



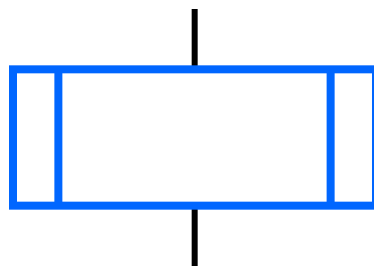
ЗАПИСЬ ВСПОМОГАТЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ НА ЯЗЫКЕ ПАСКАЛЬ

- подпрограмма
 - процедура
 - функция
- рекурсивная функция

9 класс

Вспомогательный алгоритм

Вспомогательный алгоритм - алгоритм, целиком используемый в составе другого алгоритма.



Блок «предопределённый процесс»

Вспомогательный алгоритм делает структуру алгоритма более простой и понятной.

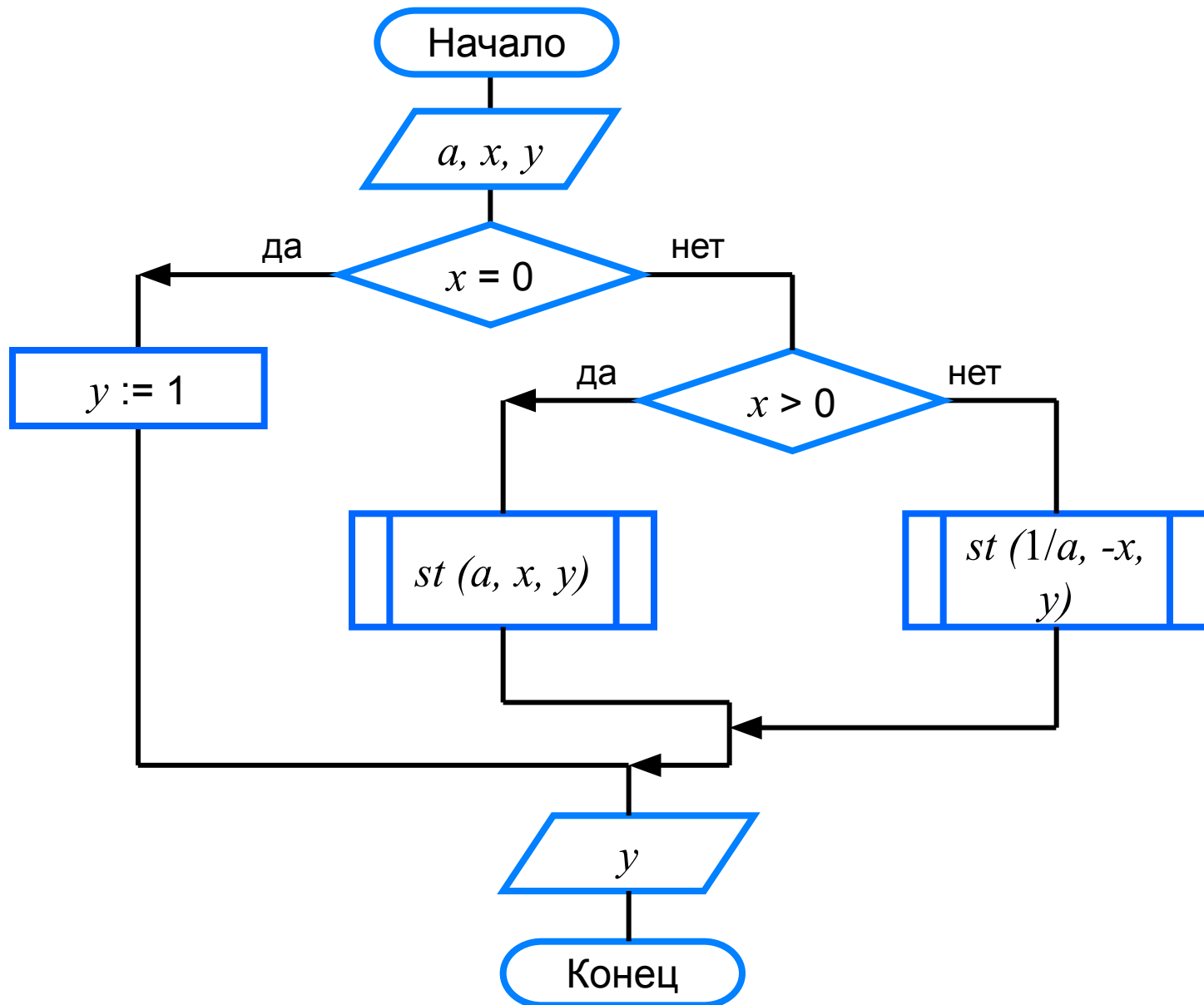
Алгоритм вычисления степени

$y = a^x$, где x - целое число, $a \neq 0$.

$$y = \begin{cases} 1, & \text{при } x = 0 \\ a^x, & \text{при } x > 0 \\ \frac{1}{a^x}, & \text{при } x < 0 \end{cases}$$

Обозначим алгоритм возведения числа в степень $st(a, n, y)$.
Это вспомогательный алгоритм.

Блок-схема решения задачи:



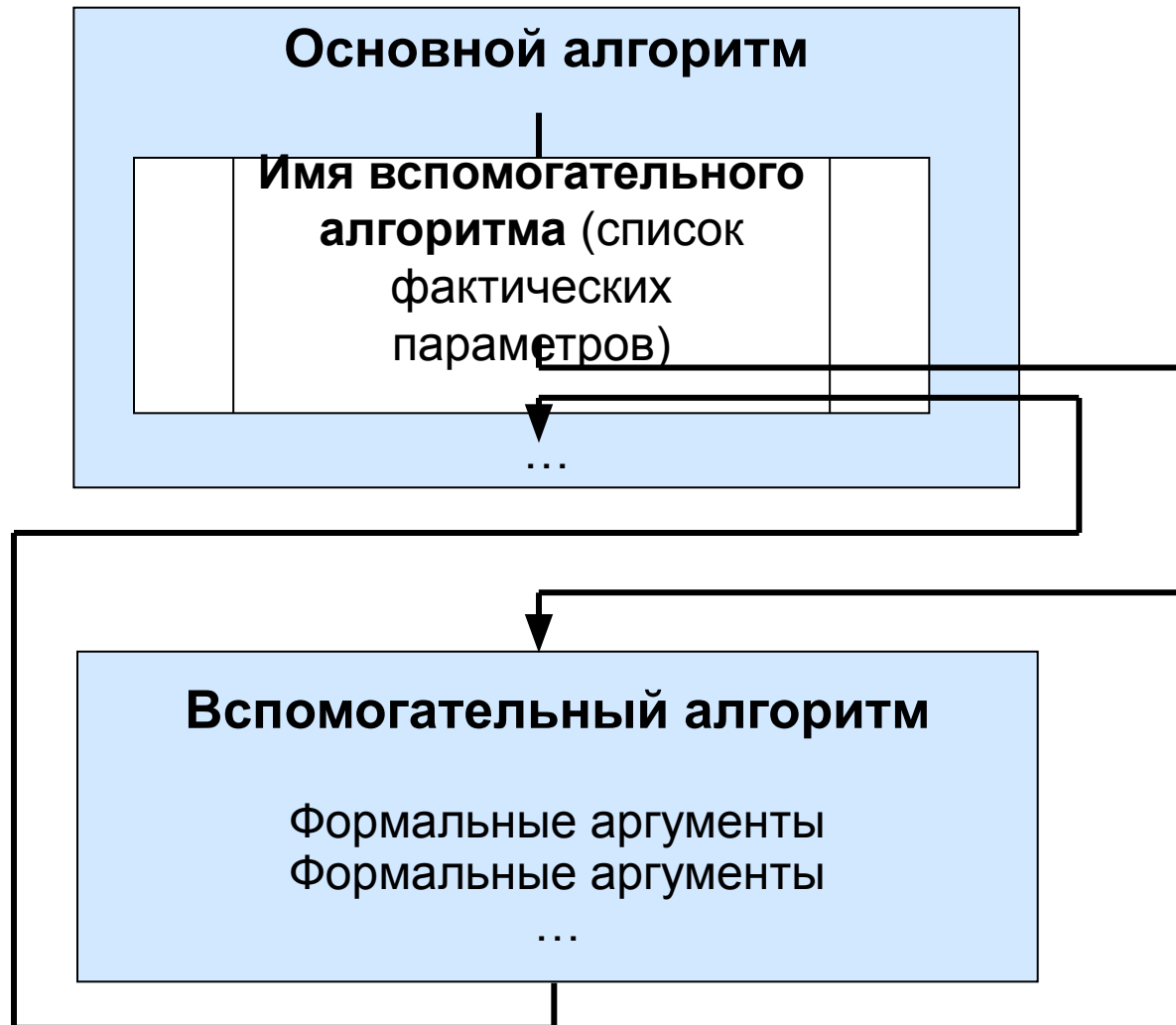
Формальные и фактические параметры

Формальные параметры используются при описании алгоритма.

Фактические параметры - те величины, для которых будет исполнен вспомогательный алгоритм.

Типы, количество и порядок следования формальных и фактических параметров должны совпадать.

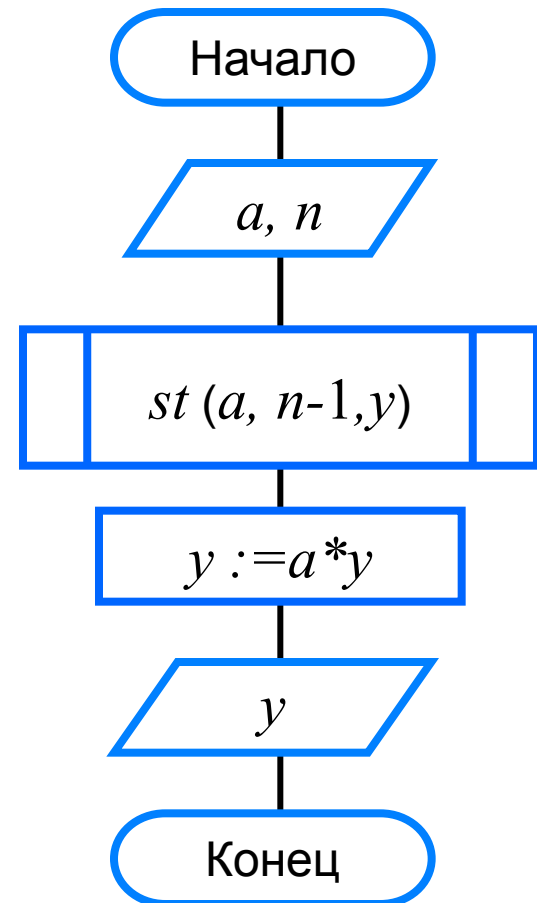
Схема вызова вспомогательного алгоритма



Рекурсивный алгоритм

Алгоритм, в котором прямо или косвенно содержится ссылка на него же как на вспомогательный алгоритм, называют **рекурсивным**.

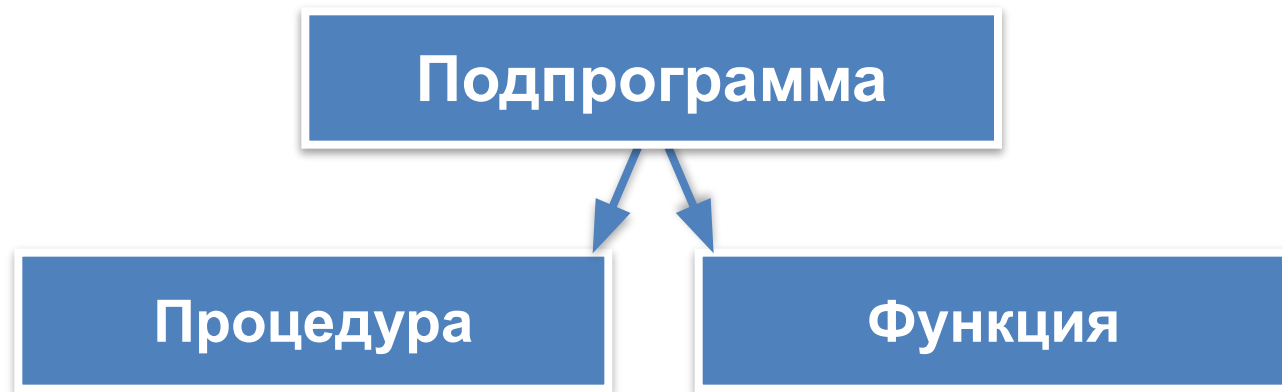
Пример. Алгоритм вычисления степени с натуральным показателем n для любого вещественного числа a , представленный в виде рекурсивного алгоритма



Подпрограммы

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью **подпрограмм**.

Структура описания подпрограммы аналогична структуре главной программы. Описание подпрограммы начинается с заголовка и заканчивается оператором **end**



Процедуры

Процедура - подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

— Входные параметры:
переменные, константы,
выражения

procedure <имя_процедуры> (<описание параметров-значений>; **var**: <описание параметров-переменных>);

begin

<операторы>

end;

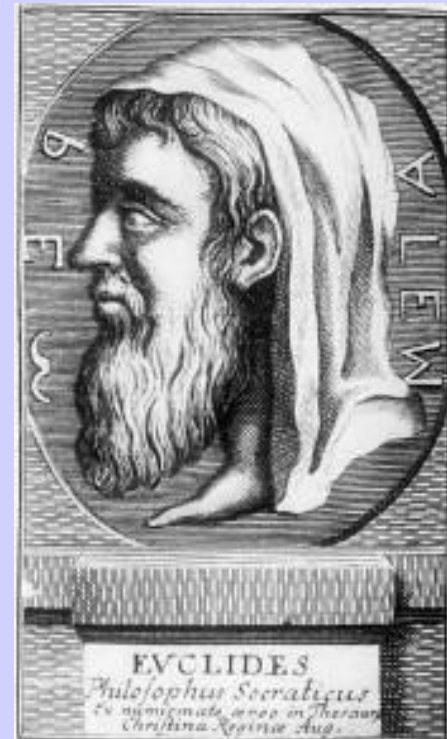
— Выходные
параметры

Для вызова процедуры достаточно указать её имя со списком фактических параметров.

Алгоритм Евклида

Процедура для нахождения НОД

```
procedure nod (a, b: integer; var c:integer);  
begin  
  while a<>b do  
    if a>b  
      then a:=a-b  
      else b:=b-a;  
  c:=a  
end;
```



Варианты вызова процедуры

`nod (36, 15, z)`

в качестве параметров-значений
использованы константы

`nod (x, y, z)`

в качестве параметров-значений
использованы имена переменных

`nod (x+ y, 15, z)`

в качестве параметров-значений
использованы выражение и константа



Между фактическими и формальными параметрами должно быть полное соответствие по количеству, порядку следования и типу.

Программа с процедурой

```
program n_6;
```

Заголовок главной программы

```
const m: array [1..6] of integer =(16, 32, 40, 64, 80, 128);
```

Описание констант

```
var l, x, y, z: integer;
```

Раздел описания переменных

```
procedure nod (a, b: integer; var c: integer);
```

```
begin
```

```
  while a<>b do
```

```
    if a>b then a:=a-b else b:=b-a;
```

```
  c:=a
```

```
end;
```

Раздел описания подпрограммы

```
begin
```

```
  x:=m[1];
```

```
  for i:=2 to 6 do
```

```
  begin
```

```
    y:=m[i];
```

```
    nod (x, y, z);
```

```
    x:=z
```

```
  end;
```

```
writeln ('НОД=', x)
```

```
end.
```

Раздел описания операторов главной программы

Функции

Функция - подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.

Перечень формальных параметров и их типов

function <имя_функции> (<описание входных данных>):
<тип_функции>;

begin

<операторы>;

<имя_функции> := <результат>

end;

Тип результата

В блоке функции обязательно должен присутствовать оператор **<имя_функции>:=<результат>.**

!

Для вызова функции достаточно указать её имя со списком фактических параметров в любом выражении, в условиях, (после слов if, while, until) или в операторе **write** главной программы.

Функция поиска максимального из 2-х

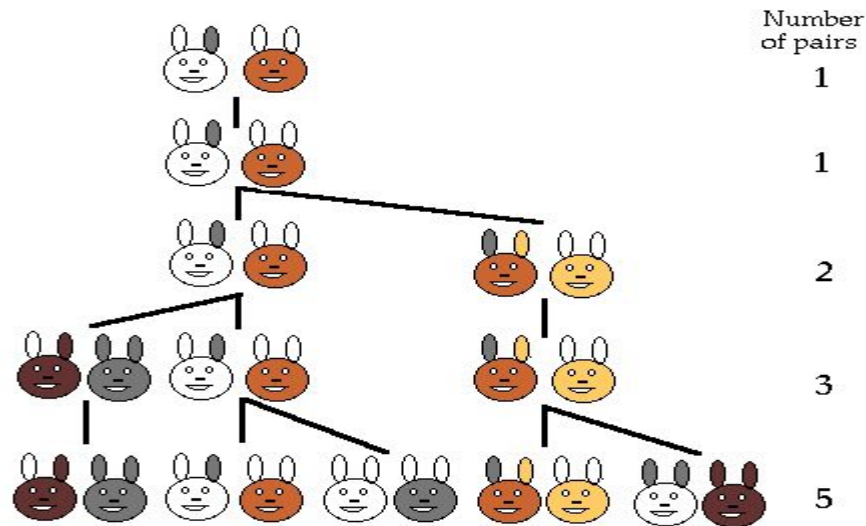
program n_7;	<i>Заголовок главной программы</i>
var a, b, c, d, f: integer;	<i>Описание переменных</i>
function max (x, y: integer): integer; begin if x>y then max:=x else max:=y; end ;	<i>Раздел описания подпрограммы</i>
begin readln (a, b, c, d); f:= max(max(a, b), max(c, d)); writeln ('f=', f); end.	<i>Раздел операторов главной программы (поиск максимального из 4-х чисел)</i>



Последовательность Фибоначчи

В январе Саше подарили пару новорождённых кроликов. Через два месяца они дали первый приплод - новую пару кроликов, а затем давали приплод по паре кроликов каждый месяц.

Каждая новая пара также даёт первый приплод (пару кроликов) через два месяца, а затем - по паре кроликов каждый месяц. Сколько пар кроликов будет у Саши в декабре?



Числа 1, 1, 2, 3, 5, 8, ... образуют так называемую **последовательность Фибоначчи**, названную в честь итальянского математика, впервые решившего соответствующую задачу ещё в начале XIII века.

Математическая модель

Пусть $f(n)$ количество пар кроликов в месяце с номером n .

По условию задачи:

$$f(1) = 1,$$

$$f(2) = 1,$$

$$f(3) = 2.$$

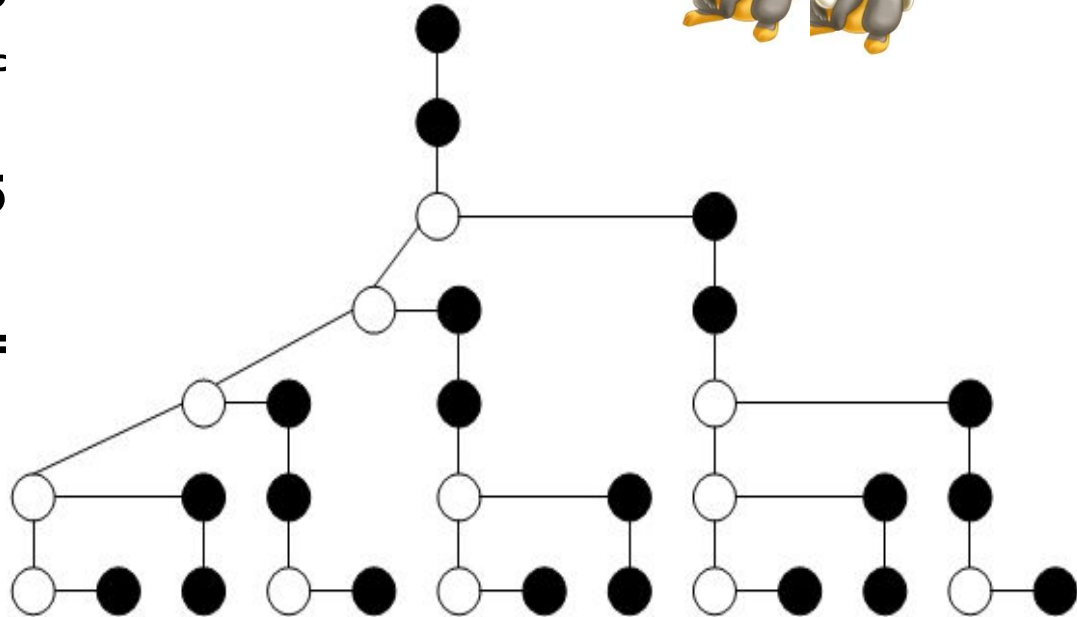
Из двух пар, имеющих в марте, дать приплод в апреле сможет только одна: $f(4) = 3$.

Из пар, имеющих в апреле потомство, приплод в мае смогут только родившиеся в марте и ранее:

$$f(5) = f(4) + f(3) = 3 + 2 = 5$$

В общем случае:

$$f(n) = f(n-1) + f(n-2), n \geq 3$$



Функция

```
function f (n: integer): integer;  
begin  
    if (n=1) or (n=2) then f:=1  
    else f:=f(n-1)+f(n-2)  
end;
```

Полученная функция ***рекурсивная*** - в ней реализован способ вычисления очередного значения функции через вычисление её предшествующих значений.

$$\sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \dots}}}}}$$



Самое главное

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью **подпрограмм**. В Паскале различают два вида подпрограмм: процедуры и функции.

Процедура - подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

Функция - подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.



Опорный конспект

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью **подпрограмм**.

Подпрограмма

```
graph TD; A[Подпрограмма] --> B[Процедура]; A --> C[Функция]; B --> D[Подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.]; C --> E[Подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.];
```

Процедура

Подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

Функция

Подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.

Работаем в РТ

92. Выделите в программе и подпишите справа от нее заголовки головной программы; раздел описания переменных; раздел описания подпрограммы с указанием имени функции, входных данных, типа результата и операторов функции; раздел операторов головной программы.

```
program n92;
var x, y: integer;
p: longint;
function f (n: integer):
    longint;
var i: integer; p: longint;
begin
    p:=1;
    for i:=1 to x do p:=p*i;
    f:=p
end;
begin
    write ('x='); readln (x);
    write ('y='); readln (y);
    p:= f(x)+f(y)+f(x+y);
    writeln ('p=', p)
end.
```

Что будет выведено на экран в результате выполнения этой программы?

90. Выделите в программе и подпишите справа от нее заголовки головной программы; раздел описания переменных; раздел описания подпрограммы с указанием имени подпрограммы, параметров-значений, параметров переменных и операторов подпрограммы; раздел операторов головной программы.

```
program n90;
var x, y: integer;
procedure tr(a: integer;
    var b: integer);
begin
    writeln (a, ' ', b);
    a:=a+10;
    b:=b+a;
    writeln (a, ' ', b);
end;
begin
    x:=5;
    y:=5;
    writeln (x, ' ', y);
    tr(x, y);
    writeln (x, ' ', y);
end.
```

Вопросы и задания

Задача 46_1 Напишите программу перестановки значений переменных a , b , c в порядке возрастания, т. е. так, чтобы $a < b < c$. Используйте процедуру **swap**.

```
procedure swap (var x, y: integer);  
    var m: integer;  
begin  
    m:=x;  
    x:=y;  
    y:=m  
end;
```

Исходные данные вводятся с клавиатуры.

Задача 46_2 Напишите функцию, вычисляющую длину отрезка по координатам его концов. С помощью этой функции напишите программу, вычисляющую периметр треугольника по координатам его вершин.