# ОРГАНИЗАЦИОННЫЙ МОМЕНТ ПОСТАНОВКА ТЕМЫ И ЦЕЛЕЙ УРОКА

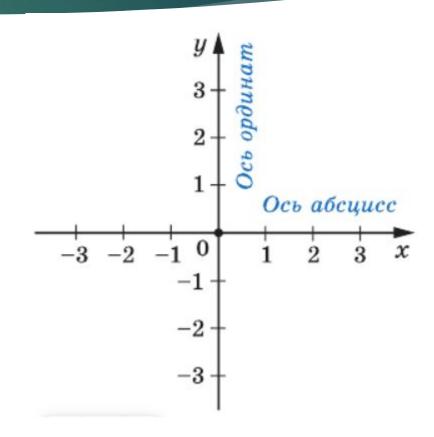
### Здравствуйте ребята!

Сегодня на уроке мы вспомним, что такое декартова система координат на плоскости, будем учиться находить расстояние между точками, а также определять координаты середины отрезка.



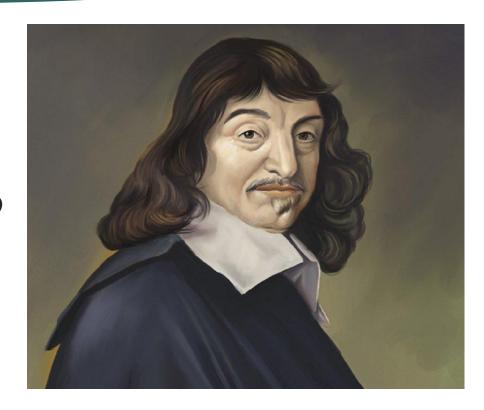
# Актуализация знаний

В 6 классе вы ознакомились с координатной плоскостью, то есть с плоскостью, на которой изображены две перпендикулярные координатные прямые (ось абсцисс и ось ординат) с общим началом отсчета (смотрите на рисунке). Вы умеете отмечать на ней точки по их координатам и наоборот, находить координаты точки, отмеченной на координатной плоскости.



# Рене Декарт

Координаты точки на плоскости называют рузартовыми координатами в честь французского математика Рене Декарта.





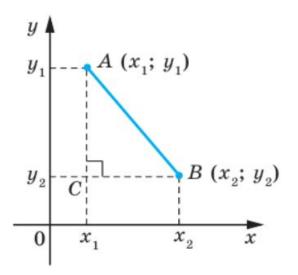
# Актуализация знаний

Вы знаете, как находить расстояние в между двумя точками, заданными своими координатами на координатной прямой. Для точек  $A(x_1)$  и  $B(x_2)$  имеем:  $AB = |x_2 - x_1|$ .



Научимся находить расстояние между точками  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$ , заданными на плоскости xy.

Рассмотрим случай, когда отрезок AB не перпендикулярен ни одной из координатных осей (см. рис.)



Через точки A и B проведем прямые, перпендикулярные координатным осям. Получим прямоугольный треугольник ACB, в котором  $BC = |x_2 - x_1|$ ,  $AC = |y_2 - y_1|$ . Отсюда  $AB^2 = BC^2 + AC^2 = |x_2 - x_1|^2 + |y_2 - y_1|^2 = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$ .

Тогда формулу расстояния между точками  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  можно записать так:

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

Докажите самостоятельно, что эта формула остается верной и для случая, когда отрезок АВ перпендикулярен одной из осей координат.

Пусть  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  — точки плоскости xy. Найдем координаты  $(x_0; y_0)$  точки M — середины отрезка AB.

Рассмотрим случай, когда отрезок AB не перпендикулярен ни одной из координатных осей (рис. 8.4). Будем считать, что  $x_2 > x_1$  (случай, когда  $x_2 < x_1$ , рассматривается аналогично). Через точки A, M и Bпроведем прямые, перпендикулярные оси абсцисс, которые пересекут эту ось соответственно в точках  $A_1$ ,  $M_1$  и  $B_1$ . По теореме Фалеса  $A_1M_1=M_1B_1$ , тогда  $|x_0-x_1|=|x_2-x_0|$ . Поскольку  $x_2>x_0>x_1$ , то

можем записать:  $x_0 - x_1 = x_2 - x_0$ . Отсюда  $x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$  Аналогично

$$x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

можно показать что

Формулы для нахождения координат середины отрезка остаются верными и для случая, когда отрезок АВ перпендикулярен одной из осей координат.

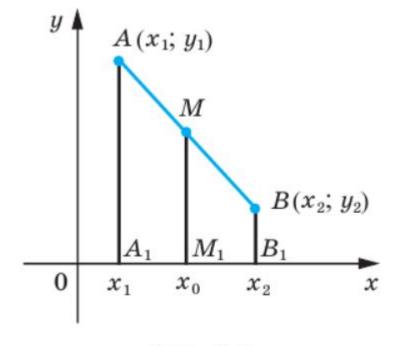


Рис. 8.4

### Задание 1



Докажем, что треугольник с вершинами в точках А (–1; 7); В (1; 3) и С (5; 5) является равнобедренным прямоугольным.

#### Решение:

Используя формулу расстояния между двумя точками, найдем стороны данного треугольника:

$$AB = \sqrt{(1+1)^2 + (3-7)^2} = \sqrt{4+16} = \sqrt{20};$$

$$BC = \sqrt{(5-1)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{16+4} = \sqrt{20};$$

$$AC = \sqrt{(5+1)^2 + (5-7)^2} = \sqrt{36+4} = \sqrt{40}$$
.

Следовательно, AB = BC, то есть треугольник ABC равнобедренный.

Поскольку  $AB^2 + BC^2 = 20 + 20 = 40 = AC^2$ , то треугольник ABC прямоугольный.





### Точка M (2; –5) – середина отрезка AB, A (–1; 3). Найдите координаты точки B.

#### Решение:

Обозначим  $(x_B; y_B)$  — координаты точки B,  $(x_A; y_A)$  — координаты точки A,  $(x_M; y_M)$  — координаты точки M.

Поскольку 
$$\frac{x_A + x_B}{2} = x_M$$
, то получаем:  $\frac{-1 + x_B}{2} = 2$ ;  $-1 + x_B = 4$ ;  $x_B = 5$ .

Аналогично 
$$\frac{y_A + y_B}{2} = y_M; \quad \frac{3 + y_B}{2} = -5; \quad y_B = -13.$$

$$Ответ: B (5; −13).$$
 ◀

### Задание 3



# Найдите координаты середины отрезка MN, если M(2; -5), N(8; 3).

*Решение*. Пусть С – середина отрезка MN, тогда

$$X_C = \frac{x_M + x_N}{2} = \frac{2+8}{2} = 5$$
,  $y_C = \frac{y_M + y_N}{2} = \frac{-5+3}{2} = -1$ 

$$C(5; -1)$$
.

*Ответ*: (5; -1).





Найдите расстояние между точками А и В, если А(3; -7), В(6; -3).

#### Решение.

$$AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2} = \sqrt{(3-6)^2 + (-7+3)^2} = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$$
 (единиц).

Ответ: 5 единиц.

### задание

## Выполни задания:

- 1. Точка М середина отрезка АВ. Найдите координаты точки А, если В(6; -9), М(2; 5).
- 2. Расстояние между точками A(5; -2) и B(9; x) равно 5. Найди x.



### Использованные источники

https://www.youtube.com/watch?v=vH5aVGP0INQ

https://www.evkova.org/dekartovyi-koordinatyi-na-ploskosti#Расстояние%20 между%20двумя%20точками%20с%20заданными%20координатами.%20Координаты%20середины%20отрезка

Сборник упражнений и задач по теме "Декартовы координаты на плоскости" (автор Амет 3.Л.)