

Компьютерный практикум по математическому анализу в

среде Matlab Практическое занятие 5

<http://serjmak.com/2students/matlabma/seminar5>
<http://serjmak.com/2students/matlabma/seminar5.ppt>

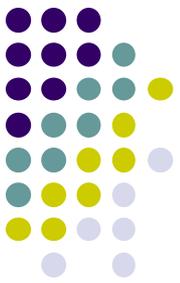
Темы

Файл-функции. Подфункции. Решение произвольных уравнений. Исследование локальных экстремумов и других характерных точек графиков функций одной и нескольких переменных. Полиномы, вычисление всех корней полинома.

Теория:

http://serjmak.com/2students/matlabma/1.%20Matlab7_Anufr.pdf

[1] (стр. 219-234, 246-264)



Matlab: краткая теория



Возможные функции для выполнения заданий:

Файл-функции создаются в m-файлах:

```
function f = myfun(x) % файл-функция с 1 входным аргументом  
f=2*sin(x^2);
```

После сохранения функции можно обратиться к ней, как к встроенной:

```
>> y=myfun(2)
```

Однако обращение к функции происходит по имени файла, в котором она сохранена, а не по имени функции!

`fplot('myfun' или @myfun, [0 5], '.*')` – построение графиков на основе файл-функций, `@myfun` используется, если функция `myfun` находится в том же файле `m` и не сохранена как отдельный файл.

```
function f = radius3(x, y, z) % файл-функция с 3 входными аргументами
```

```
function [hour, minute, second] = hms(sec) % файл-функция с 3 выходными аргументами; её вызов:
```

```
[a, b, c] = hms(100000000);
```

`function myfun(a, b)` или `function [] = myfun(a, b)` - это файл-функции, не возвращающие никаких значений.

`help`, `lookfor` – выводят информацию по первой строке (H1-line) комментариев после объявления функции.

Matlab: краткая теория



Возможные функции для выполнения заданий:

Файл-функции и подфункции могут быть в одном m-файле, но файл-функция при этом может быть только одна (её имя должно совпадать с именем файла), подфункций в том же файле может быть сколько угодно. Начало новой подфункции означает конец тела предыдущей. Переменные в функциях и подфункциях локальные.

`global A` – глобальная переменная. Объявлять её надо и в теле основной функции, и в теле подфункции:

```
function myfun2; %лежит в myfun2.m
```

```
%основная функция
```

```
global A
```

```
A=2;
```

```
f1=f(A)
```

```
function z = f(x, y)
```

```
%подфункция
```

```
global A
```

```
z=x^3-2y^3-x*y+A;
```

Подфункции вызываются только с помощью `@`: `fplot(@f, [1 2])`

Подфункция доступна только внутри основной функции, не видна

Matlab: краткая теория



Возможные функции для выполнения заданий:

`x=fzero('имя_функции', x0 или [0 4])` – имя файл-функции и начальное приближение к корню (какое-то значение) либо интервал, на котором

этот корень ищется; `fzero` приближённо вычисляет корень уравнения на некотором интервале или ближайший к заданному начальному приближению корень. Если указывается интервал, то на границах этого интервала функция должна принимать значения разных знаков, иначе будет ошибка.

Обращение с двумя параметрами: `[x, f] = fzero('sin',[-1 1]);`

`fzero` вычисляет только те корни, в которых функция меняет знак, а не касается оси x . Поэтому, скажем, для $x^2=0$ `fzero` корень не найдёт.

Функции можно задать с помощью `inline` и анонимно:

```
func1 = inline('sin(x)-x.^2.*cos(x)');
```

```
func2 = @(x) sin(x)-x.^2.*cos(x);
```

Ещё один тип задания `fzero`: `[x, f, flag] = fzero(func1, 0.1);` -

положительное значение `flag` свидетельствует об успешном вычислении, отрицательное – о том, что что-то пошло не так. Это можно использовать в алгоритмах.

Matlab: краткая теория



Возможные функции для выполнения заданий:

Полином задаётся вектором его коэффициентов:

x^3+3x^2+3 -> $p = [1 \ 3 \ 0 \ 3]$ (считая нулевые коэффициенты).

`polyval(p, 1)` считает значение полинома от аргумента (в данном случае 1). Аргумент может быть матрицей или вектором.

`roots(p)` вычисляет корни полинома (аргументом служит вектор коэффициентов).

`fminbnd(@funcname, -10, 10)` – нахождение локального минимума функции одной переменной на указанном интервале от -10 до 10.

В остальном её вызов аналогичен `fzero`.

`fminsearch(@funcname, -10)` - нахождение локального минимума функции нескольких переменных (в том числе и одной) с

указанным начальным приближением -10. В остальном её вызов аналогичен `fzero` или `fminbnd`. В случае функции нескольких

переменных начальным приближением является вектор:

`fminsearch(@funcname, [1, 2])` (для функции двух переменных).

Matlab: задание

- 1) Постройте график функции $f = \exp(-x) * \sqrt{(x^2+1)/(x^4+0.1)}$ на интервале $[0, 4]$ с шагом 0.1, сделав из неё файл-функцию `myfun1`.
- 2) Постройте графики функции из п.1 на одних осях, используя `plot` и `fplot`. Добавьте в `myfun1` комментарии на H1-line и убедитесь, что `help` и `lookfor` выдают нужную информацию по `myfun1`.
- 3) Напишите файл-функцию, вычисляющую сумму всех элементов вектора с нечётными индексами.
- 4) Создайте файл-функцию `myfun2`, содержащую функцию для решения уравнения $\sin(x) - x^2 * \cos(x) = 0$ на интервале $[-5; 5]$. Перед использованием `fzero` построьте график с помощью `fplot` с сеткой, и найдите с помощью `fzero` все 4 корня уравнения, задавая начальные приближения x_0 в соответствии с графиком.
- 5) Найдите все корни полинома $x^9+3x^4+x^3-10x^2-x+1024$ и вычислите значение полинома от получившегося вектора его корней.
- 6) Найдите все локальные минимумы функции $y = e^{(x^2)} + \sin 3\pi x$, задав её с помощью `inline`. Постройте график функции с помощью `fplot`, чтобы знать интервалы и начальные точки поиска.
- 7) Найдите все локальные минимумы для функции $y = x^2+1$. (задайте анонимную функцию. `fplot`).



Matlab: задание



- 8) Минимизируйте функцию двух переменных $f(x, y) = \sin\pi x * \sin\pi y$, для этого постройте линии уровня этой функции с помощью `meshgrid` и `contour` на участке $[0, 2]$ с шагом 0.01 (см. [1]) с параметрами -0.96, -0.9, -0.8, -0.5, -0.1, ..., 0.1, 0.5, 0.8, 0.9, 0.96, подписав ими сами линии (`clabel`). Затем создайте файл-функцию, содержащую функцию и вектор $[x_0, y_0]$ в качестве входного параметра. После этого, с помощью `fminsearch` и различных векторов приближений найдите все 4 локальных экстремума функции. Постройте освещённую поверхность функции и проанализируйте экстремумы, повертев поверхность.
- 9) Результат (файл *.m) - мне на почту.