

# Олимпиадный эксперимент – в школьный практикум

---

**КПК, Физтех**  
**июнь, 2017**

**Часть I**

*Алексей Гуденко*  
*к.ф.м.н.,*  
*доцент кафедры общей физики*  
*МФТИ,*  
*[a.v.gudenko@gmail.com](mailto:a.v.gudenko@gmail.com)*

---

**Все задачи в предлагаемой  
презентации - авторские**

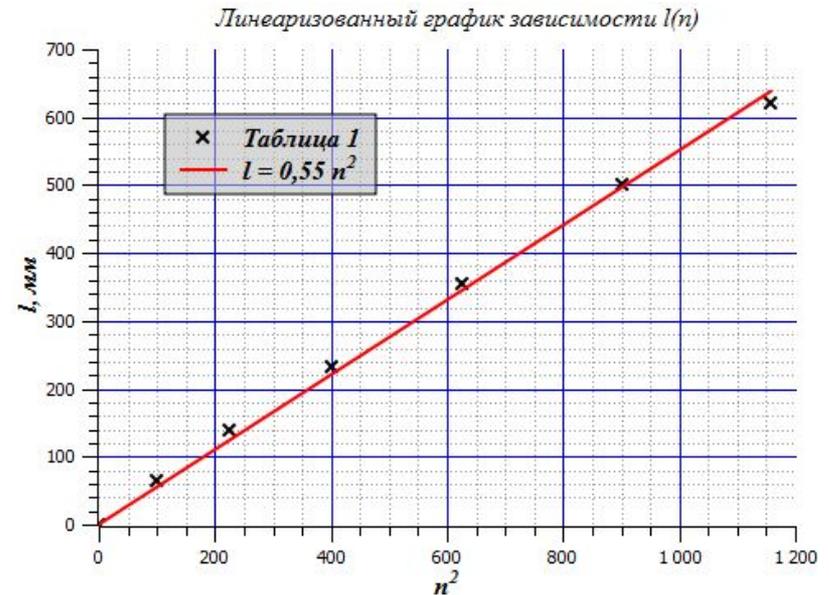
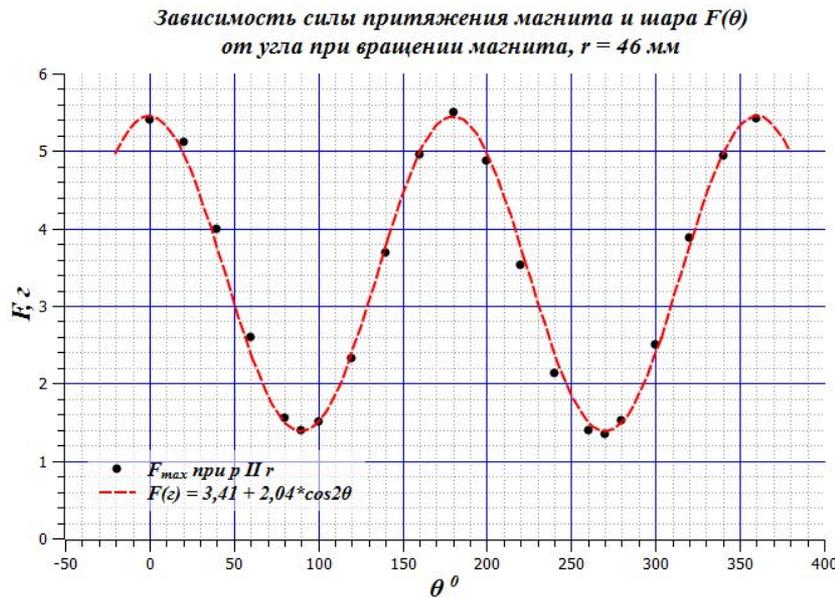
---

# Полезные сайты

---

- Олимпиадная школа МФТИ, курс «Экспериментальная физика»:  
<http://edu-homelab.ru>
  - Международная олимпиада по экспериментальной физике (IEPhO):  
<http://iepho.com>
  - Информационный сайт Всероссийской олимпиады по физике:  
<http://4ipho.ru>
-

# Обработка результатов, графики



□ Все графики оформлены с помощью программы SciDavis  
<http://scidavis.sourceforge.net>

# Наши планы

---

## 1. IERhO-4 (2016 г.)

- Неваляшка
- Лестница
- Лягушка
- Зубочистка
- Слинки (Slinky)

## 2. IERhO-3 (2015 г.)

- Удельное сопротивление воздуха
  - Гук или не Гук
-

# Неваляшка, IERhO-4 (8, 9 классы)

---



# Оборудование

---

- Неваляшка
- деревянная линейка 50 см
- кусок пластилина
- карандаш (ручка)
- лист бумаги



# Задание

---

□ С помощью имеющегося оборудования определите как можно точнее высоту центра тяжести  $h$  неваляшки относительно уровня стола, на котором она расположена

□ *Указание:*

*Основание неваляшки считать сферическим, неровностями его поверхности пренебречь.*

*Массу подвижных частей колокольчика внутри неваляшки считать пренебрежимо малой*

# Решение. Шаг № 1

---

- По длине окружности  $C = 283$  мм (Неваляшку оборачиваем бумагой) определяем радиус сферического основания Неваляшки:  
 $R = C/2\pi = 45$  мм.
-

# Шаг № 2

---



- Подбираем кусок пластилина такой массы  $m$ , чтобы ось Невалюшки расположилась горизонтально.
- Из условия равновесия относительно точки опоры (точки касания сферы со столом) получаем:  
 $mgb = Mg\Delta l$ , где  $b = 100$  мм – рычаг куска пластилина, а  $Mg\Delta l$  – момент силы тяжести Невалюшки ( $\Delta l$  – расстояние от центра сферического основания Невалюшки вдоль её оси до центра масс Невалюшки)  $\rightarrow$   
 $\Delta l = (m/M) b$

**Цель дальнейших действий - найти отношение  $m/M$ .**

# Шаг № 3

---



- Уравновешиваем Невалюшку на «рычажных весах», изготовленных из линейки (рычаг) и карандаша (опора). Из условия равновесия получаем ( $m_{\text{л}}$  – масса линейки):

$$Mg\ell_1 = mg\ell_2 + m_{\text{л}}g\ell_3$$

Делаем необходимые измерения:

$\ell_1 = 49$  мм – рычаг Невалюшки;

$\ell_2 = 341$  мм – рычаг пластилина;

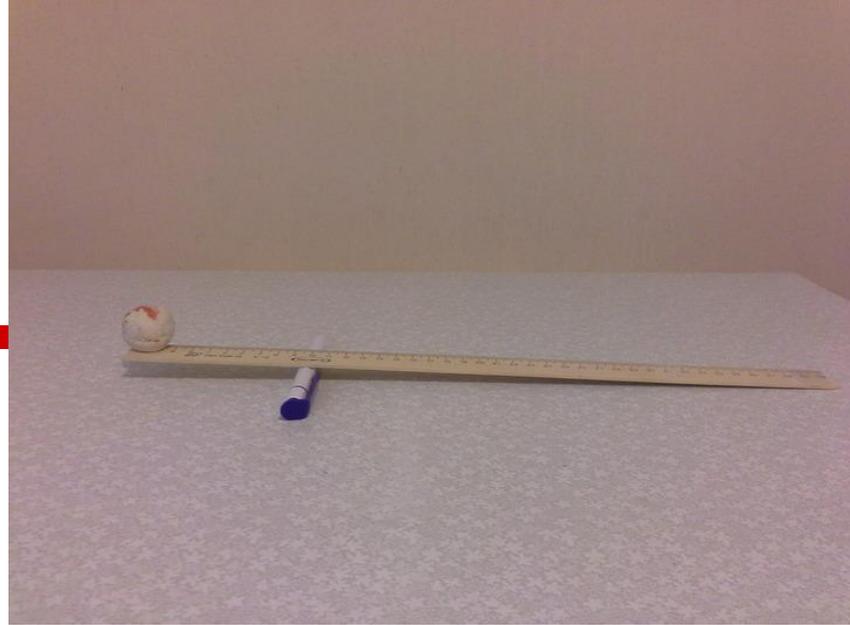
$\ell_3 = 146$  мм – рычаг линейки (расстояние от точки опоры до середины линейки).

Из уравнения моментов:

---

$$m/M = \ell_1 / (\ell_2 + m_{\text{л}}/m \ell_3)$$

# Шаг № 4



- Отношение масс линейки и пластилина находим, уравновесив пластилин линейкой. Из уравнения моментов:

$m_{\text{л}}/m = \ell_{\text{м}}/\ell_{\text{л}}$ , где  $\ell_{\text{м}} = 95$  мм – рычаг пластилина;  
 $\ell_{\text{л}} = 100$  мм – рычаг линейки.

Подставляя численные значения, находим:

$$m_{\text{л}}/m = 0,95.$$

Отношение масс пластилина и Невалюшки (см. Шаг № 3):

$$m/M = \ell_1/(\ell_2 + m_{\text{л}}/m \ell_3) = 49/(341 + 0,95 \cdot 146) = 0,102$$

(точные измерения на весах дают следующие значения масс:

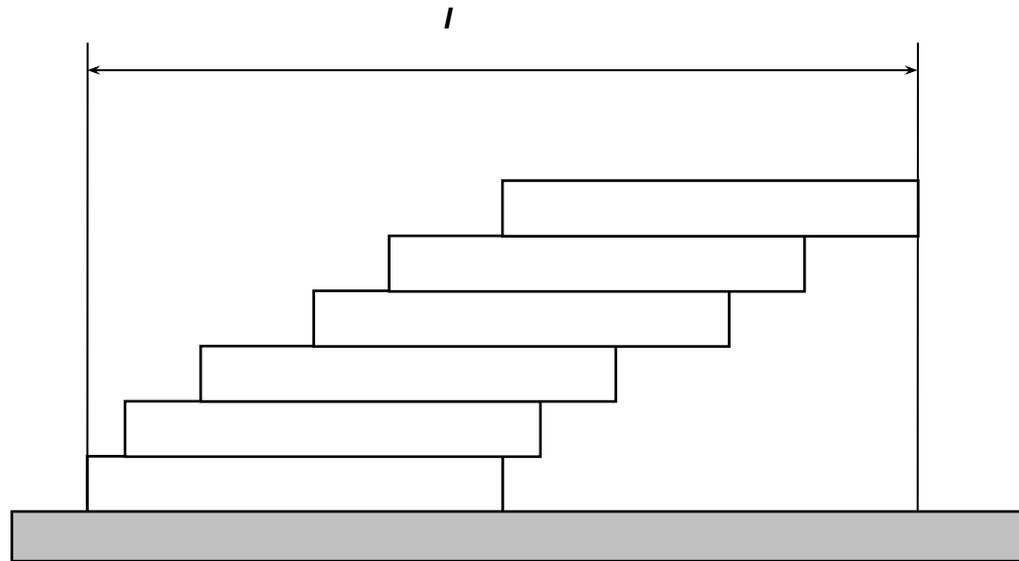
масса Невалюшки  $M = 148$  г, масса пластилина:  $m = 15,26$  г  $\rightarrow m/M = 0,103$  (!))

# Заключительный шаг (без картинки)

---

- Центр масс Неваляшки расположен на  $\Delta l = m/M b = 0,102 * 100 = 10$  мм ниже центра сферы основания, т.е. на высоте:  
 $h = R - \Delta l = 35$  мм над уровнем стола
-

# Лестница из линеек, IERhO-4 (9, 10 классы)



# Оборудование

---

11 деревянных линеек длиной  $l_0 = 21$  см  
каждая, линейка 50 см

---

## Задание

---

- Постройте ступенчатую лестницу максимальной (по горизонтали) длины из  $n = 2, 3, 4, \dots, 12$  линеек. Для каждого  $n$  измерьте длину получившейся у вас лестницы и результаты измерений занесите в таблицу, как в абсолютных, так и в относительных единицах.
- Получите теоретическую зависимость максимальной длины лестницы от числа линеек  $n$ .
- Сравните теоретические значения с соответствующими экспериментальными значениями.
- Оцените максимальную длину лестницы, которую можно составить из линеек всех участников, выполняющих эту работу. Считайте, что работу пишет 20 участников.

# Строим лестницы

---



# Теория:

$$\Delta_k = \ell_0/2k; \ell_T = \ell_0 + 1/2\ell_0 \sum 1/k$$

---

- **центр масс стопки, лежащей над какой-то линейкой, приходится точно на её опорный край** →
- **смещение k-ой сверху линейки относительно (k+1)-ой должно удовлетворять условию:**  
 **$mg(\ell_0/2 - \Delta_k) = (k-1)mg\Delta_k$**  →

ширина k-ой ступеньки:  **$\Delta_k = \ell_0/2k$**

- **Полная длина лестницы складывается из длины линейки  $\ell_0$  и сумме ширин всех её ступенек:**  
 **$\ell = \ell_0 + \Delta_1 + \Delta_2 + \Delta_3 + \dots$**
- **Общая длина лестницы:**

$$\ell_T = \ell_0 + 1/2 \ell_0 [1 + 1/2 + 1/3 + 1/4 + \dots + 1/(n-1)]$$

---

# Наши линейки

---

- $\Delta_1 = 0,5\ell_0/1 = 105 \text{ мм}$
  - $\Delta_2 = 0,5\ell_0/2 = 52,5 \text{ мм}$
  - $\Delta_3 = 0,5\ell_0/3 = 35 \text{ мм}$
  - $\Delta_4 = 0,5\ell_0/4 = 26,25 \text{ мм}$
  - $\Delta_5 = 0,5\ell_0/5 = 21 \text{ мм}$
  - $\Delta_6 = 0,5\ell_0/6 = 17,5 \text{ мм}$
  - $\Delta_7 = 0,5\ell_0/7 = 15 \text{ мм}$
  - $\Delta_8 = 0,5\ell_0/8 = 13 \text{ мм}$
  - $\Delta_9 = 0,5\ell_0/9 = 11,7 \text{ мм}$
  - $\Delta_{10} = 0,5\ell_0/10 = 10,5 \text{ мм}$
  - $\Delta_{11} = 0,5\ell_0/11 = 9,5 \text{ мм}$
-

# 12 линеек, 240 линеек

---

□  $N = 12$

$$\begin{aligned} \ell_T(8) \approx \ell &= \ell_0 + \Delta_1 + \Delta_2 + \Delta_3 + \dots + \Delta_{10} + \Delta_{11} \approx \\ 2,51\ell_0 &= 52,7 \text{ см} \end{aligned}$$

□  $N = 240$

$$\sum 1/k \approx \int dz/z \approx \ln n$$

1.  $L \approx \ell_0 + 0,5\ell_0(1+1/2 + 1/3 + \dots + 1/11 + \ln N/11) = \ell_0 + 0,5\ell_0(3,02 + \ln 21,7) = 4,05\ell_0 \approx 85 \text{ см}$
  2. «Честный» подсчёт:
-

# Лягушка (8, 9 классы)

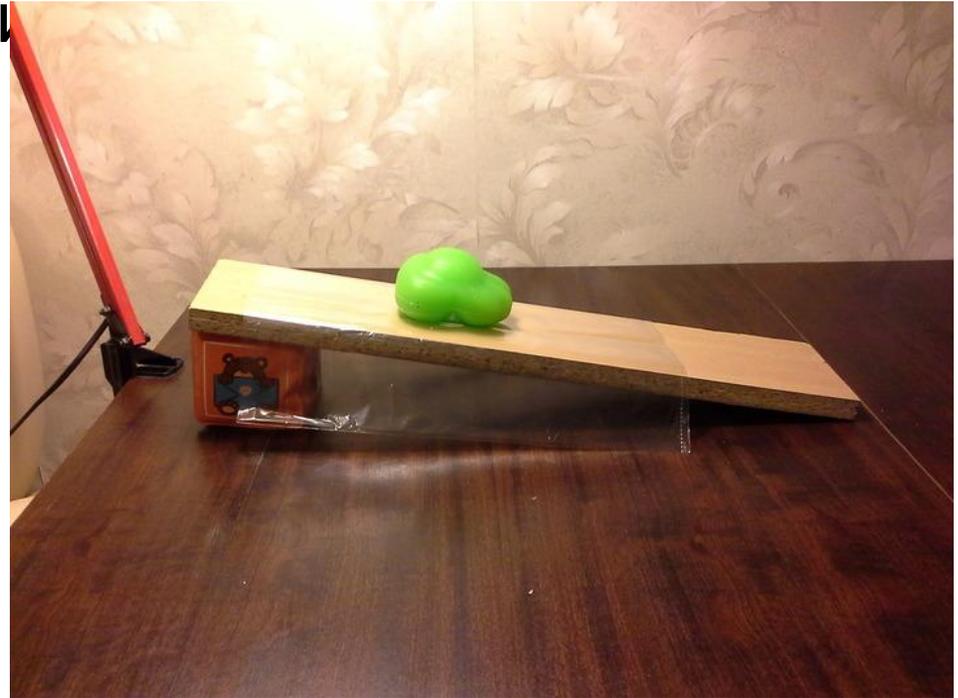
- **Оборудование:**  
кистевой эспандер из мягкой резины («лягушка»), полиэтилен, дощечка, линейка



- **Задание:**  
определите коэффициент трения полиэтилена и «лягушки» о поверхность дощечки

# Решение: коэффициент трения полиэтилена

- Кладём «Лягушку» на полиэтилен и по  $\mu_{\text{п}}$  критическому углу определяем коэффициент трения  $\mu_{\text{п}} = \text{tga}_{\text{крит}} = 0,32$



# Решение: коэффициент трения «лягушки»

---

- Переворачиваем «установку» и по крит. углу находим коэффициент трения дощечки по «лягушке»:  
 $\mu_{\text{л}} = \text{tg}63^{\circ} \approx 2$



# **Определение числа $n$ вероятностным методом (11 класс)**

---

***Случайность – форма  
проявления  
закономерности***

# Задача Бюффона о бросании иглы (1777 г.)

---

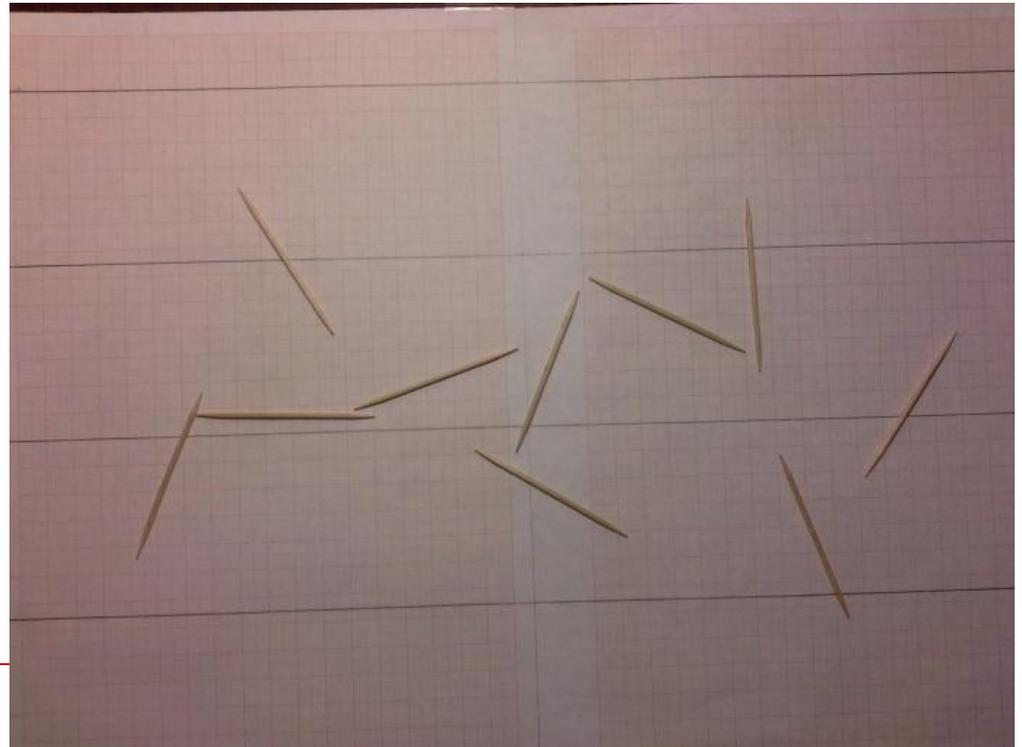
**Жорж-Луи Леклерк де Бюффон**  
(Buffon) (1707 – 1788)

- Французский натурфилософ и естествоиспытатель
- Иностраннный член Российской Академии наук
- член Лондонского королевского общества



# Оборудование

- 10 зубочисток
- лист бумаги с параллельными линиями. Расстояние между линиями равно длине зубочистки  $l_0$



# Задание

---

- Экспериментально исследовать закон распределения  $w(n)$  случайной величины  $n$ , где  $n$  – число пересечений зубочисток с линиями при броске  $n_0 = 10$  штук
  - По результатам эксперимента определите число  $p$
-

# Причём здесь $\pi$ ? (теория)

---

- Вероятность пересечь линию для зубочистки, образующей угол  $\varphi$  (в интервале  $d\varphi$ ) с осью  $x$ , перпендикулярной линиям:  
 $dw = (|\ell_{0x}|d\varphi/2\pi)/\ell_0 = |\cos\varphi| d\varphi/2\pi \rightarrow$

$$w_{\text{теор}} = \int |\cos\varphi| d\varphi/2\pi = 2/\pi$$

---

# Как проводим опыт

---

- Одновременно бросаем с высоты  $\sim 15-20$  см  $n_0 = 10$  зубочисток и подсчитываем число  $n$  пересечений с линиями в каждом опыте;
  - Делаем  $N = 40$  бросков;
  - Результаты испытаний заносим в Таблицу
-

# Таблица для построения гистограммы

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$m_n$	0	0	1	0	6	5	8	10	7	2	1
$W_n$	0	0	0,025	0	0,15	0,125	0,2	0,25	0,75	0,05	0,025
$n^2$	0	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100

$n$  – число пересечений;

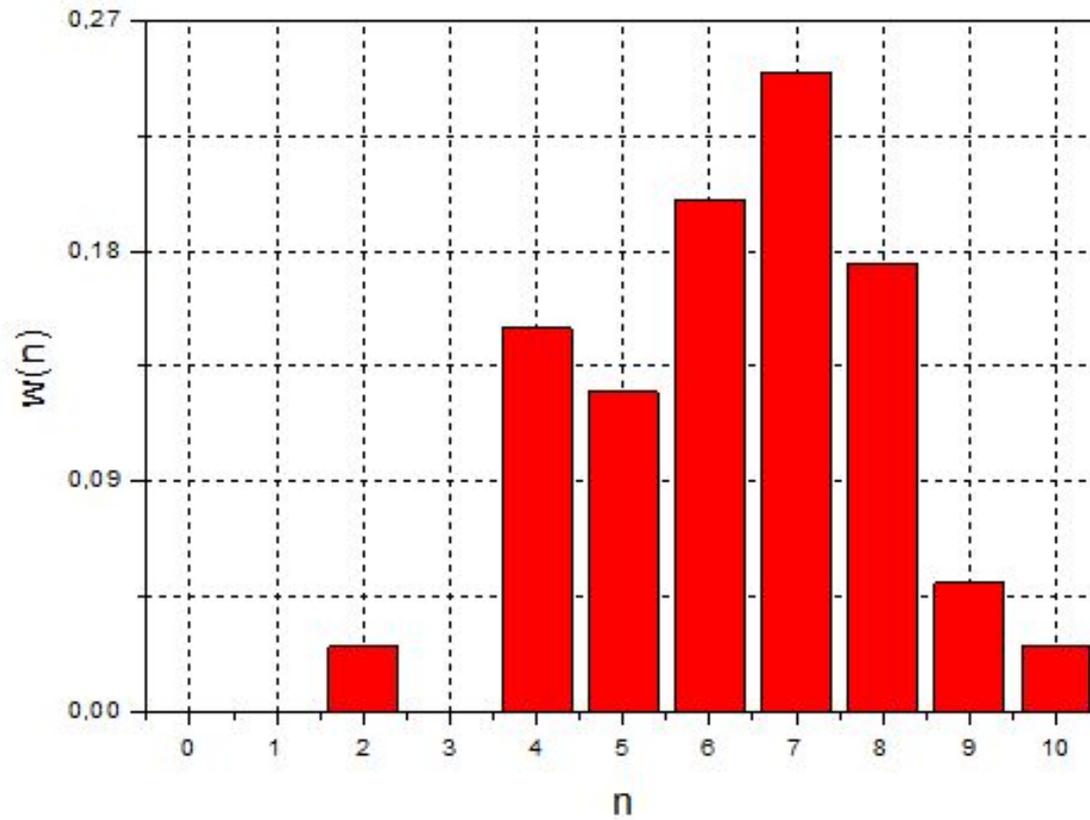
$m_n$  – число случаев с  $n$  пересечениями;

$W_n = m_n/N$  – вероятность пересечения;

$N = 40$  – полное число бросков (испытаний)

# Гистограмма

---



# Считаем среднее $n_{\text{cp}}$

---

$$n_{\text{cp}} = \sum n_i / N = \sum m_n n / N = 6,325$$

---

# Погрешность среднего $\sigma$

---

$$\sigma = \sqrt{\frac{(n^2)_{cp} - n_{cp}^2}{N}} \approx 0,265$$

---

$$n^2_{\text{cp}} = ?$$

---

$$(n^2)_{\text{cp}} = \sum_{n=0}^{n=10} w_n n^2 = 42,825$$

---

Результат:  $w_{\text{теор}} = 2/\pi$   
 $\pi = 2/w_{\text{экс}} = 3,16 \pm 0,13$  ( $\varepsilon_{\pi} = 4\%$ )

---

- $n = 6,33 \pm 0,27$  – среднее число пересечений, если бросать  $n_0 = 10$  штук
  - Вероятность пересечения:  
 $w_{\text{экс}} = n/n_0 = 0,633 \pm 0,027$  ( $\varepsilon_w = 4\%$ )
  - Из теории:  $w_{\text{теор}} = 2/\pi \rightarrow \pi_{\text{экс}} = 2/w_{\text{экспер}} \rightarrow$
  - **$\pi = 3,16 \pm 0,13$  ( $\varepsilon_{\pi} = 4\%$ )**
-

# Изучение упругих свойств пластиковой пружины Слинки (Slinky)

---

□ **Цель работы:**

изучение упругих свойств пластиковой пружины Слинки; исследование колебаний массивной пружины.

□ **Оборудование:**

Пластиковая пружина Слинки (Slinky), штатив с лапкой, линейка, мерная лента, секундомер, весы, скотч.

---

# Задание (статика)

---

1. Снимите зависимость  $l(n)$  длины  $l$  пружины от числа  $n$  свободно свисающих витков. Для этого закрепите в штативе деревянную линейку. Разделите линейкой пружину так, чтобы под линейкой оказалось  $n$  витков. Для каждого значения  $n$  измерьте общую длину свободно свисающих витков. Измерения проведите для  $n \geq 10$ . Результаты измерений занесите в Таблицу №1.
2. Получите теоретическую зависимость  $l(n)$ , выразив  $l$  через массу  $m_0$  и жёсткость  $k_0$  одного витка
3. Сравните теоретическую зависимость  $l(n)$  с экспериментальной.
4. Определите  $m_0$  и  $k_0$

## $l(n)$ - теория

---

- Получим теоретическую зависимость  $l(n)$ , выразив  $l$  через массу  $m_0$  и жёсткость  $k_0$  одного витка:

$$\Delta x_1 = 0$$

$$\Delta x_2 = m_0 g / k_0$$

$$\Delta x_3 = 2m_0 g / k_0$$

.....

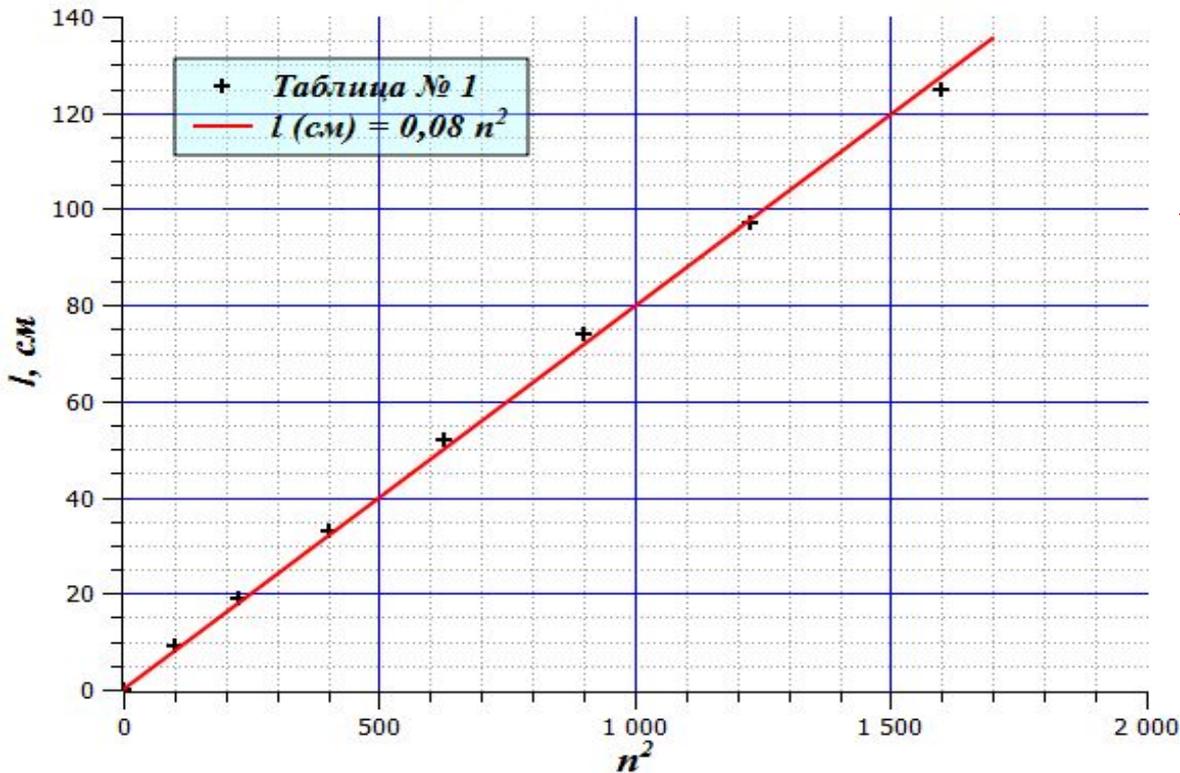
$\Delta x_n = (n - 1)m_0 g / k_0$  - арифметическая последовательность  $\rightarrow$

$$l(n) = \sum \Delta x_i = n(n - 1)m_0 g / 2k_0 \approx n^2 m_0 g / 2k_0, \text{ т.е.}$$

$$l = Cn^2, \text{ где } C = m_0 g / 2k_0$$

---

### Линеаризованная зависимость $l(n)$



$l(n)$  -  
эксперимент

---

- Из графика находим:  $C = m_0 g / 2k_0 = 0,08$  см
  - Определяем  $m_0$  и  $k_0$ .  
Масса всей пружины  $M = 90,37$  г, полное число витков  $N = 41,5 \rightarrow$   
масса одного витка:  $m_0 = M/N = 2,18$  г;
  - Жёсткость витка:  
 $k_0 = m_0 g / 2C = 2,18 \cdot 10^{-3} \cdot 9,81 / 2 \cdot 0,08 \cdot 10^{-2} \approx 13,4$  Н/м.
-

# Задание (динамика)

---

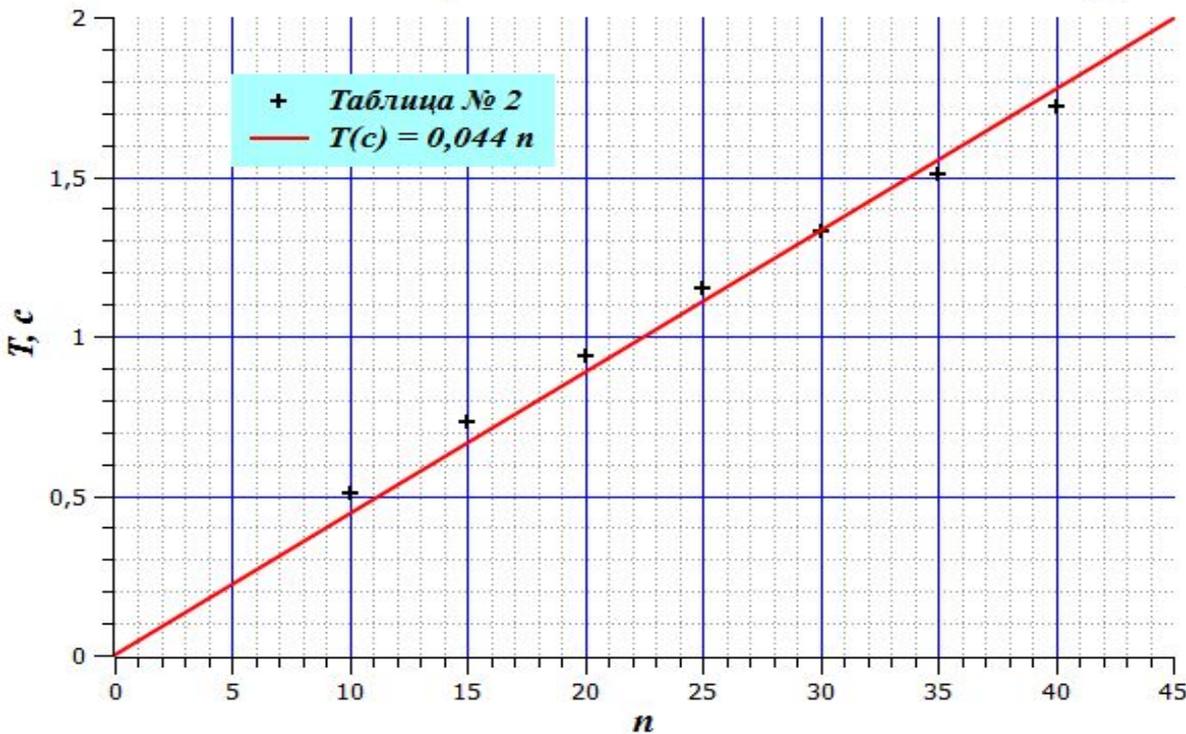
1. Снимите зависимость  $T(n)$  периода колебаний  $T$  пружины, подвешенной вертикально, от числа  $n$  колеблющихся витков. Измерения проведите для  $n \geq 10$ . Результаты измерений занесите в Таблицу №2
  2. Считая, что период  $T$  колебаний **массивной** пружины, подвешенной вертикально, определяется формулой  $T = 2\pi(\beta m/k)^{1/2}$ , где  $m$  – масса пружины,  $k$  – жёсткость пружины,  $\beta$  – константа, получите теоретическую зависимость  $T(n)$ .
  3. Сравните теоретическую зависимость  $T(n)$  с экспериментальной и определите значение константы  $\beta_{\text{эксп}}$
  4. Сравните экспериментальное значение  $\beta$  с теоретическим.
-

# $T(n)$ - теория

---

- $T = 2\pi(\beta m/k)^{1/2} = 2\pi(\beta n m_0/(k_0/n))^{1/2}$   
 $= 2\pi n (\beta m_0/k_0)^{1/2} = An$ , где  $A = 2\pi$   
 $(\beta m_0/k_0)^{1/2}$ .
  - Итак  $T \sim n$ :  
 **$T = An$ , где  $A = 2\pi(\beta m_0/k_0)^{1/2}$**
-

Зависимость периода колебаний от числа витков  $T(n)$



$T(n)$  - эксперимент

---

Итак  $T \sim n$ :

$$T = 0,044n, A = 0,044 \text{ c}$$

Находим  $\beta$ :

$$T^2 = 4\pi^2 n^2 (2\beta m_0 / 2k_0) = 4\pi^2 n^2 (2\beta m_0 g / 2gk_0) \approx 8\beta C n^2 \rightarrow 8\beta C = A^2 \rightarrow \beta_{\text{эксп}} = A^2 / 8C = 0,044^2 / 8 * (0,08 * 10^{-2}) = 0,303$$

$\beta_{\text{эксп}} = 0,303$

$\beta_{\text{теор}} = 1/3; \quad \Delta\beta/\beta \approx 10 \%$

---

# Удельное электросопротивление воздуха

---

# Оборудование

---

- Два теннисных шарика с небольшим ушком, покрытые проводящей (графитовой) краской; пластмассовая трубка; полиэтиленовый пакет; нить; две деревянные линейки; секундомер, скотч, ножницы
- *Примечание: в качестве вспомогательного оборудования можно использовать стол, стул, а также элементы конструкции вашей кабинки*

# Погрешности

---

- Оценки погрешности в этой работе не требуется*
-

# Задание

---

- С помощью имеющегося оборудования определите удельное сопротивление воздуха.
-

# Авторское решение

---

- Удельное сопротивление можно определить по скорости уменьшения заряда шарика:  
 $q(t) = q_0 \exp(-t/\tau)$   
 $\tau = \rho \epsilon_0$  – время релаксации  
(Максвелловская релаксация)
-

# Теория

---

- Закон Ома в дифференциальной форме:

$$\mathbf{j} = 1/\rho \mathbf{E} \quad \Leftrightarrow$$

Заряд изменяется (убывает) со скоростью:

$$dq/dt = - \int \mathbf{j} d\mathbf{S} = -1/\rho \int \mathbf{E} d\mathbf{S} = \{\text{теорема Гаусса}\} = -1/\rho \epsilon_0 q \quad \Leftrightarrow$$

- Дифференциальное уравнение для  $q$ :

$$dq/dt = -q/\rho \epsilon_0 = -q/\tau \quad \Leftrightarrow$$

$$dq/q = -t/\tau \quad \Leftrightarrow$$

- $q(t) = q_0 \exp(-t/\tau)$
-

# Эксперимент

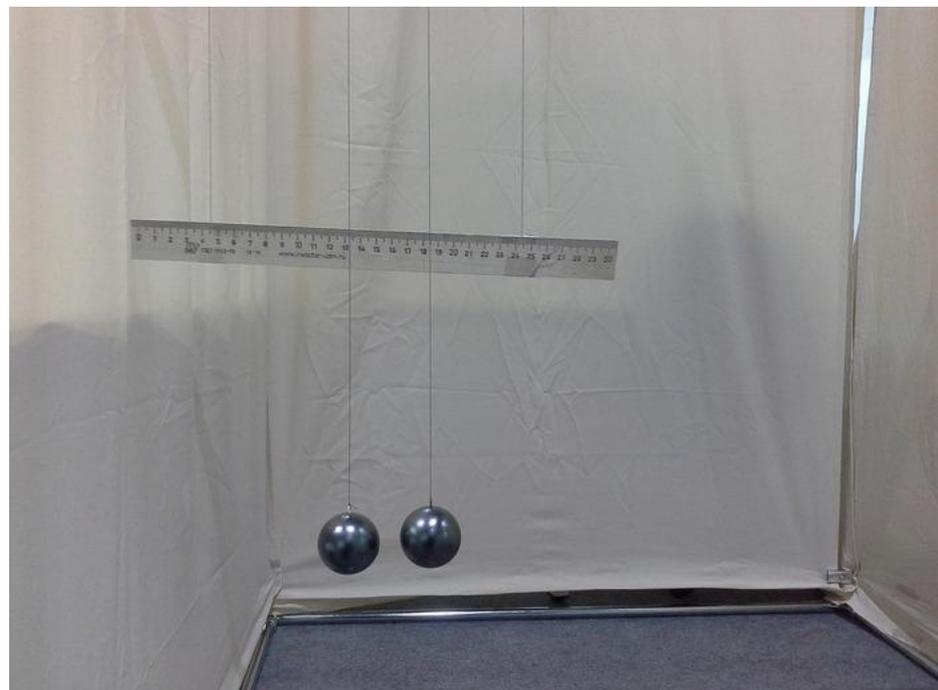
---

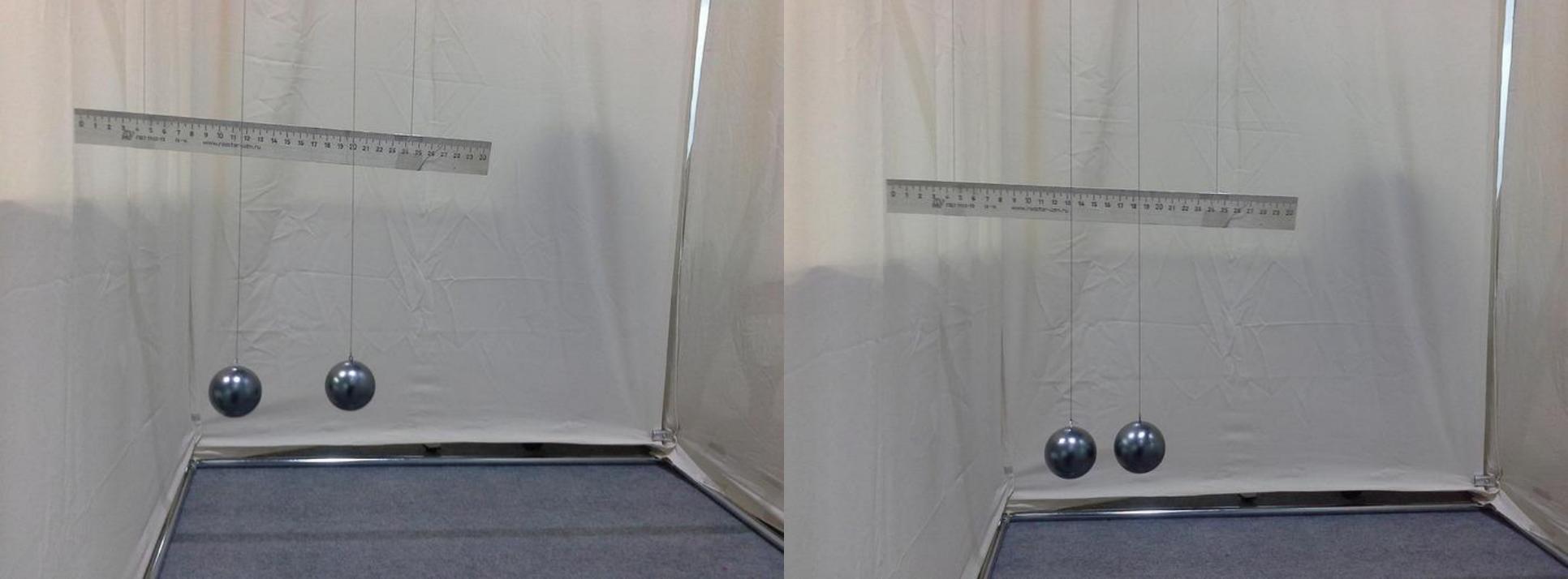


- ✓ Подвешиваем шарики на длинных нитях ( $l = 130$  см). Расстояние между нитями =  $d$  (диаметр шарика ) Незаряженные шарики при этом слегка соприкасаются
  - ✓ На высоте  $\sim 20$  см от шариков подвешиваем линейку в горизонтальном положении.
-

# Калибровка

---



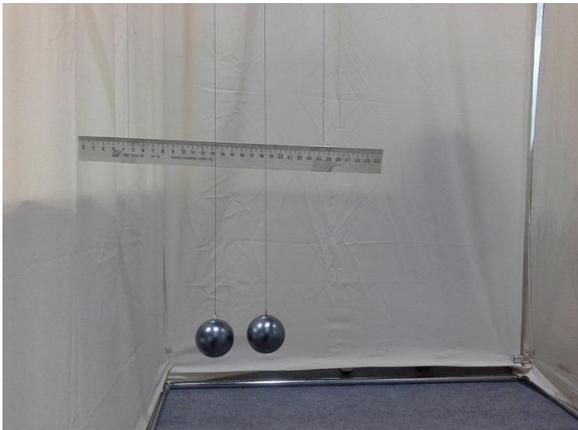


- Заряжаем шарики с помощью пластмассовой палочки, наэлектризованной трением о полиэтиленовый пакет. Измеряем расстояние между нитями на высоте линейки:  $d_1 \approx 80$  мм.
- Разряжаем один из шариков, коснувшись его рукой. После соприкосновения между собой шарики расходятся так, что расстояние между нитями на уровне линейки оказывается равным  $d \approx 60$  мм. Заряды шариков при этом уменьшаются вдвое.

---

- Калибровка проведена.

# Основной эксперимент



- Вновь заряжаем шарики так, что расстояние между нитями, отсчитанное по линейке, вновь становится равным  $d_1 = 80$  мм.
- С помощью секундомера измеряем время  $T_{1/2}$ , за которое расстояние между нитями уменьшается до  $d_2 = 60$  мм. Это время соответствует уменьшению заряда вдвое.

# Результаты

---

- $T_{1/2} \approx 14 \text{ мин} = 840 \text{ с} \Rightarrow$
  - $\tau = \rho \varepsilon_0 = T_{1/2} / \ln 2 \Rightarrow$   
 $\rho = T_{1/2} / \varepsilon_0 \ln 2 = 840 / 8,85 * 10^{-12} * 0,7$   
 $\approx 1,4 * 10^{14} \text{ Ом м}$
  - $\rho \approx 1,4 * 10^{14} \text{ Ом м}$
  - $\rho_{\text{табл}} \approx (1-2) * 10^{14} \text{ Ом м}$
-

Тянем резину

---

**Гук или не Гук ???**

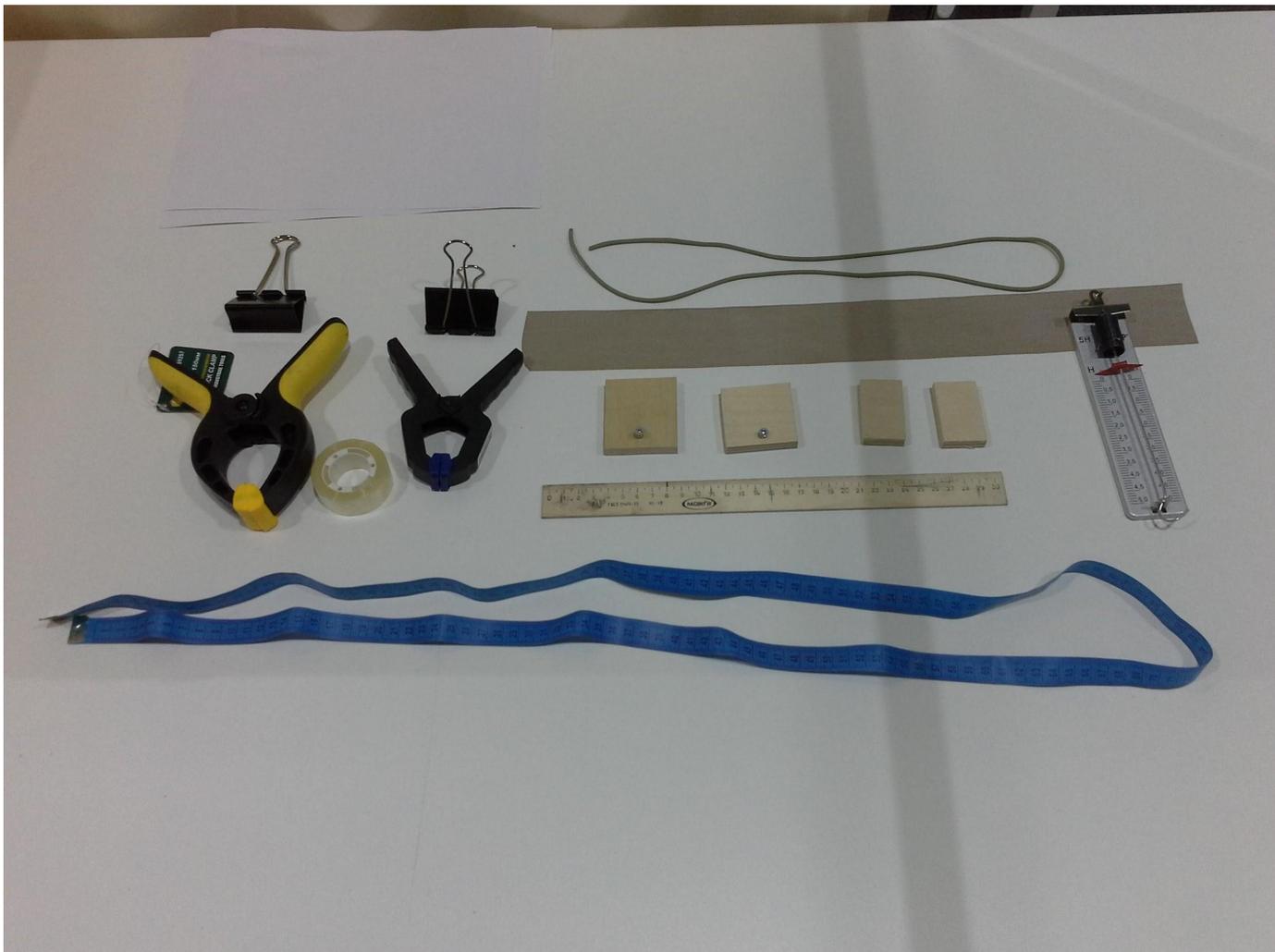
---

# Оборудование

---

- Резиновый шнур диаметром  $d_0 = 2,5$  мм; резиновая лента (бинт); динамометр; две канцелярские клипсы; две струбцины; четыре деревянных бруска (два из них – с саморезами); мерная лента; линейка; ножницы; скотч.
-

# Оборудование (картинка)



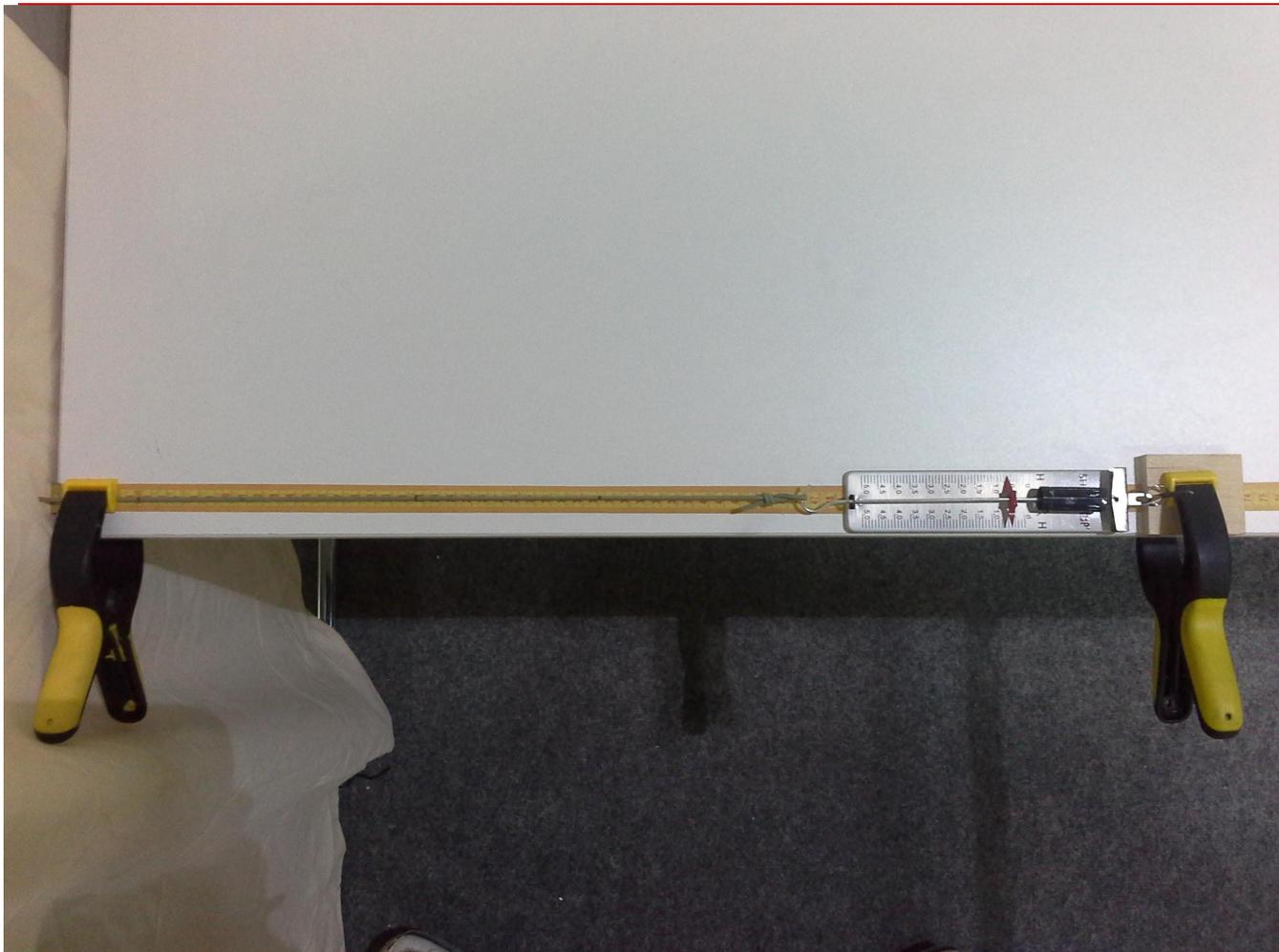
# Задание №1

---

- Снимите зависимость относительной длины  $l/l_0$  резинового шнура от приложенной силы  $F$  вплоть до значений  $l \sim 3l_0$ , где  $l_0$  – длина недеформированного куска шнура.
-

# Установка (например, вот так)

---



## Задание № 2

---

- Выразите коэффициент жёсткости резинового шнура через модуль Юнга и его геометрические параметры.

- *Решение:*

По закону Гука:

$$\Delta l / l = \Delta F / ES \rightarrow \Delta F = (ES / l) \Delta l = k \Delta l \rightarrow$$

$$k = ES / l,$$

где  $S = \pi d^2 / 4$  – поперечное сечение цилиндрического шнура

---

# Задание № 3

---

- Предполагая, что модуль Юнга и объём резины в процессе деформации не изменяются, получите теоретическую зависимость  $l/l_0$  от  $F$
-

# Теоретическая зависимость $\ell$ ( $F$ )

---

- По закону Гука для небольших деформаций:

$$\partial\ell/\ell = \partial F/ES \rightarrow$$

$$\partial\ell/\ell^2 = \partial F/ES\ell = \partial F/EV_0.$$

$V = S\ell = S_0\ell_0 = \pi d_0^2\ell_0/4$  – объём

$\ell_0$ ,  $d_0$  – длина и диаметр

$S_0 = \pi d_0^2/4$  – площадь сечения недеформированного шнура.

Интегрируем уравнение:

$$\partial\ell/\ell^2 = \partial F/EV_0 \rightarrow 1/\ell_0 - 1/\ell = F/EV_0 \rightarrow$$

---

# Рабочая формула

---

- $l/l_0 = 1/(1 - F/ES_0)$  –  
зависимость  $l(F)$  при условии, что:
    - модуль Юнга  $E = \text{const}$
    - объём резины  $V = \text{const}$
-

# Задание № 4

---

- Сравните экспериментальную зависимость с теоретической, полученной в П.3
-

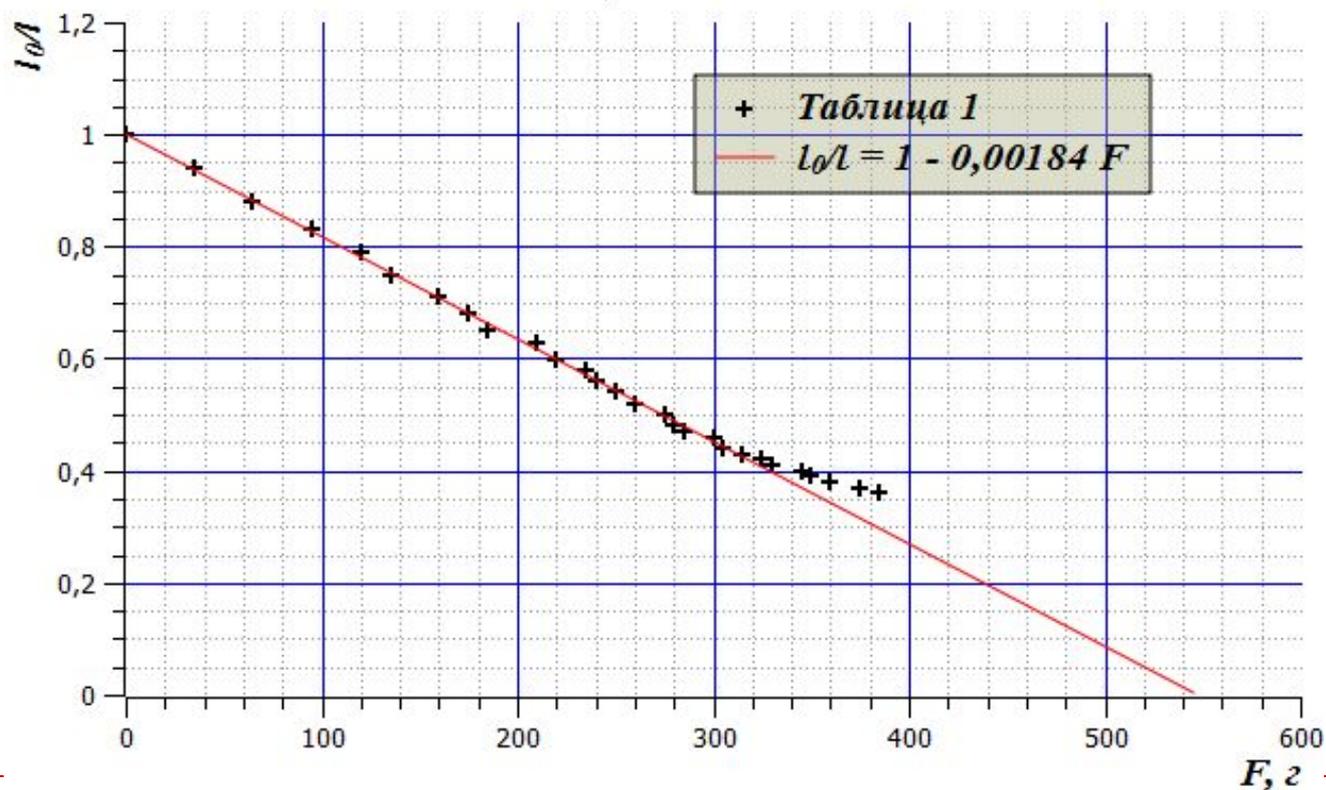
# Линеаризованный график зависимости $l(F)$ :

$$l_0/l = 1 - F/ES_0$$
$$E = 110 \text{ Н/см}^2$$

*Линеаризованный график  $l(F)$*

$$\beta = 0,184 \text{ 1/Н}$$

$$E = 1,11 \text{ МПа} \approx 10 \text{ атм}$$



# Выводы

---

- Вплоть до деформаций  $l/l_0 \sim 2,5$  модуль Юнга резины в пределах точности эксперимента является постоянной величиной  
 $E = (110 \pm 10) \text{ Н/см}^2 (\sim 10 \text{ бар})$
  - Для справки:  
Сталь:  $E = 2 \cdot 10^{11} \text{ Па} = 2 \text{ Мбар}$   
Медь:  $E = 1,3 \cdot 10^{11} \text{ Па} = 1,3 \text{ Мбар}$   
Лёд:  $E = 3 \cdot 10^{10} \text{ Па} = 0,3 \text{ Мбар}$
-

# Задание № 7

---

- Найдите теоретическое значение коэффициента Пуассона  $\mu$ , при котором объём резинового шнура при деформациях не изменяется.
-

# При каких $\mu$ объём не изменяется?

---

- Для шнура цилиндрической формы длиной  $l$  и диаметром  $d$  объём:  
$$V = \pi l d^2 / 4 = \pi l_0 d_0^2 / 4 \rightarrow (d/d_0)^2 = l_0/l \rightarrow$$
$$2\Delta d/d = - \Delta l/l \rightarrow$$
$$\Delta d/d = - 1/2 \Delta l/l \rightarrow$$
$$\mu = - 1/2 - \text{при таком значении}$$

коэффициента Пуассона объём материала при его деформациях не изменяется.
-

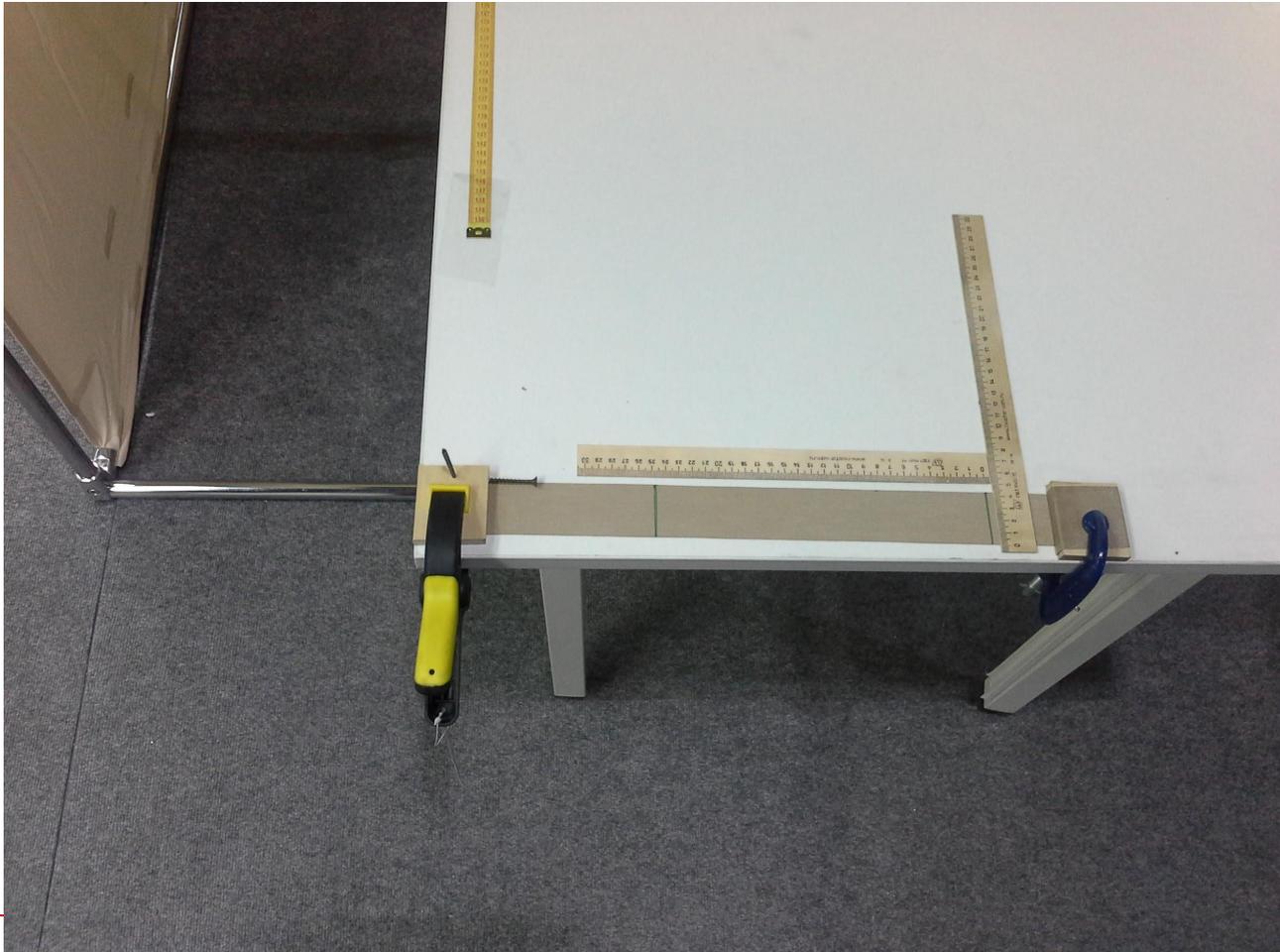
# Задание № 8

---

- Определите экспериментально коэффициент Пуассона резины, из которой изготовлен резиновый бинт
-

# Определяем коэффициент Пуассона (установка)

---



# Теория

---

□  $db/b = -\mu dl/l \rightarrow b(l):$

$$b/b_0 = -(l/l_0)^\mu$$

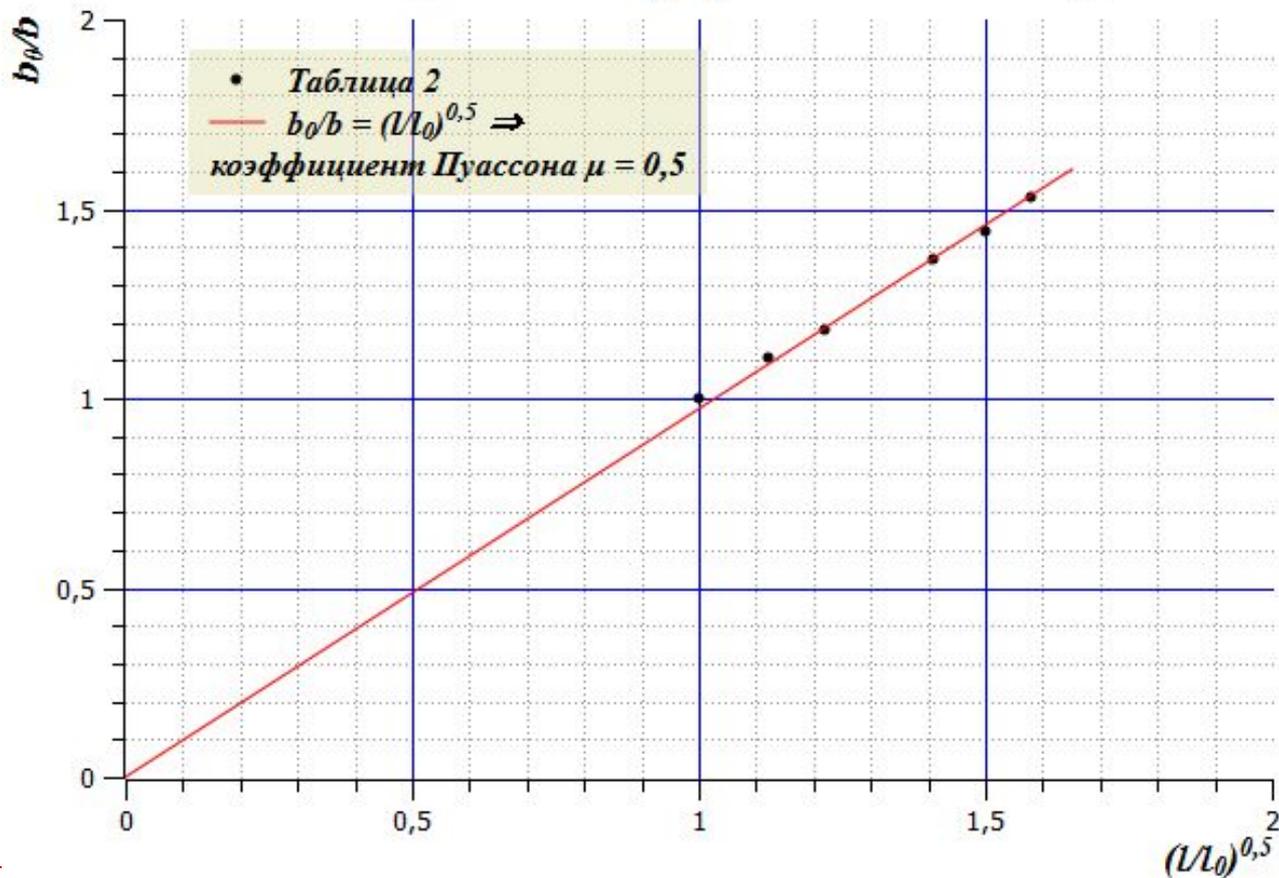
$$\ln b = C - \mu \ln l \rightarrow$$

*в двойном логарифмическом  
масштабе тангенс угла наклона  
прямой  $b(l)$  равен коэффициенту  
Пуассона*

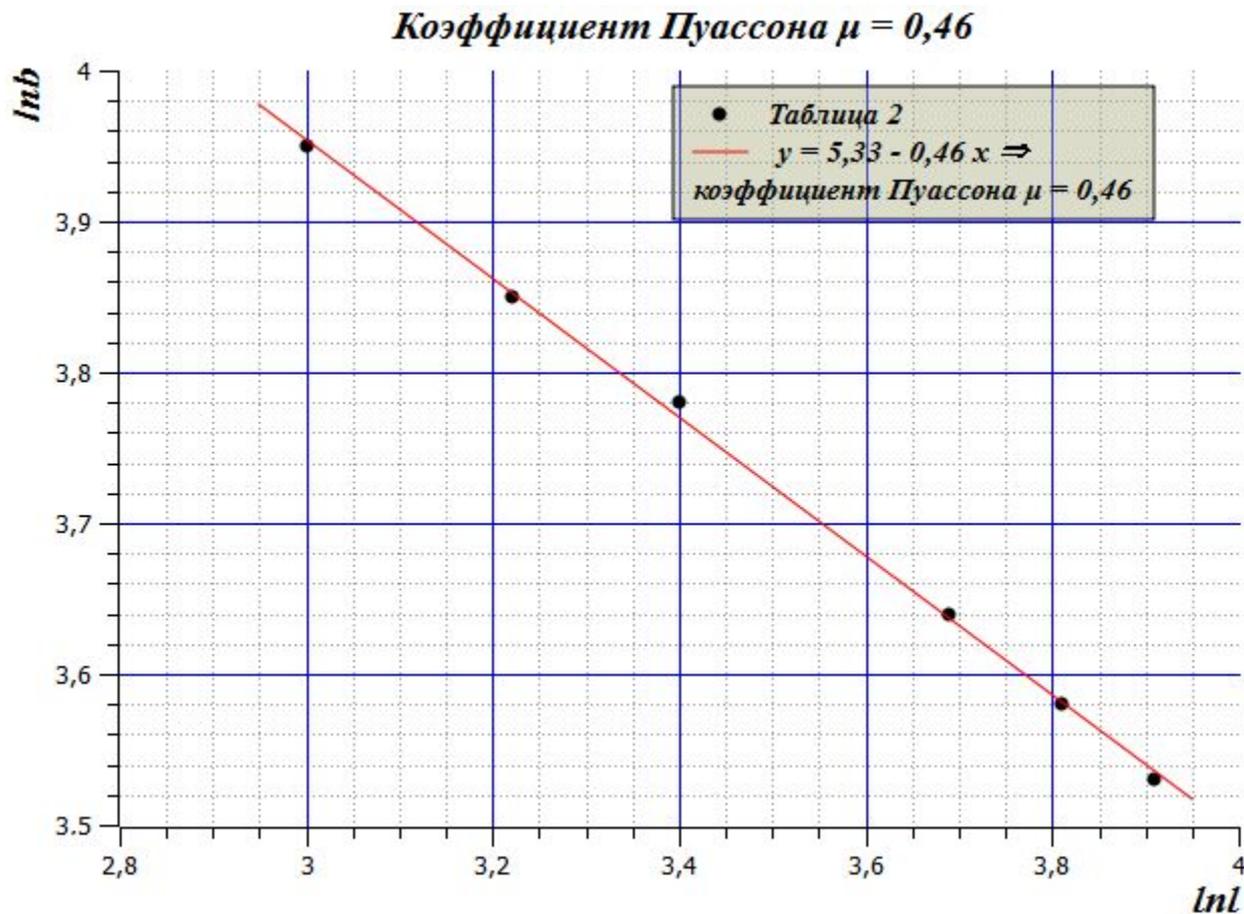
---

# Результаты: коэффициент Пуассона $\mu \approx 0,5$

Линеаризованный график зависимости  $b(l)$



# Двойной логарифмический масштаб: $\mu = 0,46$



---

ВСЁ.  
СПАСИБО

---