды трудные дела мы трижды совершим.

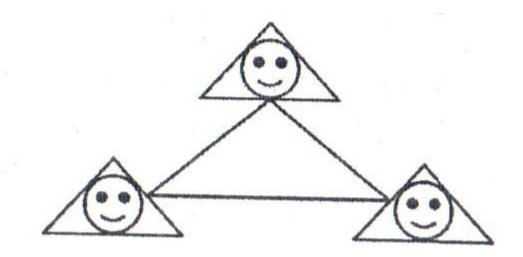
## Загадка

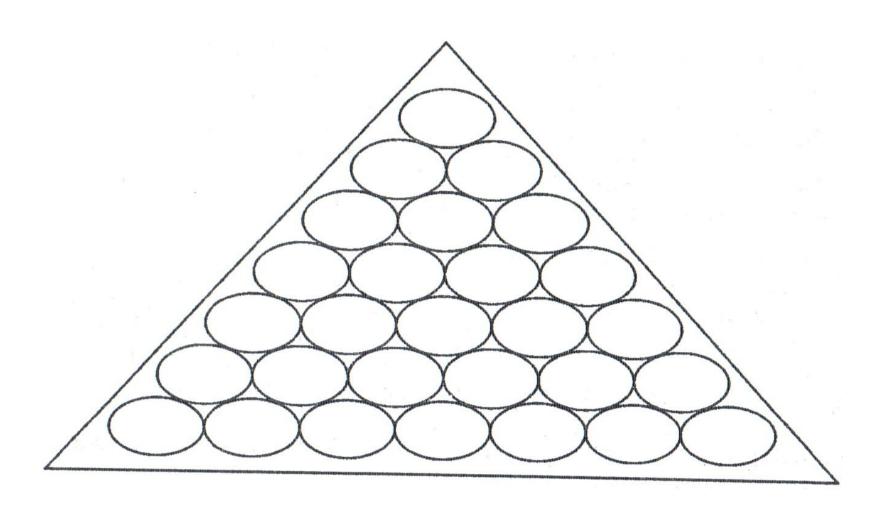




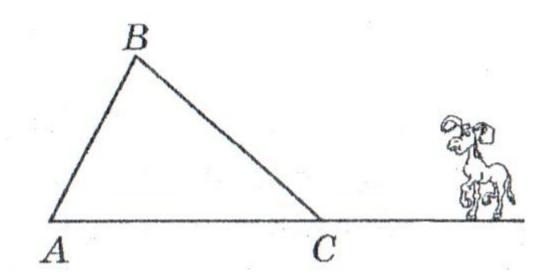


## Загадка

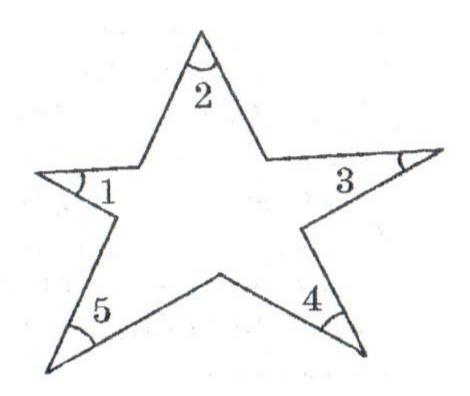




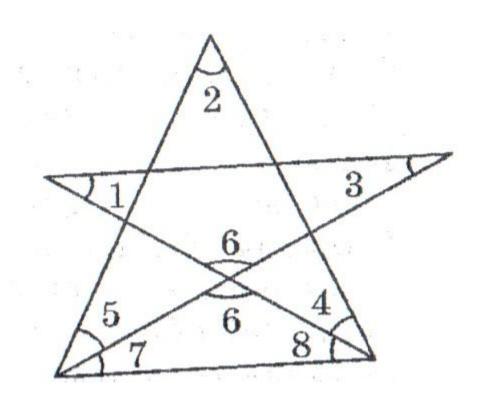
#### Неравенство треугольника



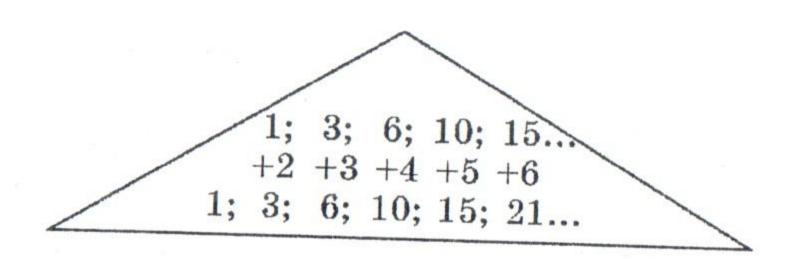
#### Сумма углов треугольника



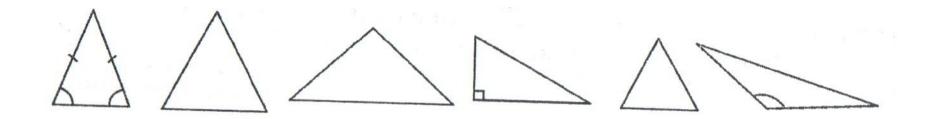
#### Сумма углов треугольника



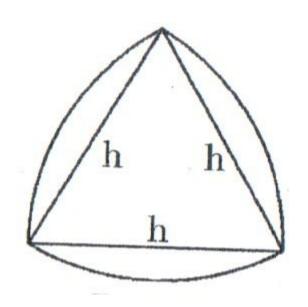
#### Треугольные числа

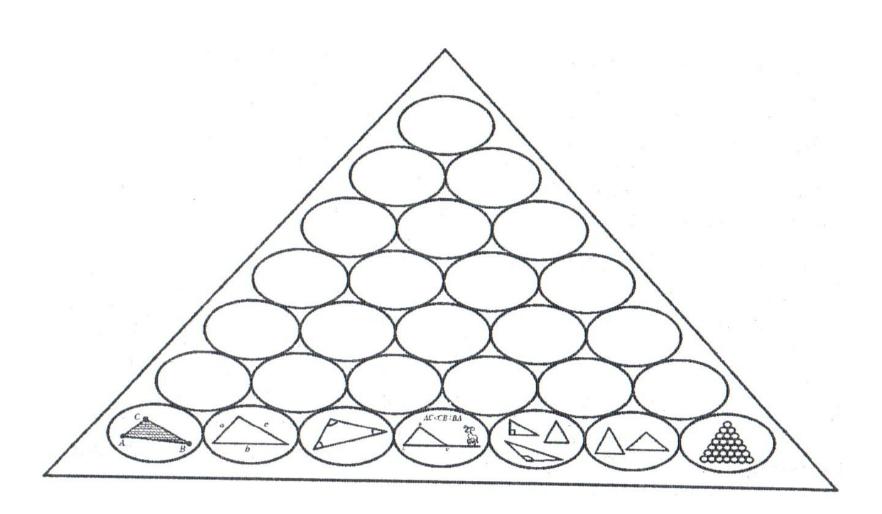


#### Виды треугольников

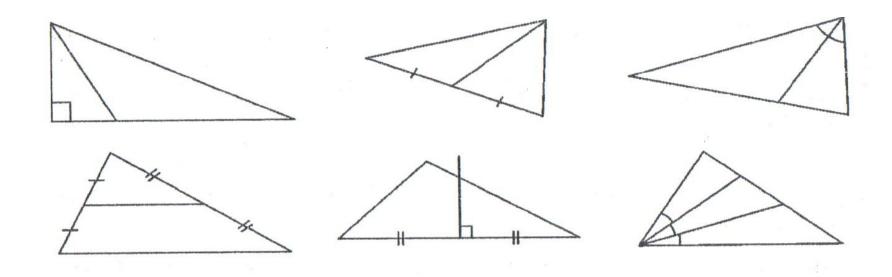


# Криволинейный треугольник

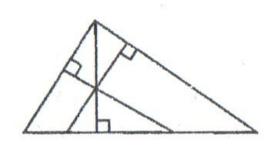


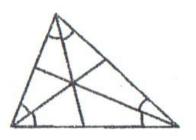


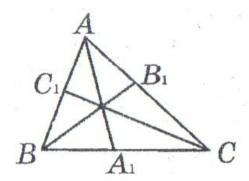
#### Замечательные дочки-линии и точки



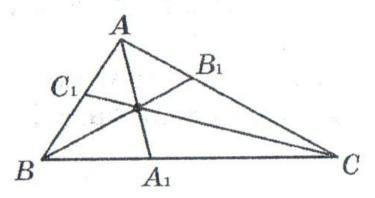
#### Замечательные точки





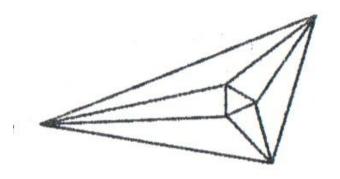


#### Теорема Чевы



• Пусть на сторонах треугольника ABC выбраны точки . Отрезки пересекаются в одной точке тогда и только тогда, когда выполняется равенство:  $\frac{AB_1}{B,C} \cdot \frac{CA_1}{A,B} \cdot \frac{BC_1}{C,A} = 1$ .

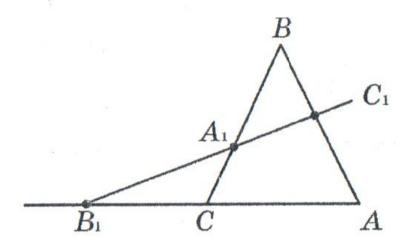
#### Теорема Морли



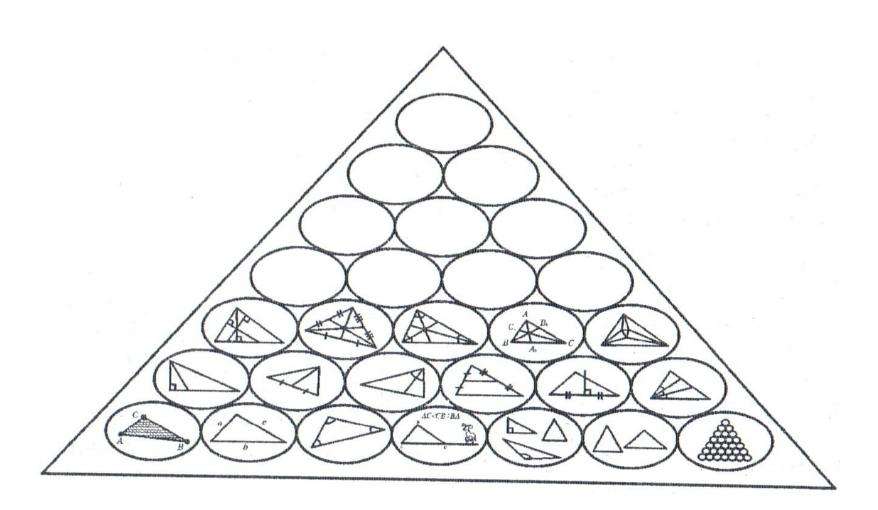
#### Теорема утверждает:

точки пересечения смежных трисектрис углов произвольного <u>треугольника</u> точки пересечения смежных трисектрис углов произвольного треугольника являются вершинами <u>равностороннего треугольника</u>.

#### Теорема Менелая



• Если точки A',B' и C' лежат соответственно на сторонах BC,CA и AB треугольника или на их продолжениях, то они коллинеарны тогда и только тогда, когда  $\frac{AB'}{B'C} \cdot \frac{CA'}{A'B} \cdot \frac{BC'}{C'A} = 1$ .



• Во дворе школы похитили трех друзей. Было проведено тщательное расследование, составлен протокол на 4000 листах, но дело похитили. Учащиеся 7 «г» класса обнаружили в коридоре около двери несколько листов украденного протокола, что позволило нам составить словесный портрет пропавших, и провести собственное расследование.

#### Признаки равенства треугольника

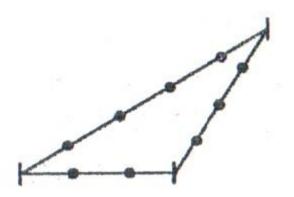


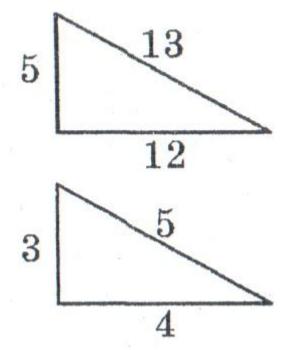
# A C E

#### Задача

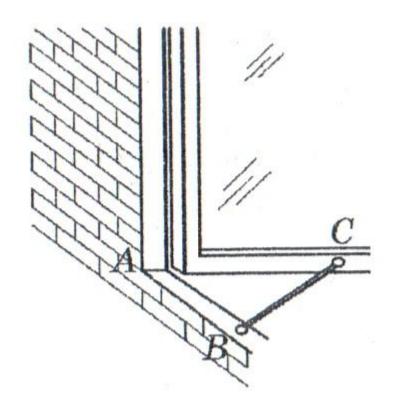
• Чтобы измерить на местности расстояние между двумя точками **A** и **B**, между которыми нельзя пройти по прямой, выбирают какую-нибудь точку **C**, для которой можно измерить расстояния **AC** и **BC**, и откладывают отрезки **CD=AC** и **CE=BC**. Тогда расстояние между точками **E** и **D** будет равно искомому. Объясните почему.

## Египетский треугольник

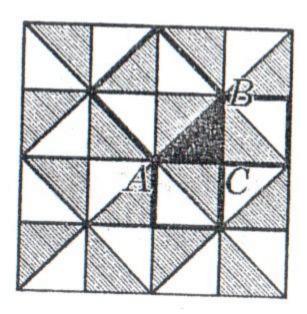




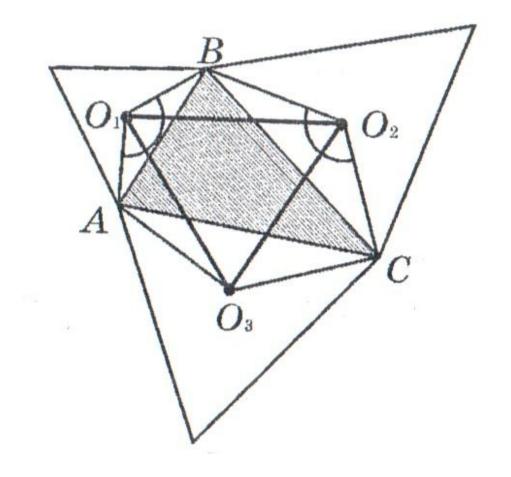
#### Жесткость треугольника



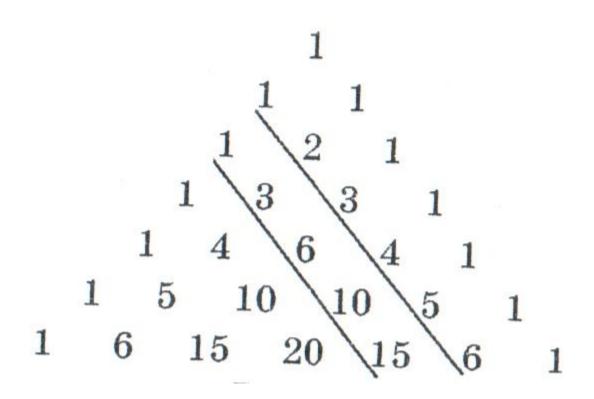
## Теорема Пифагора

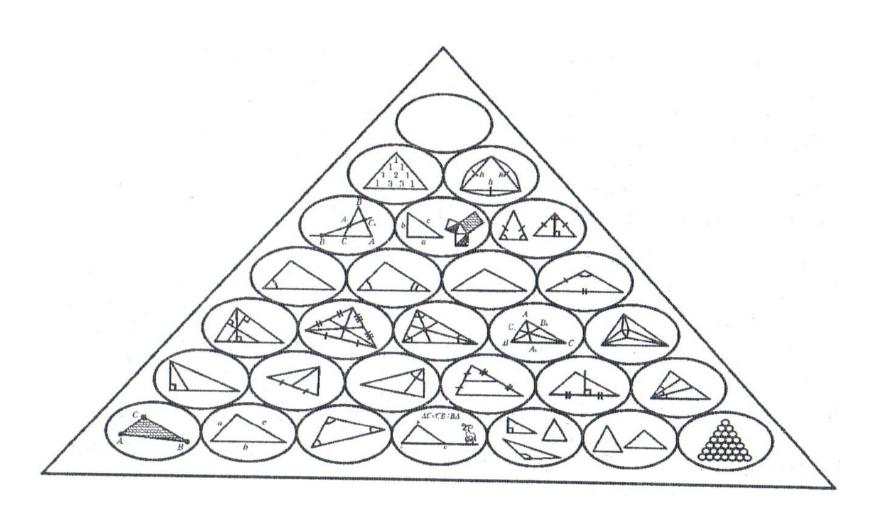


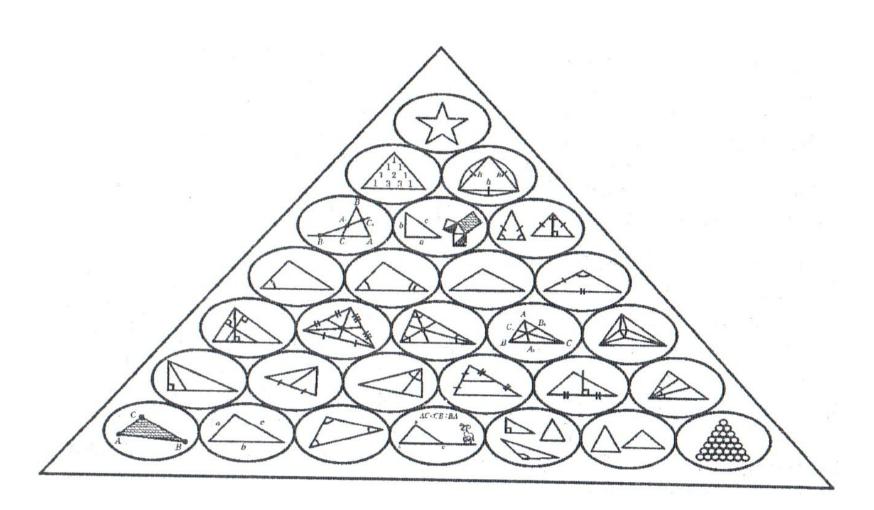
#### Задача Наполеона



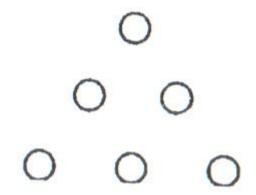
1 1

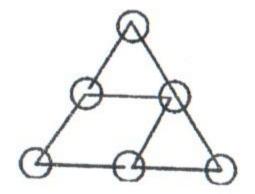


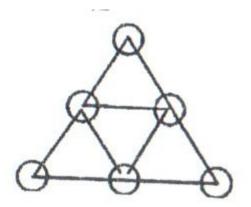




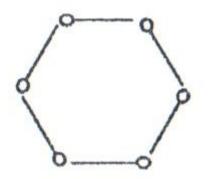
# Соедините кружки одним росчерком

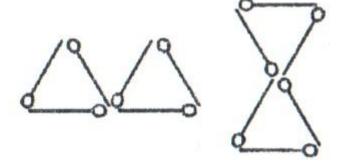




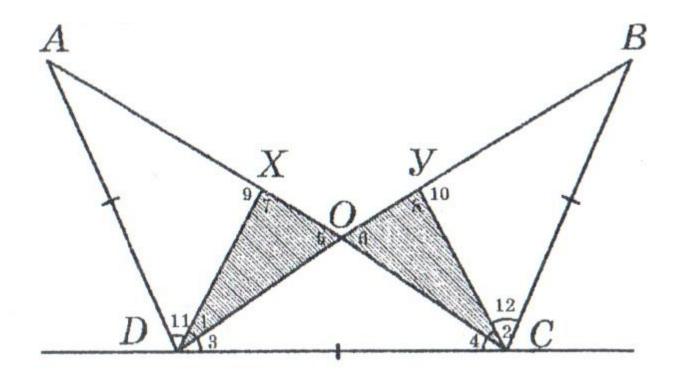


# Переложите 4 спички так, чтобы получилось 2 равных треугольника





#### Домашнее задание



#### Домашнее задание

- Дано треугольники  $\Delta ADC$  и  $\Delta DCB$  равнобедренные (AC=DC=BC) AC=BD; DX и DY биссектрисы углов ADC и DCB.
- Доказать  $\Delta DXO = \Delta CYO$