Программирование на языке C++

- § 54. Алгоритм и его свойства
- § 55. Простейшие программы
- § 56. <u>Вычисления</u>
- § 57. Ветвления
- § 58. <u>Циклические алгоритмы</u>
- § 59. <u>Процедуры</u>
- § 60. <u>Функции</u>
- § 61. <u>Рекурсия</u>

Программирование на языке C++

§ 54. Алгоритм и его свойства

Что такое алгоритм?

Алгоритм — это точное описание порядка действий, которые должен выполнить исполнитель для решения задачи за конечное время.

Исполнитель — это устройство или одушёвленное существо (человек), способное понять и выполнить команды, составляющие алгоритм.



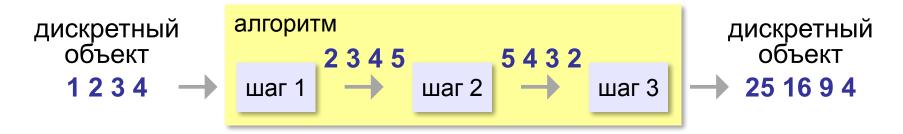
(ок. 783-ок. 850 гг.)

Формальные исполнители: не понимают (и не могут понять) смысл команд.

Свойства алгоритма

- **Дискретность** алгоритм состоит из отдельных команд, каждая из которых выполняется за конечное время.
- **Детерминированность** (определённость) при каждом запуске алгоритма с одними и теми же исходными данными получается один и тот же результат.
- **Понятность** алгоритм содержит только команды, входящие в **систему команд исполнителя**.
- **Конечность** (результативность) для корректного набора данных алгоритм должен завершаться через конечное время.
- **Корректность** для допустимых исходных данных алгоритм должен приводить к правильному результату.

Как работает алгоритм?



- •получает на вход дискретный объект
- •в результате строит другой дискретный объект (или выдаёт сообщение об ошибке)
- •обрабатывает объект по шагам
- •на каждом шаге получается новый дискретный объект

Способы записи алгоритмов

•естественный язык

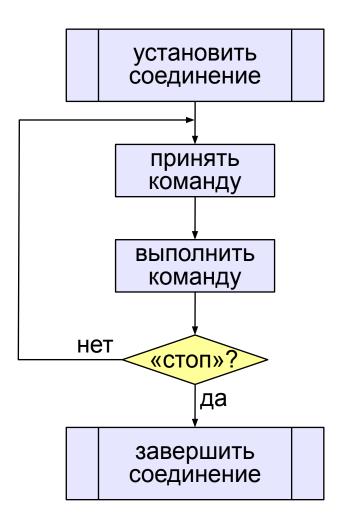
```
установить соединение
пока не принята команда «стоп»
принять команду
выполнить команду
завершить сеанс связи
```

•псевдокод

```
установить соединение
начало цикла
принять команду
выполнить команду
конец цикла при команда = 'stop'
завершить сеанс связи
```

Способы записи алгоритмов

•блок-схема



•программа

```
установить Соединение
начало цикла
сmd= получить Команду
выполнить Команду (cmd)
конец при cmd = 'stop'
закрыть Соединение
```

Программирование на языке C++

§ 55. Простейшие программы

Простейшая программа

это основная программа

```
main()
{
    // это основная программа
    /* здесь записывают
    операторы */
}
```

Что делает эта программа?

Вывод на экран

```
main()
{
    character output — выходной поток [символов] на консоль

    cout << "2+"; "\n" — новая строка
    cout << "2=?\n";
    cout << "Ответ: 4";
}
```

Протокол:

2+

Ответ: 4

Подключение библиотечных функций

```
#include <iostream>
                           стандартные потоки
                             ввода и вывода
using namespace std;
main()
                         стандартное
                      пространство имен
   cout << "2+";
   cout << "2=?\n";
   cout << "OTBET: 4";
   cin.get();
                  ждать нажатия любой
                        клавиши
```

character input — выходной поток [символов] с консоли

Если не подключить пространство имён...

```
#include <iostream>
main()
         пространство имен std
   std::cout << "2+";
   std::cout << "2=?\n";
   std::cout << "OTBET: 4";
   std::cin.get();
```

Вывод в поток

```
cout << "2+" << "2=?" << "\n" << "OTBET: 4";
```

```
cout << "2+" << "2=?" << end1 << "OTBET: 4";
```

end of line – конец строки

Задания

«В»: Вывести на экран текст «лесенкой» Вася

пошел

гулять

«С»: Вывести на экран рисунок из букв жжж жжж жжжж жжжжж нн нн дагага

Онлайн http://cpp.sh/

компьютер

Сложение чисел

Задача. Ввести с клавиатуры два числа и найти их сумму.

Протокол:

Введите два целых числа

25 30

пользователь

25+30=55

компьютер считает сам!

- 3
- 1. Как ввести числа в память?
- 2. Где хранить введенные числа?
- 3. Как вычислить?
- 4. Как вывести результат?

Сумма: псевдокод

```
main()
{
    // ввести два числа
    // вычислить их сумму
    // вывести сумму на экран
}
```

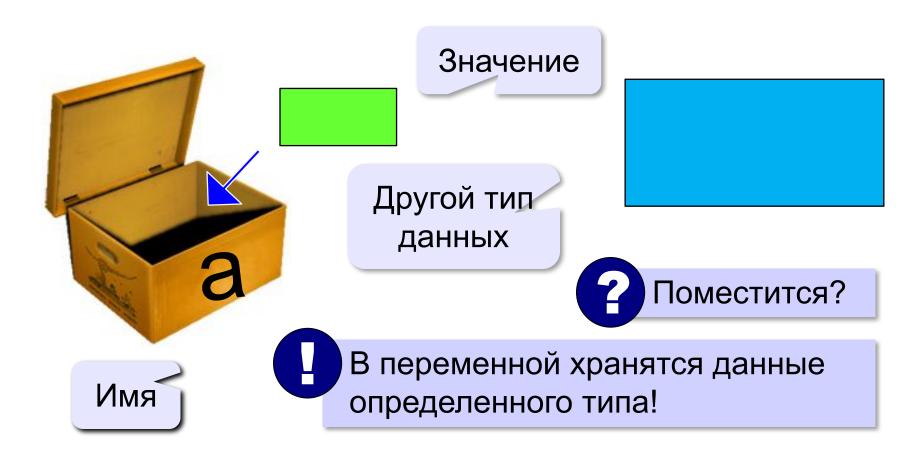
Псевдокод – алгоритм на русском языке с элементами языка программирования.



Компьютер не может исполнить псевдокод!

Переменные

Переменная – это величина, имеющая имя, тип и значение. Значение переменной можно изменять во время работы программы.



Имена переменных

МОЖНО использовать

• латинские буквы (А-Z, a-z)

заглавные и строчные буквы различаются

• цифры

имя не может начинаться с цифры

• знак подчеркивания _

НЕЛЬЗЯ использовать

- русские буквы
- • скобки
- знаки +, =, !, ? и др.

Какие имена правильные?

AXby R&B 4Wheel Bacя "PesBarbos" TU154 [QuQu] ABBA A+B

Объявление переменных

Типы переменных:

- int // целая
- float // вещественная
- и другие...

выделение места в памяти

Объявление переменных:

```
тип — целые список имен переменных int a, b, c;
```

Тип переменной

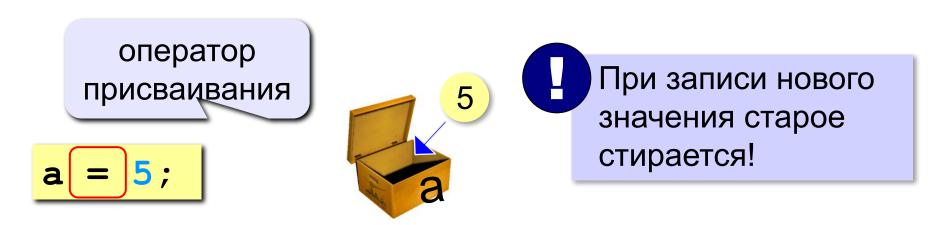
- •область допустимых значений
- •допустимые операции
- •объём памяти
- •формат хранения данных
- •для предотвращения случайных ошибок

Начальные значения:

int a,
$$b = 1$$
, $c = 55$;

Что в переменной а?

Как записать значение в переменную?



Оператор – это команда языка программирования (инструкция).

Оператор присваивания — это команда для записи нового значения в переменную.

Ввод значения с клавиатуры

ввести значение **a** из входного потока

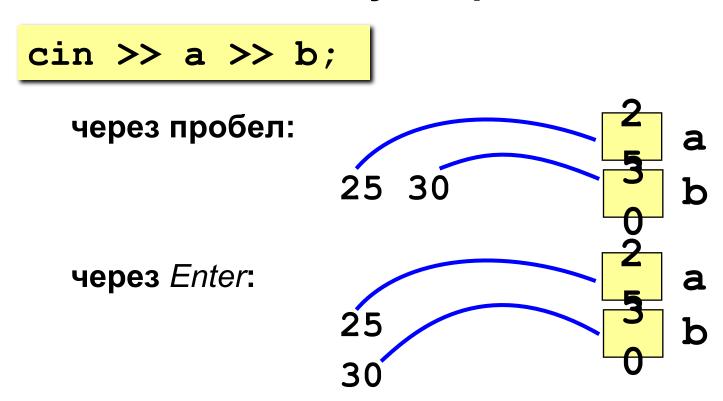


cin >> a;

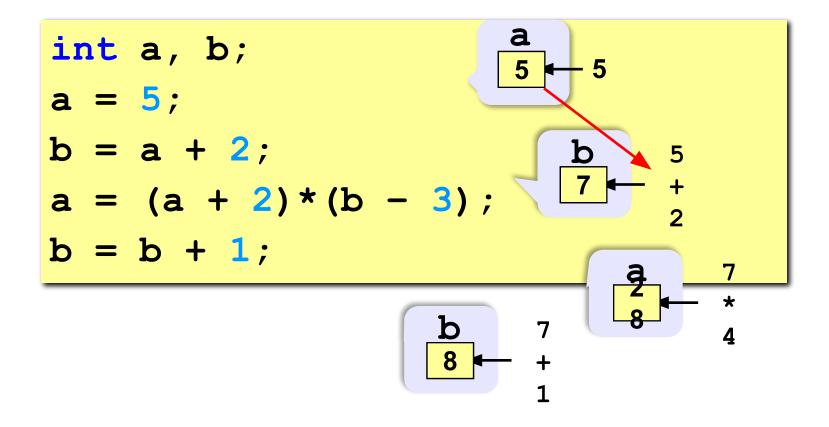


- 1. Программа ждет, пока пользователь введет значение и нажмет *Enter*.
- 2. Введенное значение записывается в переменную **a**.

Ввод значений двух переменных



Изменение значений переменной



Вывод данных

```
//вывод значения
cout << a;
                  //переменной а
cout << a << endl; //...и переход
                    //на новую строку
cout << "Привет!"; //вывод текста
cout << "OTBET: " << c;
//вывод текста и значения переменной с
cout << a << "+" << b << "=" << c;
```

Сложение чисел: простое решение

```
#include <iostream>
using namespace std;
main()
   int a, b, c;
   cin >> a >> b;
                     ждём нажатия
   c = a + b;
                      на клавишу
   cout << c;
   cin.get(); cin.get();
                                 Что плохо?
   читаем остатки
```

читаем остатки входного потока после ввода

Сложение чисел: полное решение

25+30=55

```
main()
                   подсказка
  int a, b, c;
  cout << "Введите два целых числа\n";
  cin >> a >> b;
  c = a + b;
  cout << a << "+" << b << "=" << c;
                        компьютер
Протокол:
  Введите два целых числа
  25 30
                пользователь
```

Снова про оператор вывода

Вычисление выражений:

```
cout << a << "+" << b << "=" << a+b;
```

```
Форматный вывод:
                             манипуляторы для
 #include <iomanip>
                            управления потоками
 a = 123;
 cout << setw(5)
                                  __123
                    << a;
                                  5 знаков
    set width – установить
       ширину поля
```

Программирование на языке C++

§ 56. Вычисления

Типы данных

```
int // целое
long int // длинное целое
float // вещественное
double // веществ. двойной точности
bool // логические значения
char // символ
```

Арифметическое выражения

$$3 12456$$
 $a = (c + b*5*3 - 1) / 2 * d;$

Приоритет (старшинство):

- 1)скобки
- 2)умножение и деление
- 3)сложение и вычитание

$$a = \frac{c + b \cdot 5 \cdot 3 - 1}{2} \underbrace{cd}$$

Деление

Результат деления целого на целое – **целое** число (остаток отбрасывается):

```
Что запишется в х?
int a = 3, b = 4;
float x;
x = 3 / 4;
x = 3. / 4;
x = 3 / 4.;
x = a / 4;
x = a / 4.;
x = a / b;
x = float(a) / 4;
x = a / float(b);
```

Остаток от деления

% – остаток от деления

```
int a, b, d;
d = 85;
b = d / 10;
a = d % 10;
d = a % b;
d = b % a;
```

Для отрицательных чисел:

```
int a = -7;
b = a / 2;
d = a % 2;
D В математике не так!
octatok \geq 0
-7 = (-4)*2+1
```

Сокращенная запись операций

```
int a, b;
a ++; // a = a + 1;
a --; // a = a - 1;
a += b; // a = a + b;
a -= b; // a = a - b;
a *= b; // a = a * b;
a /= b; // a = a / b;
a \% = b; // a = a \% b;
```

Вещественные числа

Целая и дробная части числа разделяются точкой!

Форматы вывода:

```
float x = 123.456;
                            5 значащих цифр
cout.width(10);
cout.precision(5);
                                123.46
cout << x << endl;
cout.width(10);
                              всего 10 знаков
cout.precision(2);
                           ___1.2e+002
cout << x << endl;
                                   1.2 \cdot 10^2
```

Вещественные числа

Формат с фиксированной точкой:

фиксированный

123.456

Вещественные числа

Экспоненциальный (научный) формат:

```
float x;
                              3,33333 \cdot 10^{-5}
x = 1./30000;
                         3.3333e-005
cout << x;
x = 12345678.;
                         1.23457e+007
cout << x;
                               1,23457 \cdot 10^7
float x = 123.456;
cout.width(10);
                      в дробной части
cout.precision(2);
cout << scientific << x; 1.23e+002
        научный
```

Стандартные функции

```
#include <cmath>
```

подключить математическую библиотеку

```
abs(x) — модуль целого числа
fabs(x) — модуль вещественного числа
sqrt(x) — квадратный корень
sin(x) — синус угла, заданного в радианах
cos (x) — косинус угла, заданного в радианах
exp(x) — экспонента e^x
ln (x) — натуральный логарифм
ром (х, у) — x^{y}: возведение числа x в степень y
floor(x) — округление «вниз»
ceil(x) — округление «вверх»
```

```
float x;
x = floor(1.6);// 1
x = ceil(1.6); // 2
```

```
x = floor(-1.6); //-2

x = ceil(-1.6); //-1
```

Случайные числа

Случайно...

- •встретить друга на улице
- •разбить тарелку
- •найти 10 рублей
- •выиграть в лотерею

Случайный выбор:

- •жеребьевка на соревнованиях
- •выигравшие номера в лотерее

Как получить случайность?













Случайные числа на компьютере

Электронный генератор





- нужно специальное устройство
- нельзя воспроизвести результаты

Псевдослучайные числа – обладают свойствами случайных чисел, но каждое следующее число вычисляется по заданной формуле.

Метод середины квадрата (Дж. фон Нейман)

зерно

564321

в квадрате

малый период
 (последовательность
 повторяется через 10⁶ чисел)

318458191041

209938992<mark>481</mark>

Линейный конгруэнтный генератор

```
X = (a*X+b) % c | интервал от 0 до c-1
X = (X+3) % 10 | интервал от 0 до 9
X = 0 \to 3 \to 6 \to 9 \to 2 \to 5 \to 8
8 \to 1 \to 4 \to 7 \to 0
Зацикливание
```

зерно

Важен правильный выбор параметров a, b и c!

Компилятор GCC:

$$a = 1103515245$$

 $b = 12345$
 $c = 2^{31}$

Генератор случайных чисел

```
#include <cstdlib>
```

Генератор на отрезке [0,RAND_MAX]:

```
int X, Y;
X = rand(); // псевдослучайное число
Y = rand() // это уже другое число!
```

англ. random – случайный

Целые числа на отрезке [a,b]:

```
int X, Y;
X = a + rand() % (b - a + 1);
Y = a + rand() % (b - a + 1);
```

Почему так?

[0,b-a]

«А»: Ввести с клавиатуры три целых числа, найти их сумму, произведение и среднее арифметическое.

Пример:

```
Введите три целых числа:
```

```
5 7 8
5+7+8=20
5*7*8=280
(5+7+8)/3=6.667
```

«В»: Ввести с клавиатуры координаты двух точек (А и В) на плоскости (вещественные числа). Вычислить длину отрезка АВ.

Пример:

```
Введите координаты точки А:
```

5.5 3.5

Введите координаты точки В:

1.5 2

Длина отрезка AB = 4.272

«С»: Получить случайное трехзначное число и вывести через запятую его отдельные цифры.

Пример:

Получено число 123.

Его цифры 1, 2, 3.

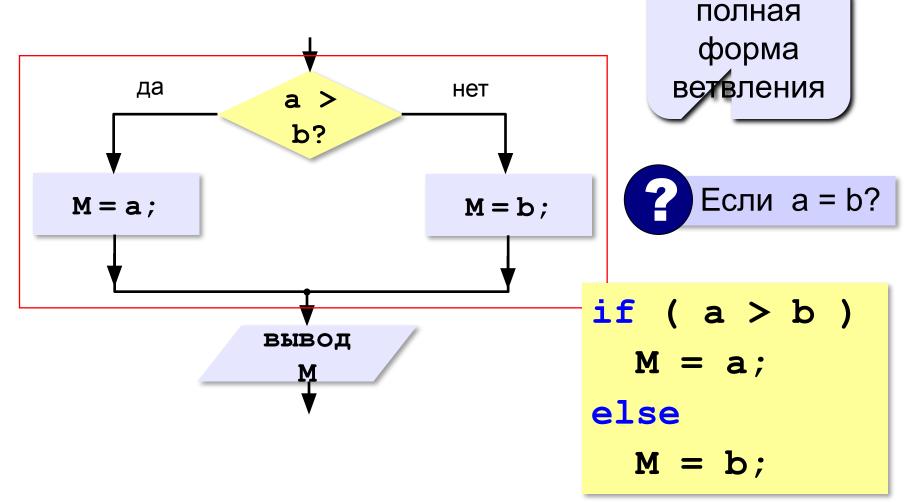
Программирование на языке C++

§ 57. Ветвления

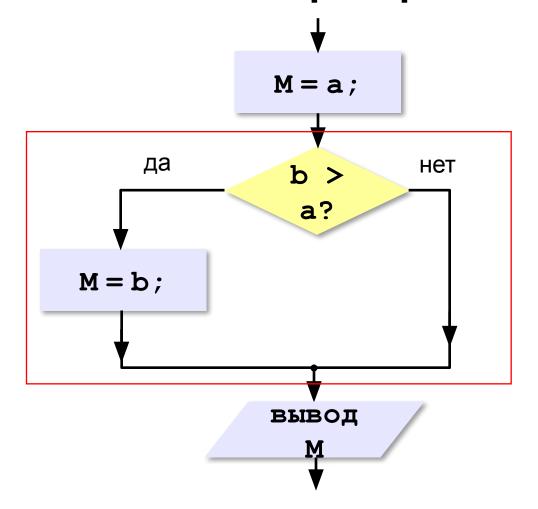
Условный оператор

Задача: изменить порядок действий в зависимости от

выполнения некоторого условия.



Условный оператор: неполная форма

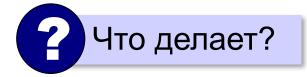


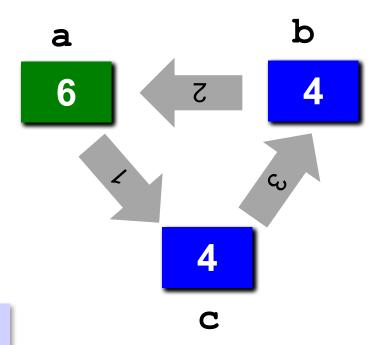
```
M = a;
if (b > a)
M = b;
```

неполная форма ветвления

Условный оператор

```
if ( a < b )
  {
  c = a;
  a = b;
  b = c;
}</pre>
```





Можно ли обойтись без переменной **с**?

Знаки отношений



>= больше или равно

<= меньше или равно

== равно

!= не равно

Вложенные условные операторы

Задача: в переменных **a** и **b** записаны возрасты Андрея и

Бориса. Кто из них старше?

? Сколько вариантов?

```
if (a > b)
  cout << "Андрей старше";
else
  if (a == b)
    cout << "Одного возраста";
else
  cout << "Борис старше";</pre>
```

Зачем нужен?

вложенный условный оператор

«А»: Ввести три целых числа, найти максимальное из них.

Пример:

Введите три целых числа:

1 5 4

Максимальное число 5

«В»: Ввести пять целых чисел, найти максимальное из них.

Пример:

Введите пять целых чисел:

1 5 4 3 2

Максимальное число 5

«С»: Ввести последовательно возраст Антона, Бориса и Виктора. Определить, кто из них старше.

Пример:

Возраст Антона: 15

Возраст Бориса: 17

Возраст Виктора: 16

Ответ: Борис старше всех.

Пример:

Возраст Антона: 17

Возраст Бориса: 17

Возраст Виктора: 16

Ответ: Антон и Борис старше Виктора.

Сложные условия

Задача: набор сотрудников в возрасте **25-40 лет** (включительно). сложное условие

```
if ( v >= 25 && v <= 40 )
  cout << "подходит";
else
  cout << "не подходит";</pre>
```

```
&& «И»
```

«HE»

Приоритет:

```
1)отношения (<, >, <=, >=, !=)
2)! («НЕ»)
3)&& («И»)
4)|| («ИЛИ»)
```

«А»: Напишите программу, которая получает три числа и выводит количество одинаковых чисел в этой цепочке.

Пример:

Введите три числа:

5 5 5

Все числа одинаковые.

Пример:

Введите три числа:

5 7 5

Два числа одинаковые.

Пример:

Введите три числа:

5 7 8

Нет одинаковых чисел.

«В»: Напишите программу, которая получает номер месяца и выводит соответствующее ему время года или сообщение об ошибке.

Пример:

Введите номер месяца:

5

Весна.

Пример:

Введите номер месяца:

15

Неверный номер месяца.

«С»: Напишите программу, которая получает возраст человека (целое число, не превышающее 120) и выводит этот возраст со словом «год», «года» или «лет». Например, «21 год», «22 года», «25 лет».

Пример:

Введите возраст: 18

Вам 18 лет.

Пример:

Введите возраст: 21

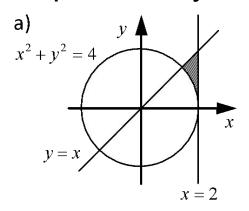
Вам 21 год.

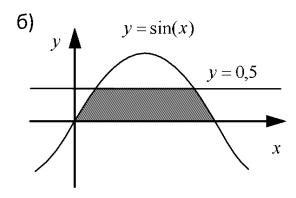
Пример:

Введите возраст: 22

Вам 22 года.

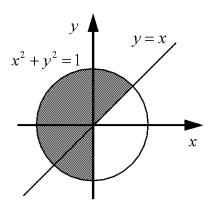
«А»: Напишите условие, которое определяет заштрихованную область.



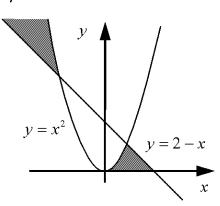


«В»: Напишите условие, которое определяет заштрихованную область.

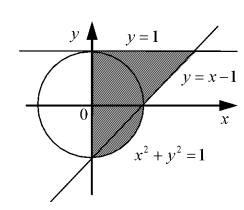
a)



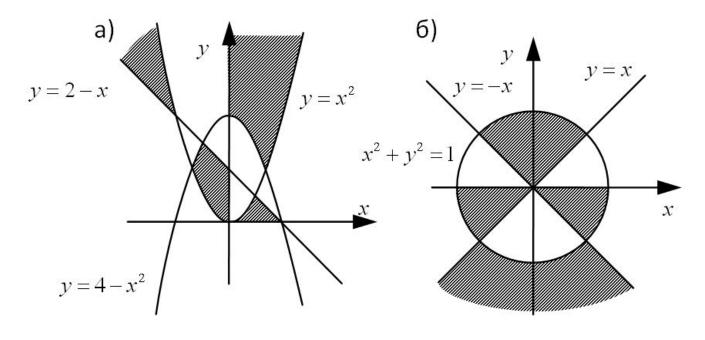
б)



в)



«С»: Напишите условие, которое определяет заштрихованную область.



Множественный выбор

```
if (m == 1) cout << "январь";
if (m == 2) cout << "февраль";
...
if (m == 12) cout << "декабрь";
```

```
switch ( m ) {
   case 1: cout << "январь";
            break;
   case 2: cout << "февраль";</pre>
            break;
   case 12: cout << "декабрь";</pre>
             break;
   default: cout << "ошибка";
```

Множественный выбор

Если не ставить break:

При m = 2: февральмартошибка

Множественный выбор

```
char c;
                   ждать нажатия клавиши,
c = getch();
                       получить её код
switch(c)
  case 'a':
       cout << "антилопа\n";
                                   несколько
       cout << "Анапа\n";
                                  операторов в
       break;
                                     блоке
  case 'я':
       cout << "gryap\n";
       cout << "Якутск\n";
       break;
  default: cout << "Ошибка!";
```

Программирование на языке C++

§ 58. Циклические алгоритмы

Что такое цикл?

Цикл – это многократное выполнение одинаковых действий.

Два вида циклов:

- цикл с известным числом шагов (сделать 10 раз)
- цикл с неизвестным числом шагов (делать, пока не надоест)

Задача. Вывести на экран 10 раз слово «Привет».

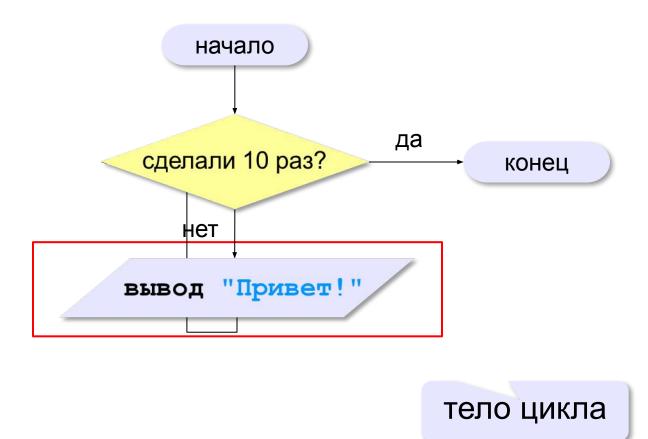


Повторения в программе

```
cout << "Привет\n";
cout << "Привет\n";
...
cout << "Привет\n";
```

? Что плохо?

Блок-схема цикла



Как организовать цикл?

```
Счётчик = 0
пока счётчик < 10
    cout << "Привет\n";
    yвеличить счётчик на 1</pre>
```

результат операции автоматически сравнивается с нулём!

```
Счётчик = 10

пока счётчик > 0

cout << "Привет\n";

уменьшить счётчик на 1
```



8

Какой способ удобнее для процессора?

Цикл с условием

Задача. Определить количество цифр в десятичной записи целого положительного числа, записанного в переменную **n**.

```
счётчик = 0 пока n > 0 отсечь последнюю цифру n увеличить счётчик на 1
```

n	счётчик
1234	0

Как отсечь последнюю цифру?

$$n = n / 10;$$

Как увеличить счётчик на 1?

```
счётчик = счётчик + 1;
```

счётчик ++;

Цикл с условием

начальное значение счётчика

условие продолжения

заголовок цикла

конец

цикла

```
count = 0;
while (n > 0)
{
    n = n / 10;
    count ++;
}
тело цикла
```

A

Цикл с предусловием – проверка на входе в цикл!

Цикл с условием

При известном количестве шагов:

```
k = 0;
while ( k < 10 )
{
  cout << "привет\n";
  k ++;
  }
```

Зацикливание:

```
k = 0;
while ( k < 10 )
{
cout << "привет\n";
}
```

Сколько раз выполняется цикл?

```
2 pasa
a = 4; b = 6;
                                           a = 6
while (a < b)a = a + 1;
                                           1 pas
a = 4; b = 6;
                                          a = 10
while (a < b) a = a + b;
                                           0 раз
a = 4; b = 6;
                                           a = 4
while ( a > b ) a ++;
                                           1 pas
a = 4; b = 6;
while (a < b) b = a - b;
```

a = 4; b = 6;
while (a < b) a --;</pre>

зацикливание

Цикл с постусловием

- •при входе в цикл условие не проверяется
- •цикл всегда выполняется хотя бы один раз

«А»: Напишите программу, которая получает два целых числа A и B (0 < A < B) и выводит квадраты всех натуральных чисел в интервале от A до B.

Пример:

```
Введите два целых числа:
```

```
10 12
10*10=100
11*11=121
12*12=144
```

«В»: Напишите программу, которая получает два целых числа и находит их произведение, не используя операцию умножения. Учтите, что числа могут быть отрицательными.

Пример:

Введите два числа:

$$10 - 15$$

 $10*(-15) = -150$

«С»: Ввести натуральное число N и вычислить сумму всех чисел Фибоначчи, меньших N. Предусмотрите защиту от ввода отрицательного числа N.

Пример:

Введите число N:

10000

Сумма 17710

```
«А»: Ввести натуральное число и найти сумму его цифр.
```

Пример:

Введите натуральное число:

12345

Сумма цифр 15.

«В»: Ввести натуральное число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры, стоящие рядом.

Пример:

Введите натуральное число:

12342

Нет.

Пример:

Введите натуральное число:

12245

Да.

«С»: Ввести натуральное число и определить, верно ли, что в его записи есть две одинаковые цифры (не обязательно стоящие рядом).

Пример:

Введите натуральное число:

12342

Да.

Пример:

Введите натуральное число:

12345

Нет.

Цикл с переменной

Задача. Вывести все степени двойки от 2¹ до 2¹⁰.



Можно ли сделать с циклом «пока»?

```
k = 1;
n = 2;
while ( k <= 10 )
    {
    cout << n << endl;
    n *= 2;
    k ++;
}</pre>
```

```
n = 2;
for( k=1; k<=10; k++ )
    {
    cout << n << endl;
    n *= 2;
    }
}</pre>
```

цикл с переменной

Цикл с переменной: другой шаг

```
for ( k = 10; k >= 1; k-- )
  cout << k*k << endl;</pre>
```

? Что получится?

```
for ( k = 1; k <= 10; k += 2 )
  cout << k*k << endl;</pre>
```

Сколько раз выполняется цикл?

```
a=1;
for (i = 1; i \le 3; i++) a = a + 1;
a = 1;
for (i = 3; i \le 1; i++) a = a+1;
                              зацикливание
a = 1;
for (i = 1; i \le 3; i --) a = a + 1;
                                       a = 4
a = 1;
for (i = 3; i >= 1; i--) a = a + 1;
```

«А»: Найдите все пятизначные числа, которые при делении на 133 дают в остатке 125, а при делении на 134 дают в остатке 111.

«В»: Натуральное число называется **числом Армстронга**, если сумма цифр числа, возведенных в N-ную степень (где N – количество цифр в числе) равна самому числу. Например, 153 = 1³ + 5³ + 3³. Найдите все трёхзначные Армстронга.

«С»: Натуральное число называется автоморфным, если оно равно последним цифрам своего квадрата. Например, $25^2 = 625$. Напишите программу, которая получает натуральное число N и выводит на экран все автоморфные числа, не превосходящие N.

Пример:

Введите N:

1000

1*1=1

5*5=25

6*6=36

25*25=625

76*76=5776

Вложенные циклы

Задача. Вывести все простые числа в диапазоне от 2 до 1000.

```
сделать для n от 2 до 1000 если число n простое то вывод n
```

нет делителей [2.. n-1]: проверка в цикле!

Что значит «простое число»?

Вложенные циклы

```
for (n=2; n \le 1000; n++)
  count = 0;
  for (k = 2; k < n; k++)
      if (n % k == 0)
        count ++;
                                вложенный цикл
  if ( count == 0 )
    cout << n << endl;</pre>
```

Вложенные циклы

- ? Как меняются переменные?
- Переменная внутреннего цикла изменяется быстрее!

- 1 1
- 2 1
- 2 2
- 3 1
- 3 2
- 3 3
- 4 1
- 4 2
- 4 3
- 4 4

Поиск простых чисел – как улучшить?

```
n = k \cdot m, \quad k \le m \quad \Rightarrow k^2 \le n \quad \Rightarrow k \le \sqrt{n}
```

```
while( k <= sqrt(n) )
   {
    ...
}</pre>
```

? Что плохо?

```
count = 0;
k = 2;
while ( k*k <= n )
{
if ( n % k == 0 ) count ++;
k ++;
} while ( k*k <= n && (count == 0) ) {
...
}
```

«А»: Напишите программу, которая получает натуральные числа A и B (A<B) и выводит все простые числа в интервале от A до B.

Пример:

Введите границы диапазона:

10 20

11 13 17 19

«В»: В магазине продается мастика в ящиках по 15 кг, 17 кг, 21 кг. Как купить ровно 185 кг мастики, не вскрывая ящики? Сколькими способами можно это сделать?

«С»: Ввести натуральное число N и вывести все натуральные числа, не превосходящие N и делящиеся на каждую из своих цифр.

Пример:

Введите N:

15

1 2 3 4 5 6 7 8 9 11 12 15

Программирование на языке C++

§ 59. Процедуры

Зачем нужны процедуры?

```
много раз!
cout << "Ошибка программы";
void Error()
  cout << "Ошибка программы";
main()
                           вызов
                        процедуры
  int n;
  cin >> n;
  if ( n < 0 ) Error();</pre>
```

Что такое процедура?

Процедура – вспомогательный алгоритм, который выполняет некоторые действия.

- •в момент вызова процедура должна уже быть известна
- •в программе может быть много процедур
- •чтобы процедура заработала, нужно вызвать её по имени из основной программы или из другой процедуры

Процедура с параметрами

Задача. Вывести на экран запись целого числа (0..255) в 8-битном двоичном коде.

много раз!

Алгоритм:

Как вывести первую цифру?

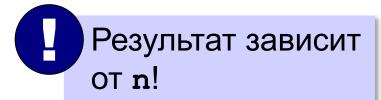
Процедура с параметрами

Задача. Вывести на экран запись целого числа (0..255) в 8-битном двоичном коде.

Решение:

```
k = 128;
while (k > 0)
    {
    cout << n/k;
    n = n%k;
    k = k/2;
    }
</pre>
```

```
178 ⇒ 10110010
```



```
n k вывод
178 128 1
```

Процедура с параметрами

```
void printBin ( int n )
              int k;
                                Параметры – данные,
              k = 128;
локальные
                                изменяющие работу
переменные
              while (k > 0)
                                процедуры.
                cout << n/k;</pre>
                n = n % k;
                k = k / 2;
                                 значение параметра
            main()
                                     (аргумент)
              printBin ( 99 );
```

Несколько параметров

```
void printSred (int a, int b)
{
  cout << (a+b)/2.;
}</pre>
```

«А»: Напишите процедуру, которая принимает параметр – натуральное число N – и выводит на экран линию из N символов '–'.

Пример:

```
Введите N:
```

10

«В»: Напишите процедуру, которая выводит на экран в столбик все цифры переданного ей числа, начиная с первой.

Пример:

Введите натуральное число:

1234

1

2

3

4

«С»: Напишите процедуру, которая выводит на экран запись переданного ей числа в римской системе счисления.

Пример:

Введите натуральное число:

2013

IIIXMM

Изменяемые параметры

Задача. Написать процедуру, которая меняет местами

значения двух переменных.

```
void Swap ( int a, int b )
{
  int c;
  c = a; a = b; b = c;
}
```

передача по значению

Процедура работает с копиями переданных значений параметров!

```
main()
{
  int x = 2, y = 3;
  Swap(x,y);
  cout << x << " " << y;
}</pre>
```

Почему не работает?

2 3

Изменяемые параметры

переменные могут изменяться

```
void Swap ( int & a, int & b )
{
  int c;
  c = a; a = b; b = c;
}
```

Вызов:

```
int a, b;
Swap(a, b); // правильно
Swap(2, 3); // неправильно
Swap(a, b+3); // неправильно
```

«А»: Напишите процедуру, которая переставляет три переданные ей числа в порядке возрастания.

Пример:

Введите три натуральных числа:

10 15 5 5 10 15

«В»: Напишите процедуру, которая сокращает дробь вида М/N. Числитель и знаменатель дроби передаются как изменяемые параметры.

Пример:

Введите числитель и знаменатель дроби:

25 15

После сокращения: 5/3

«С»: Напишите процедуру, которая вычисляет наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное двух натуральных чисел и возвращает их через изменяемые параметры.

Пример:

Введите два натуральных числа:

10 15

HOД(10,15)=5

HOK(10,15)=30

Программирование на языке C++

§ 60. Функции

Что такое функция?

Функция — это вспомогательный алгоритм, который возвращает *значение-результат* (число, символ или объект другого типа).

Задача. Написать функцию, которая вычисляет сумму цифр числа.

Алгоритм:

```
сумма = 0
пока n != 0
сумма = сумма + n % 10
n = n / 10
```

Сумма цифр числа

```
int sumDigits ( int n )
      тип результата
  int sum = 0;
  while (n != 0)
    sum += n % 10;
    n /= 10;
                     передача
                    результата
  return sum;
main()
 cout << sumDigits(12345);</pre>
```

Использование функций

```
x = 2*sumDigits(n+5);
z = sumDigits(k) + sumDigits(m);
if ( sumDigits (n) % 2 == 0 )
  cout << "Сумма цифр чётная\n";
  cout << "Она равна " << sumDigits(n);
```

Функция, возвращающая целое число, может использоваться везде, где и целая величина!

«А»: Напишите функцию, которая находит наибольший общий делитель двух натуральных чисел.

Пример:

```
Введите два натуральных числа:
```

7006652 112307574

HOJ(7006652,112307574) = 1234.

«В»: Напишите функцию, которая определяет сумму цифр переданного ей числа.

Пример:

Введите натуральное число:

123

Сумма цифр числа 123 равна 6.

«С»: Напишите функцию, которая «переворачивает» число, то есть возвращает число, в котором цифры стоят в обратном порядке.

Пример:

Введите натуральное число:

1234

После переворота: 4321.

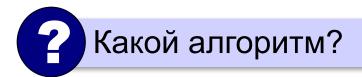
Логические функции

Задача. Найти все простые числа в диапазоне от 2 до 100.

```
main()
{
   int i;
   for (i = 2; i <= 100; i++)
      if ( isPrime(i) )
      cout << i << endl;
}</pre>
```

функция, возвращающая логическое значение (true/false)

Функция: простое число или нет?



```
bool isPrime ( int n )
  int count = 0, k = 2;
  while ( k*k \le n \&\& count == 0 )
    if (n % k == 0)
                        if( count == 0 )
        count ++;
                              return true;
    k ++;
                        else return false;
  return (count == 0);
```

Логические функции: использование



Функция, возвращающая логическое значение, может использоваться везде, где и логическая величина!

«А»: Напишите логическую функцию, которая определяет, является ли переданное ей число совершенным, то есть, равно ли оно сумме своих делителей, меньших его самого.

Пример:

Введите натуральное число:

28

Число 28 совершенное.

Пример:

Введите натуральное число:

29

Число 29 не совершенное.

«В»: Напишите логическую функцию, которая определяет, являются ли два переданные ей числа взаимно простыми, то есть, не имеющими общих делителей, кроме 1.

Пример:

Введите два натуральных числа:

28 15

Числа 28 и 15 взаимно простые.

Пример:

Введите два натуральных числа:

28 16

Числа 28 и 16 не взаимно простые.

«С»: Простое число называется гиперпростым, если любое число, получающееся из него откидыванием нескольких цифр, тоже является простым. Например, число 733 — гиперпростое, так как и оно само, и числа 73 и 7 — простые. Напишите логическую функцию, которая определяет, верно ли, что переданное ей число — гиперпростое. Используйте уже готовую функцию isPrime, которая приведена в учебнике.

Пример:

Введите натуральное число:

733

Число 733 гиперпростое.

Пример:

Введите натуральное число:

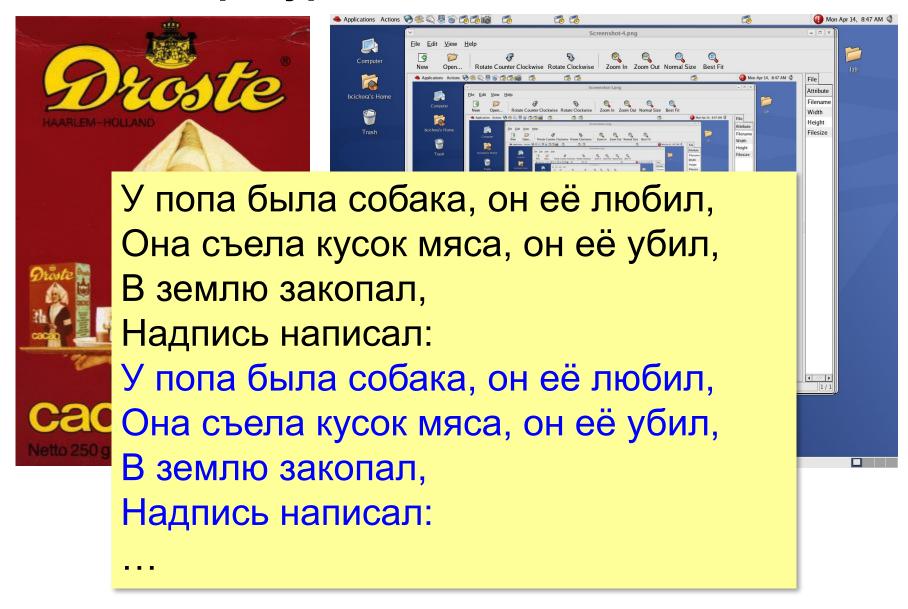
19

Число 19 не гиперпростое.

Программирование на языке C++

§ 61. Рекурсия

Что такое рекурсия?



Что такое рекурсия?

Натуральные числа:

- •1 натуральное число
- •если n натуральное число, то n+1 натуральное число

индуктивное определение

Рекурсия — это способ определения множества объектов через само это множество на основе заданных простых базовых случаев.

Числа Фибоначчи:

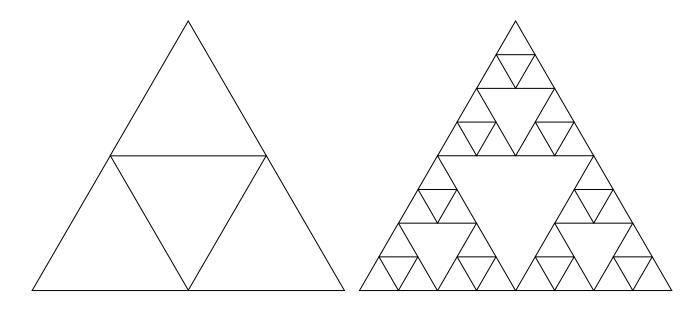
$$\bullet F_1 = F_2 = 1$$

•
$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$$
 при $n > 2$

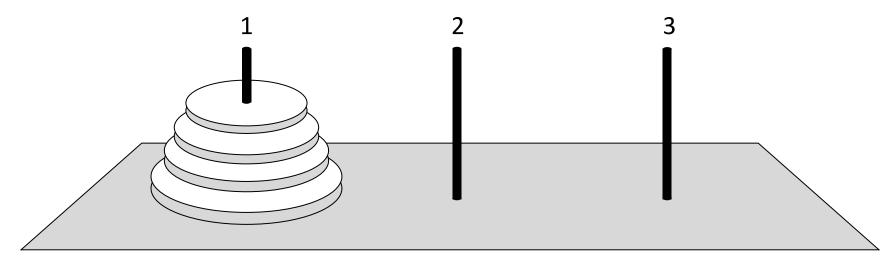
Фракталы

Фракталы – геометрические фигуры, обладающие самоподобием.

Треугольник Серпинского:



Ханойские башни



- •за один раз переносится один диск
- •класть только меньший диск на больший
- •третий стержень вспомогательный

```
перенести (n, 1, 3)
перенести (n-1, 1, 2)
1 -> 3
перенести (n-1, 2, 3)
```

Ханойские башни – процедура

```
откуда
                    СКОЛЬКО
                                          куда
        void Hanoi ( int n, int k, int m )
                              номер вспомогательного
          int p;
                                стержня (1+2+3=6!)
          p = 6 - k - m;
рекурсия
          Hanoi (n-1, k, p);
          cout << k << " -> " << m << endl;
рекурсия
          Hanoi (n-1, p, m);
```

? Что плохо?

Рекурсия никогда не остановится!

Ханойские башни – процедура

Рекурсивная процедура (функция) — это процедура (функция), которая вызывает сама себя напрямую или через другие процедуры и функции.

```
void Hanoi ( int n, int k, int m )
                           условие выхода из
  int p;
                               рекурсии
  if ( n == 0 ) return;
  p = 6 - k - m;
  Hanoi (n-1, k, p);
  cout << k << " -> " << m << endl;
  Hanoi ( n - 1, p, m ); main()
                            Hanoi(4, 1, 3);
```

Вывод двоичного кода числа

```
условие выхода из
                              рекурсии
void printBin( int n )
{
                               напечатать все
  if (n == 0) return;
                                цифры, кроме
  printBin(n/2);
                                 последней
  cout << n % 2;
                          вывести
                     последнюю цифру
  printBin(0)
                             Как без рекурсии?
```

Вычисление суммы цифр числа

```
int sumDig ( int n )
              последняя цифра
  int sum;
  sum = n % 10;
                   рекурсивный вызов
  if (n >= 10)
   sum += sumDig ( n / 10 );
  return sum;
                   Где условие окончания рекурсии?
sumDig(1234)
  4 + sumDig(123)
     4 + 3 + sumDig(12)
         4 + 3 + 2 + sumDig(1)
            4 + 3 + 2 + 1
```

Алгоритм Евклида

Алгоритм Евклида. Чтобы найти НОД двух натуральных чисел, нужно вычитать из большего числа меньшее до тех пор, пока меньшее не станет равно нулю. Тогда второе число и есть НОД исходных чисел.

```
int NOD ( int a, int b )
{
  if ( a == 0 || b == 0 )
    return a+b;
  if ( a>b )
    return NOD( a-b, b );
  else return NOD( a, b-a );
}
```

«А»: Напишите рекурсивную функцию, которая вычисляет НОД двух натуральных чисел, используя модифицированный алгоритм Евклида.

Пример:

Введите два натуральных числа:

7006652 112307574

НОД (7006652,112307574)=1234.

«В»: Напишите рекурсивную функцию, которая раскладывает число на простые сомножители.

Пример:

Введите натуральное число:

378

378 = 2*3*3*3*7

«С»: Дано натуральное число N. Требуется получить и вывести на экран количество всех возможных различных способов представления этого числа в виде суммы натуральных чисел (то есть, 1 + 2 и 2 + 1 – это один и тот же способ разложения числа 3). Решите задачу с помощью рекурсивной процедуры.

Пример:

Введите натуральное число:

4

Количество разложений: 4.

Как работает рекурсия?

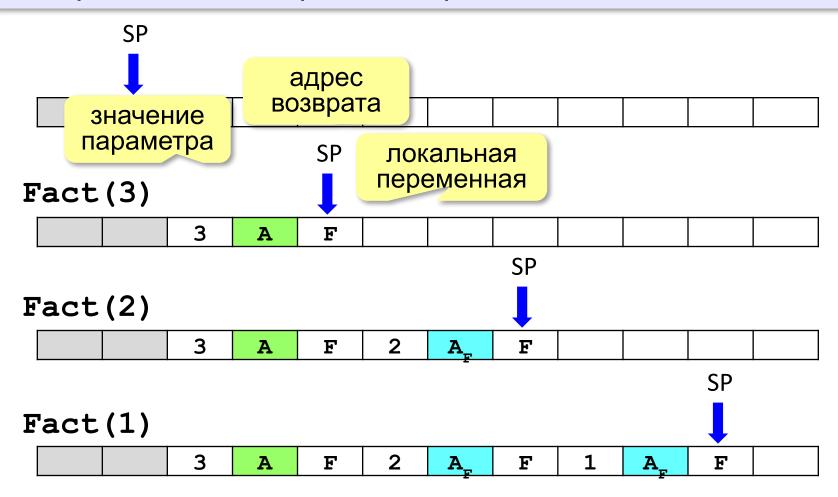
Факториал:
$$N! = \begin{cases} 1, & N = 1 \\ N \cdot (N-1)!, & N > 1 \end{cases}$$

```
int Fact ( int N )
                                       -> N = 3
                                          -> N = 2
  int F;
                                            -> N = 1
  cout << "-> N=" << N << endl;
                                           <-N=1
                                         <-N=2
  if (N \leq 1)
                                       <-N=3
        \mathbf{F} = \mathbf{1};
  else F = N * Fact(N - 1);
  cout << "<- N=" << N << endl;
  return F;
```

Как сохранить состояние функции перед рекурсивным вызовом?

Стек

Стек – область памяти, в которой хранятся локальные переменные и адреса возврата.



Рекурсия – «за» и «против»

- •с каждым новым вызовом расходуется память в стеке (возможно переполнение стека)
- •затраты на выполнение служебных операций при рекурсивном вызове
- •программа становится более короткой и понятной
- •возможно переполнение стека
- •замедление работы
- 0

Любой рекурсивный алгоритм можно заменить нерекурсивным!

итерационный алгоритм

```
int Fact ( int N )
{
  int F;
  F = 1;
  for (i = 2; i <= N; i++)
    F = F * i;
  return F;
}</pre>
```

Конец фильма

ПОЛЯКОВ Константин Юрьевич

д.т.н., учитель информатики ГБОУ СОШ № 163, г. Санкт-Петербург kpolyakov@mail.ru

ЕРЕМИН Евгений Александрович

к.ф.-м.н., доцент кафедры мультимедийной дидактики и ИТО ПГГПУ, г. Пермь

eremin@pspu.ac.ru

Источники иллюстраций

- 1. <u>old-moneta.ru</u>
- 2. <u>www.random.org</u>
- 3. <u>www.allruletka.ru</u>
- 4. <u>www.lotterypros.com</u>
- 5. <u>logos.cs.uic.edu</u>
- 6. <u>ru.wikipedia.orq</u>
- 7. иллюстрации художников издательства «Бином»
- 8. авторские материалы